

Цифровий підпис



План

1. Криптографічні хеш-функції

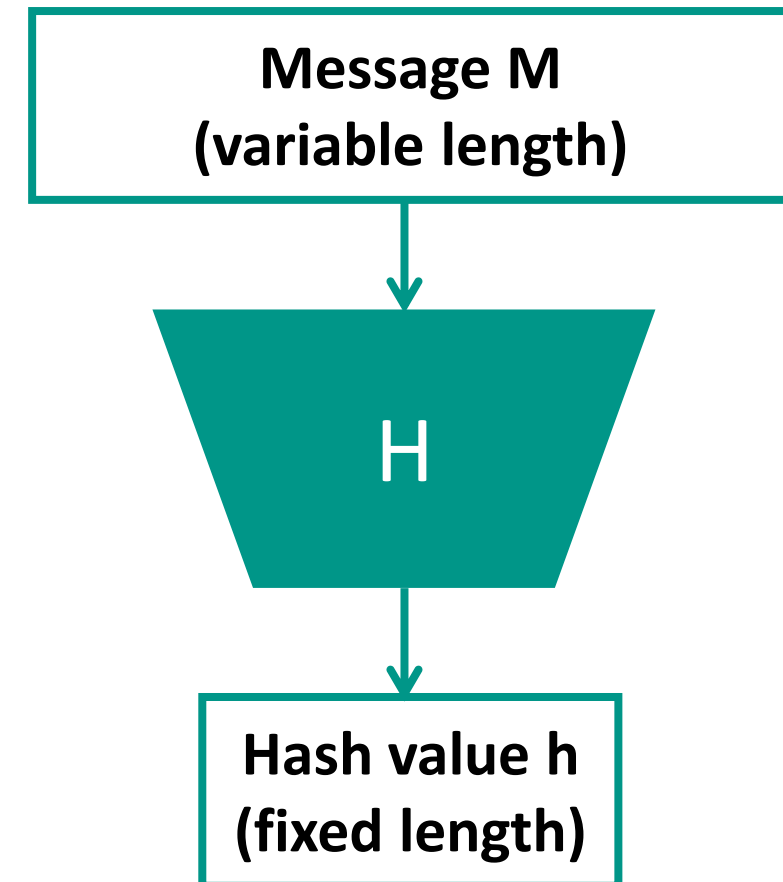
2. Процедури створення та перевірки підпису

3. Схеми цифрового підпису RSA та Ель-Гамала

4. Стандарт цифрового підпису DSS

1. Криптографічні хеш-функції

Хеш-функція являє собою функцію, математичну або іншу, що отримує на вхід **рядок змінної довжини** і перетворює його в **рядок фіксованої, зазвичай меншої, довжини**



Результат хеш-функції називають **хешем, хеш-значенням** або **дайджестом**

1. Криптографічні хеш-функції

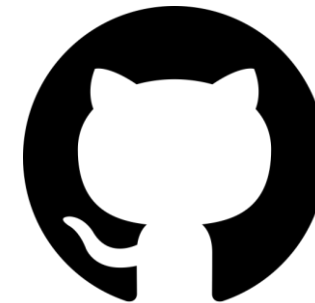
Застосування хеш-функції

✓ Перевірка **цілісності** повідомлень та файлів;

✓ Генерація і перевірка **(електронного) цифрового підпису**;

✓ Перевірка **пароля**;

✓ **Ідентифікатор** файлу або даних.



1. Криптографічні хеш-функції

Принцип роботи криптографічної хеш-функції

Повідомлення M має бути представлене у двійковій формі і розбите на окремі блоки M_i довжиною n біт кожний

Більшість хеш-функцій мають вигляд:

$$h_i = H(M_i, h_{i-1}), \text{ де}$$

M_i – черговий блок повідомлення M ;

h_{i-1} – хеш-значення усіх попередніх блоків M (має довжину також n біт)

1. Криптографічні хеш-функції

Принцип роботи криптографічної хеш-функції

При обчисленні хеш-значення для **першого блоку** M_1 використовується деяке **початкове хеш-значення** h_0 , яке можна вибрати випадковим IV або фіксованим (наприклад, $h_0 = 0$ – у найпростішому випадку)

