

**Метрологія, стандартизація та
підтвердження відповідності електронної апаратури**

Обробка результатів вимірювань. Загальні положення

Загальні положення

Обов'язкові компоненти будь-якого вимірювання:

- 1) фізична величина, значення якої потрібно виміряти;
- 2) одиниця фізичної величини;
- 3) метод вимірювання;
- 4) умови вимірювання;
- 5) засіб вимірювання;
- 6) спостерігач, який виконує вимірювання (ЕОМ при автоматизації вимірювань);
- 7) результат вимірювання.

**Похибка вимірювання та
похибка засобу вимірювань –
це не одне і те ж саме!**

Загальні положення

Як і будь-яке інше експериментальне дослідження, **вимірювання має певні стадії організації та виконання:**

- формулювання мети;
- складання програми експерименту, методична та матеріальна підготовка експерименту;
- проведення експерименту;
- опрацювання результатів вимірювань та оцінювання похибки вимірювань;
- аналіз отриманих результатів та формулювання оцінки проведених вимірювань.

У цілому вимірювання фізичних величин є багатоетапним процесом, що поєднує як саму процедуру вимірювань з її типовими вимірювальними операціями, так і ряд підготовчих та заключних процедур, які необхідно виконати до та після самих вимірювань.

Загальні положення

Процес вимірювання можна розділити на три етапи:

- 1) підготовка та планування вимірювань;
- 2) виконання вимірювань;
- 3) опрацювання та аналіз отриманих даних.

Загальні положення

Обов'язкові компоненти будь-якого вимірювання:

- 1) фізична величина, значення якої потрібно виміряти;
- 2) одиниця фізичної величини;
- 3) метод вимірювання;
- 4) умови вимірювання;
- 5) засіб вимірювання;
- 6) спостерігач, який виконує вимірювання (ЕОМ при автоматизації вимірювань);
- 7) результат вимірювання.

Підготовка та планування вимірювань

Основними питаннями, які потрібно вирішити **на етапі підготовки та планування вимірювань**, є:

- 1) модель досліджуваного об'єкта, наприклад, під час вимірювання змінного струму здебільшого приймається його гармонічна модель, а у випадку несинусоїдальних струмів модель ускладнюється вищими гармонічними складовими, постійною складовою;
- 2) вимірювані параметри моделі, наприклад, для синусоїдного струму необхідно знати, який із параметрів вимірюватиметься: ефективне значення струму, амплітудне чи інший параметр;
- 3) мета вимірювання, яка встановлює потрібну точність вимірювань та значною мірою впливає на вибір моделі вимірюваної величини;
- 4) залежності між величинами, значення яких необхідно визначити за безпосередньо вимірюваними величинами (при непрямих вимірюваннях);
- б) умови вимірювань та впливні фактори;

Підготовка та планування вимірювань

- 7) допустимі похибки вимірювань, а при непрямих вимірюваннях – допустимі похибки вимірювань кожної із безпосередньо вимірюваних величин;
- 8) необхідні методи вимірювань окремих величин;
- 9) потрібні засоби вимірювальної техніки, їхні метрологічні характеристики;
- 10) способи корекції похибок вимірювань;
- 11) форма подання результатів вимірювань;
- 12) необхідні алгоритми та засоби опрацювання експериментальних даних та їх достовірності;
- 13) необхідні затрати для виконання поставленого завдання;
- 14) економічна ефективність вимірювань.

Основні етапи обробки результатів вимірювань

Основні етапи обробки результатів вимірювань у загальному випадку такі:

- 1) попередній аналіз результатів спостережень (первинних вимірювань), їх систематизація, відкидання явно недостовірних результатів;
- 2) корекція впливу систематичних ефектів (вивчення умов вимірювань, розрахунок і внесення поправок);
- 3) аналіз впливу випадкових ефектів, перевірка гіпотез про їх розподіл, вибір найкращих оцінок шуканих величин;
- 4) оцінка характеристик точності числового алгоритму, його стійкості;
- 5) виконання розрахунків за обраним алгоритмом;
- 6) аналіз отриманих результатів;
- 7) подання результатів вимірювань та характеристик їх точності за відповідною формою.

Основні характеристики випадкових похибок

Типові (але далеко не єдині!) закони розподілу випадкових похибок:

- нормальний закон розподілу (розподіл за законом Гаусса):

$$p(x) = \frac{1}{\sigma_x \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-m_x)^2}{2\sigma_x^2}}$$

- рівномірний закон:

$$p(x) = \begin{cases} \frac{1}{2x_m}, & -x_m < x < x_m \\ 0, & x < -x_m, x > x_m \end{cases}$$

$p(x)$ - щільність розподілу ймовірностей випадкової похибки;

m_x - математичне сподівання;

σ_x - середнє квадратичне відхилення.

Основні характеристики випадкових похибок

Неперервна величина

$$m_x = \int_{-\infty}^{\infty} p(x) dx$$

$$D_x = m_x \left[(x - m_x)^2 \right] = \int_{-\infty}^{\infty} (x - m_x)^2 p(x) dx$$

Дискретна величина

$$m_x = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

$$D_x = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - m_x)^2$$

$\sigma_x = +\sqrt{D_x}$ - середнє квадратичне відхилення результату спостереження.

$\tilde{\sigma}_x = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}}$ - середнє квадратичне відхилення результату вимірювання.

$\Delta = t_\gamma(n, p) \tilde{\sigma}_x$ - абсолютна похибка результату вимірювання.

Довірчі межі невиключеної систематичної похибки результату вимірювань

У першому наближенні за межі складових невиключених систематичних похибок (НСП) можна прийняти межі основних і додаткових похибок засобу вимірювань (ЗВ). При підсумовуванні Δ_{c_i} НСП ЗВ кожного типу потрібно розглядати як випадкові.

За відсутності даних про вид розподілу цих випадкових величин їх розподіл можна вважати рівномірним.

За рівномірного розподілу Δ_{c_i} НСП (без урахування знака) можна розрахувати за виразом:

$$\Delta_{c_i} = K \sqrt{\sum_{i=1}^n \Delta_{c_i}^2},$$

де Δ_{c_i} - межі i -ї; невиключеної систематичної похибки;

K - коефіцієнт, який визначається довірчою імовірністю (значення береться з довідникових графіків, таблиць).