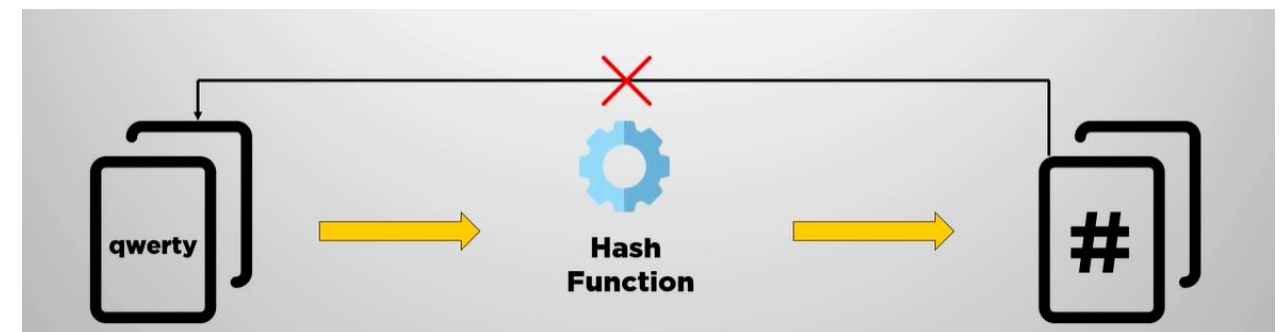
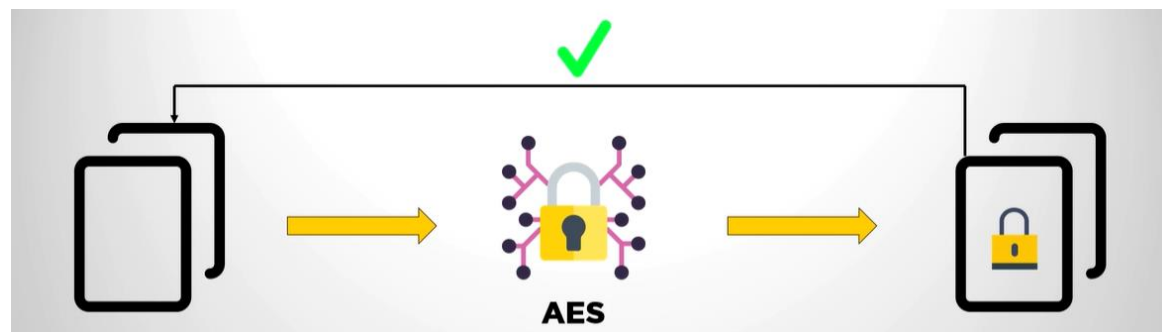
Хеш-значення, обчислене при використанні **останнього блоку повідомлення**, вважається хеш-значенням усього повідомлення M

1. Криптографічні хеш-функції

Основні властивості криптографічної хеш-функції

1) **Детермінованість** – для однакових повідомлень M функція має повертати однакові хеш-значення h ;

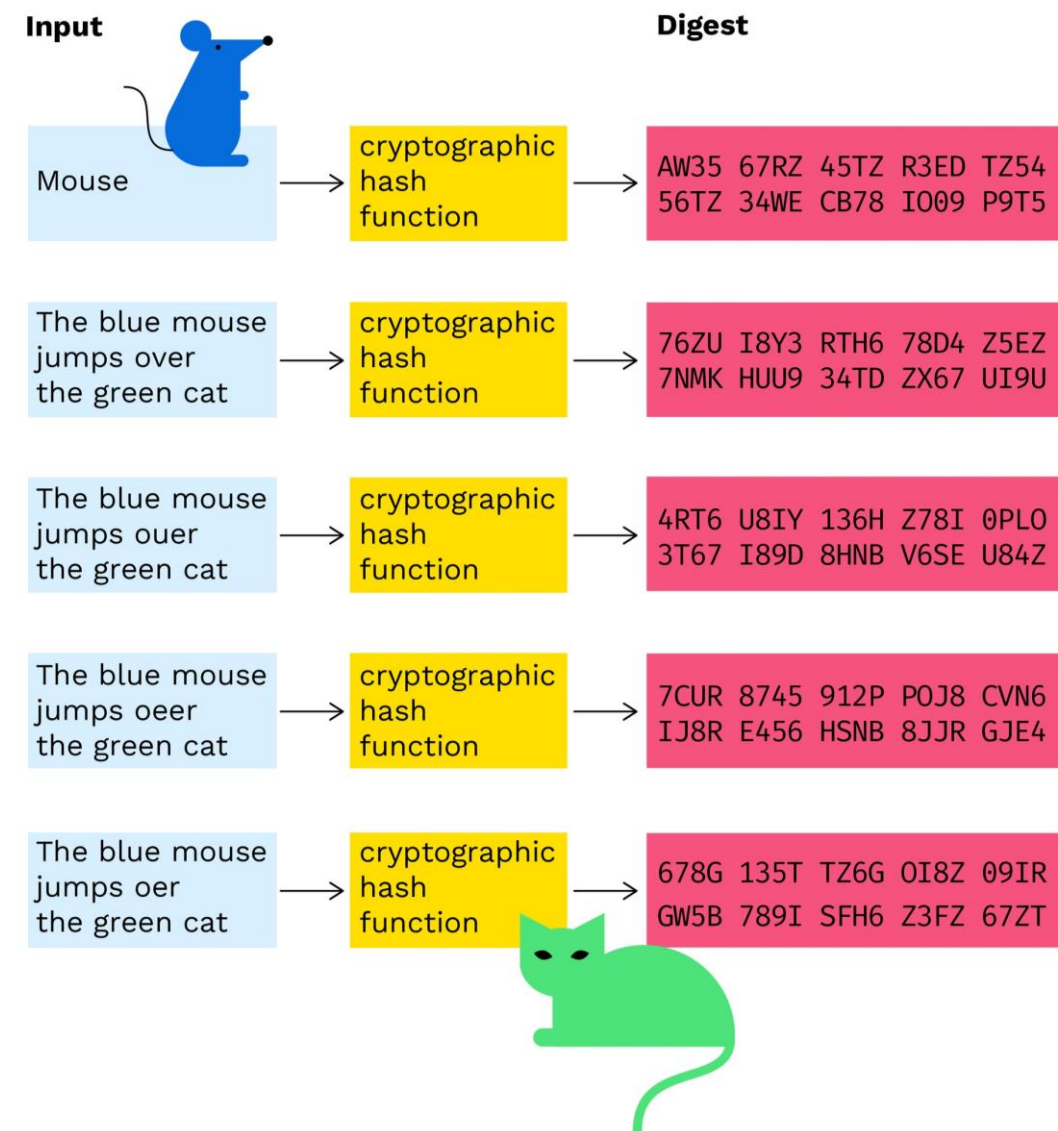
2) **Односторонність** – за значенням h неможливо відновити M ;



1. Криптографічні хеш-функції

Основні властивості криптографічної хеш-функції

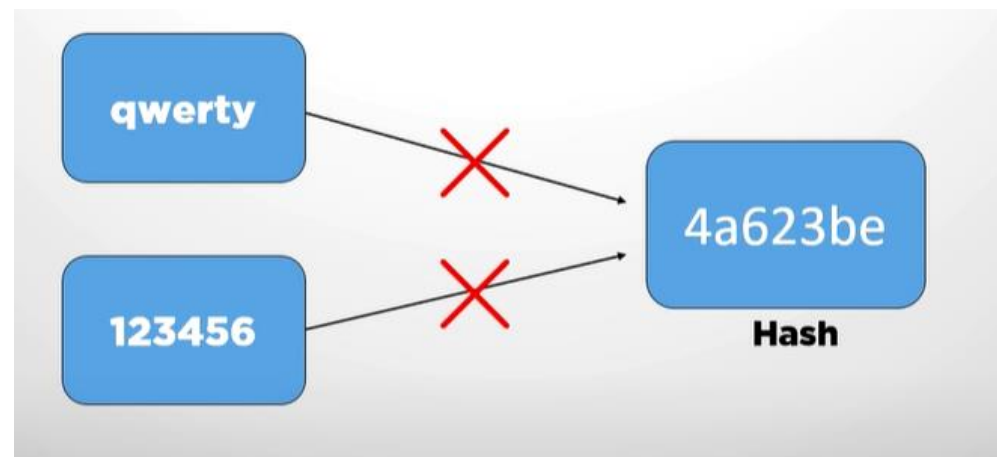
3) **Наявність лавинного ефекту** – будь-які, навіть незначні, зміни у повідомленні M призводять до значних змін у хеш-значенні h ;



1. Криптографічні хеш-функції

Основні властивості криптографічної хеш-функції

4) Відсутність колізій (унікальність хеша) – ймовірність співпадіння хеш-значень двох різних повідомлень повинна бути надзвичайно малою;



5) Висока швидкість роботи.


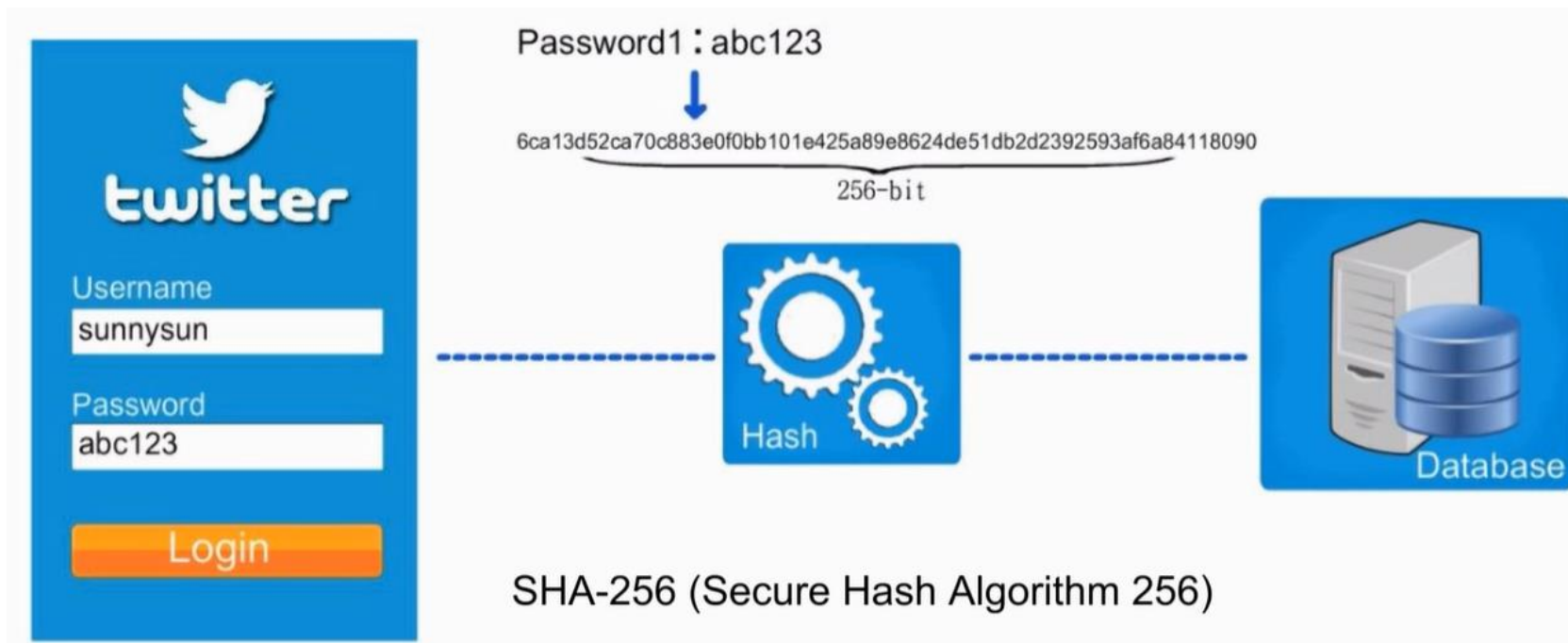
1. Криптографічні хеш-функції

Порівняння деяких хеш-функцій

Хеш-функція	Рік	Розробники	Довжина блоку	Довжина дайджесту	Кількість раундів
MD5	1992	Ronald Rivest	512	128	64
RIPEMD	1992	The RIPE Consortium	512	128	48
SHA-1	1995	NSA	512	160	80
SHA-256	2002	NSA	512	256	80
SHA-512	2002	NSA	1024	512	80
Whirlpool	2004	Vincent Rijmen, Paulo Barreto	512	512	10
BLAKE-256	2008	Jean-Philippe Aumasson, Luca Henzen, Willi Meier, Raphael C.-W. Phan	512	256	14
Купина	2014	ПАТ «Інститут інформаційних технологій»	512	від 8 до 512 біт	10 або 14

1. Криптографічні хеш-функції

Наприклад, у twitter використовується SHA-256 для збереження паролів користувачів:



Users	Hash
User1	YY9J3IES8K
User2	HTOjXKSLBG
User3	CWBQB3R5G
User4	EGPR20YLY5
User5	CARPNNFIJW
User6	PJLJQDRVCO
User7	CH28YHE5IQ

1. Криптографічні хеш-функції

Обчисливши, хеш-значення найчастіше вживаних паролів, можна підібрати пароль:

The 50 Most Used Passwords

- | | | | | |
|--------------|--------------|----------------|--------------|-------------|
| 1. 123456 | 11. 123123 | 21. mustang | 31. 7777777 | 41. harley |
| 2. password | 12. baseball | 22. 666666 | 32. f*cky*u | 42. zxcvbnm |
| 3. 12345678 | 13. abc123 | 23. qwertyuiop | 33. qazwsx | 43. asdfgh |
| 4. qwerty | 14. football | 24. 123321 | 34. jordan | 44. buster |
| 5. 123456789 | 15. monkey | 25. 1234...890 | 35. jennifer | 45. andrew |
| 6. 12345 | 16. letmein | 26. p*s*y | 36. 123qwe | 46. batman |
| 7. 1234 | 17. shadow | 27. superman | 37. 121212 | 47. soccer |
| 8. 11111 | 18. master | 28. 270 | 38. killer | 48. tigger |
| 9. 1234567 | 19. 696969 | 29. 654321 | 39. trustno1 | 49. charlie |
| 10. dragon | 20. michael | 30. 1qaz2wsx | 40. hunter | 50. robert |

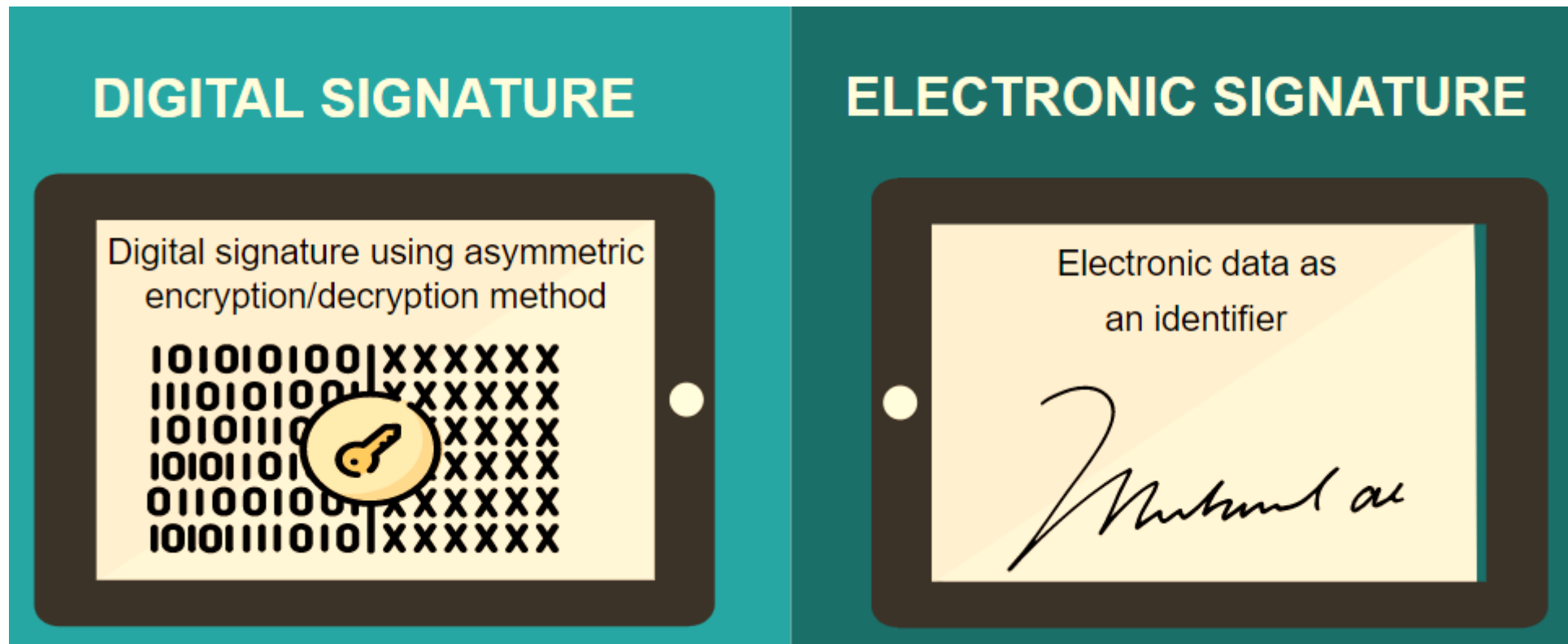
Password	Hash
123456	LRHZAFVUZM
qwerty	R6JTUOGLUG
letmein	YB14YN8280
iloveyou	CARPNNFIJW
654321	4LEJZ8EBB5
mypassword	EAHY7W8LH7
trytohackme	G6GP9LMT99

2. Процедури створення та перевірки підпису

Електронний підпис – електронні дані, які додаються підписувачем до інших електронних даних або логічно з ними пов'язуються і використовуються ним як підпис.

(Електронний) цифровий підпис – вид електронного підпису, отриманого за результатом **криптографічного перетворення** набору електронних даних, який додається до цього набору або логічно з ним поєднується і дає змогу підтвердити його **цілісність** та **ідентифікувати підписувача**.

2. Процедури створення та перевірки підпису



Цифровий підпис є видом електронного підпису і використовує **криптографічні хеш-функції і ключі**

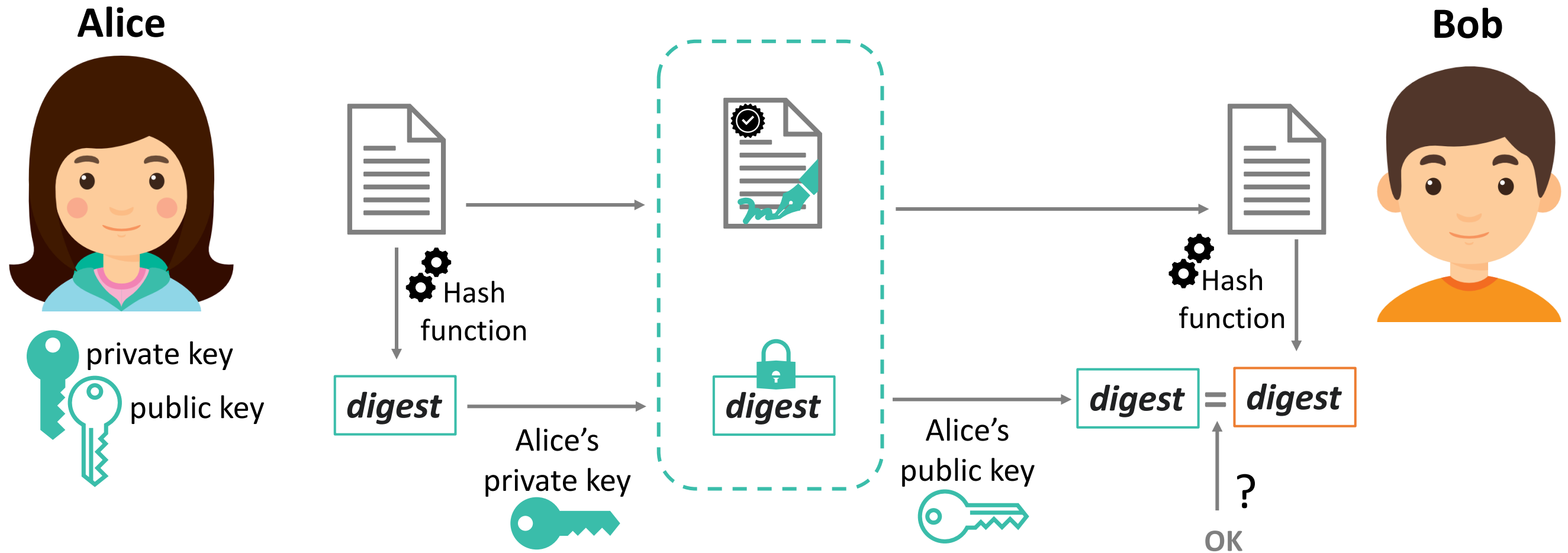
2. Процедури створення та перевірки підпису

1. **Генерація пари ключів.** За допомогою алгоритму генерації ключів створюється пара ключів – **закритий** (для створення підпису) та **відкритий** (для перевірки підпису).

2. **Формування підпису.** Для заданого електронного документу за допомогою деякої **хеш-функції** обчислюється **хеш-значення**, після чого воно зашифровується із використанням **закритого ключа підписувача**. Зашифрований дайджест і є **ЦП** для даного документу.

3. **Перевірка (верифікація) підпису.** Для отриманого документу одержувач знову обчислює його **хеш-значення**, після чого за допомогою **відкритого ключа підписувача** дешифрує ЦП. Якщо **хеші рівні** – підпис справжній.

2. Процедури створення та перевірки підпису



2. Процедури створення та перевірки підпису

Інфраструктура відкритих ключів

- ✓ Центр сертифікації ключів;
- ✓ Центр реєстрації;
- ✓ Каталог (репозитарій, реєстр) сертифікатів;
- ✓ Сервер відновлення ключів;
- ✓ Користувачі (кінцеві суб'єкти);
- ✓ Нормативні документи.



2. Процедури створення та перевірки підпису

Управління ключами

Управлінням ключами займаються **центри сертифікації ключів (ЦСК)**, що забезпечують:

- доступ користувача до справжнього відкритого ключа іншого користувача;
- захист ключів від підміни зловмисником;
- організацію відкликання ключа у випадку його компрометації.

Сертифікат, який видається ЦСК дозволяє підтвердити **дані про власника** і його **відкритий ключ**



3. Схеми цифрового підпису RSA та Ель-Гамала

Схема цифрового підпису RSA

Закритий ключ: (d, n)

Відкритий ключ: (e, n)

Підписування

ЦП для $h(M)$ буде мати вигляд: $s = h(M)^d \bmod n$

Перевірка підпису

Приймається пара (M, s) і обчислюється $h(M)$ і порівнюється з $s^e \bmod n = (h(M)^d \bmod n)^e \bmod n = h(M)$

3. Схеми цифрового підпису RSA та Ель-Гамаля

Приклад 3.1: Підписати та перевірити підпис повідомлення M хеш-значення, якого $h(M) = 88$.

$p = 17, q = 11$
 $n = 187, \varphi(n) = 160$
Закритий ключ: $d = 23$

Відкритий ключ:
 $e = 7$

Підписування:
 $s = h(M)^d \bmod n =$
 $= 88^{23} \bmod 187 = 11$

Перевірка підпису
Приймається пара $(M, 11)$ та
дешифрується хеш:
 $s^e \bmod n = 11^7 \bmod 187 = 88$

3. Схеми цифрового підпису RSA та Ель-Гамала

Схема цифрового підпису Ель-Гамала

Закритий ключ: x
Сесійний ключ: k

Відкритий ключ: (p, g, y)

Підписування

ЦП для $h(M)$ буде пара:

$$r = g^k \bmod p$$
$$s = k^{-1}(h(M) - xr) \bmod p - 1$$

Перевірка підпису

Приймається (M, r, s)
і підпис вважається дійсним,

якщо:

$$g^{h(M)} \equiv y^r r^s \pmod{p}$$

3. Схеми цифрового підпису RSA та Ель-Гамаля

Приклад 3.2: Підписати та перевірити підпис повідомлення M хеш-значення, якого $h(M) = 14$.

$$p = 19, g = 10$$

Закритий ключ: $x = 16$

Сесійний ключ: $k = 5$

$$y = g^x \bmod p = 10^{16} \bmod 19 = 4$$

Відкритий ключ:

$$(p, g, y) = 19, 10, 4$$

Підписування

$$r = 10^5 \bmod 19 = 3$$

$$\begin{aligned} s &= 5^{-1}(14 - 16 \cdot 3) \bmod 18 = \\ &= -374 \bmod 18 = 4 \end{aligned}$$

$5 \cdot ? \equiv 1 \bmod 18 \rightarrow 5^{-1} \bmod 18 = 11$
(за розширеним алгоритмом Евкліда)

Перевірка підпису

Приймається $(M, 3, 4)$:

$$g^{h(M)} \bmod p = 10^{14} \bmod 19 = 16$$

$$\begin{aligned} y^r r^s \bmod p &= 4^3 \cdot 3^4 \bmod 19 \\ &= 16 \end{aligned}$$

4. Стандарт цифрового підпису DSS

Національний інститут стандартів і технології США (NIST) розробив федеральний стандарт цифрового підпису **DSS (Digital Signature Standard)**

Для створення цифрового підпису використовується алгоритм **DSA (Digital Signature Algorithm)**



Як хеш-алгоритм стандарт передбачає використання алгоритму **SHA-1 (Secure Hash Algorithm)**

4. Стандарт цифрового підпису DSS

Генерація ключів у DSA

1. Генерується **просте** число p , таке що $2^{L-1} < p < 2^L$, $512 \leq L \leq 1024$ і L кратне 64
2. Обирається q – **простий дільник** $p - 1$, таке $2^{159} < q < 2^{160}$
3. **Обчислюється** $g = h^{(p-1)/q} \bmod p$, де h **будь-яке ціле число** таке, що $0 \leq h \leq p - 1$ та $h^{(p-1)/q} \bmod p > 1$
6. Вибирається x – **випадкове ціле число**, таке що $0 < x < q$
5. **Обчислюється** $y = g^x \bmod p$
6. x і y є **закритим** і **відкритим** ключами, відповідно

4. Стандарт цифрового підпису DSS

Підпис повідомлення

Підпис повідомлення M із використанням **закритого ключа** підписувача виглядає наступним чином:

1. Вибирається випадкове ціле число k – разовий секретний ключ, де $0 < k < q$
2. Обчислюється $r = (g^k \bmod p) \bmod q$
3. Обчислюється $s = k^{-1}(h(M) + xr) \bmod q$, де $h(M)$ – значення хеш-функції **SHA-1** від повідомлення M
4. Підписом для повідомлення M є пара (r, s)

4. Стандарт цифрового підпису DSS

Перевірка підпису

Перевірка підпису із використанням **відкритого ключа** підписувача виглядає наступним чином:

1. Обчислюється $w = s^{-1} \bmod q$

2. Обчислюється $u_1 = (h(M)w) \bmod q$

3. Обчислюється $u_2 = (rw) \bmod q$

4. Обчислюється $v = ((g^{u_1} y^{u_2}) \bmod p) \bmod q$

5. Підпис дійсний, якщо $v = r$

4. Стандарт цифрового підпису DSS

Приклад 4.1: Підписати та перевірити підпис повідомлення M хеш-значення, якого $h(M) = 3$.

Генерація ключів

$$p = 23, p - 1 = 23 - 1 = 22;$$

$$q = 11;$$

$$h = 2;$$

$$g = h^{(p-1)/q} \bmod p = 2^{22/11} \bmod 23 = 4;$$

Закритий ключ: $x = 5$;

Відкритий ключ: $y = g^x \bmod p = 4^5 \bmod 23 = 1024 \bmod 23 = 12$.

4. Стандарт цифрового підпису DSS

Приклад 4.1: Підписати та перевірити підпис повідомлення M хеш-значення, якого $h(M) = 3$.

Підписування

Сесійний ключ: $k = 3$

$$r = (4^3 \bmod 23) \bmod 11 \\ = 18 \bmod 11 = 7$$

$$s = 3^{-1}(3 + 5 \cdot 7) \bmod 11 = 4 \\ = 152 \bmod 11 = 9$$

$$3^{-1} \bmod 11 = 4$$

(за розширеним алгоритмом Евкліда)

Перевірка підпису

Приймається $(M, 7, 9)$:

$$w = s^{-1} \bmod q = 9^{-1} \bmod 11 = 5$$

$$u_1 = 3 \cdot 5 \bmod 11 = 4$$

$$u_2 = 7 \cdot 5 \bmod 11 = 2$$

$$v = ((4^4 \cdot 12^2) \bmod 23) \bmod 11 \\ = 18 \bmod 11 = 7$$

$$v = r$$