

Лекція 5. СИГНАЛИ ТА ЇХ МОДЕЛІ

1. Сигнали та їх класифікація.
2. Математичні моделі простих сигналів.
3. Математичні моделі складних неперервних сигналів.
4. Математичні моделі дискретних сигналів. Види модуляції.



1. Сигнали та їх класифікація

Інформація сприймається споживачем через сигнали, які генеруються або безпосередньо джерелом, або за допомогою генераторів, що не зв'язані з джерелом (локація). Сигнали мають енергетичну та матеріальну основу – світлові потоки, звукові хвилі, теплове випромінювання, зображення точок, неоднорідності електричного і магнітного полів. Сигналами можуть бути документи, книжки, графіки, таблиці і т. ін. Отже, сигнали різняться за фізичною природою. В електронних системах сприйняття сигналів різної фізичної природи здійснюється первинними перетворювачами, які перетворюють інформаційний параметр в сигнал, що є зручним для подальшої обробки.

Передача інформації здійснюється за допомогою переносників інформації. Матеріальну основу переносника інформації складає певний фізичний об'єкт або процес, який характеризується набором параметрів. Один із цих параметрів може стати інформаційним, якщо він змінюється під впливом джерела інформації (модуляція параметра). Власне, після модуляції переносник перетворюється в носія інформації.

В електронних системах знайшли поширення переносники у вигляді коливань електричного струму або напруги – електричні сигнали. Якщо частота коливань дорівнює нулю, є лише один інформаційний параметр – рівень струму або напруги. Якщо частота коливань відрізняється від нуля, інформаційними параметрами можуть бути амплітуда, частота або фаза коливань.

Сигнал – це матеріальне втілення інформації, процес зміни деякої фізичної величини, пов'язаної з енергією.

Електричні сигнали поділяють на два види:

- сигнали електричного струму;
- сигнали електромагнітного поля.

Для використання у системах автоматичного керування, телебачення та інших системах обробки сигнали вимірювальної, звукової та візуальної інформації перетворюють у сигнали електричного струму, а для безпроводової передачі на відстань – у сигнали електромагнітного поля – радіосигнали. Сигнали, які проходять каналами електрозв'язку поділяються на:
Аналогові або неперервні – сигнали, що представлені неперервними у часі фізичними процесами.

Дискретні – сигнали, представлені своїми значеннями у дискретні моменти часу

Дискретні сигнали поділяють на імпульсні та цифрові.

Імпульсний сигнал – це сигнал дискретний за часом і неперервний за рівнем.

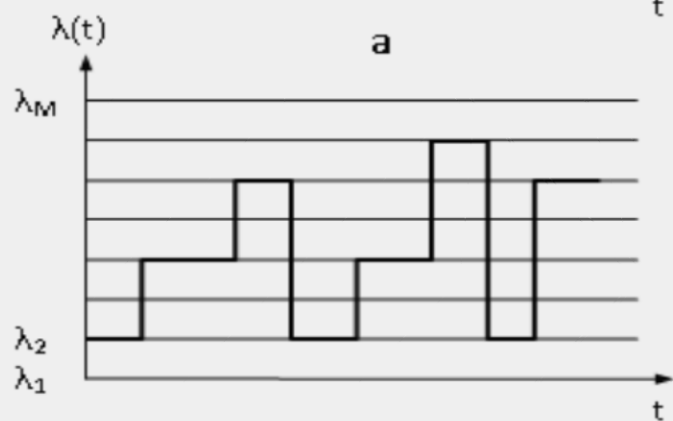
Цифровий сигнал є дискретним і за часом і за рівнем.



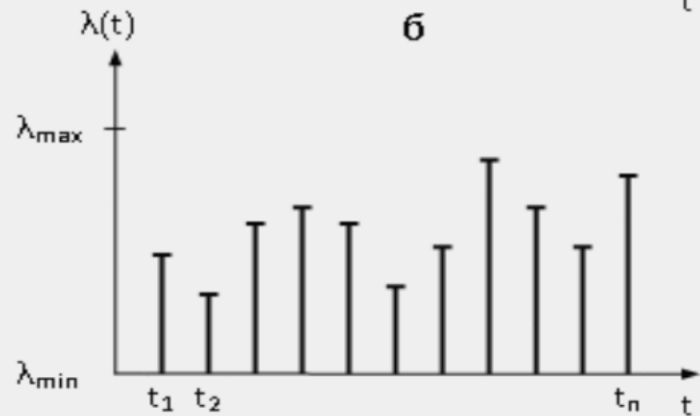
a



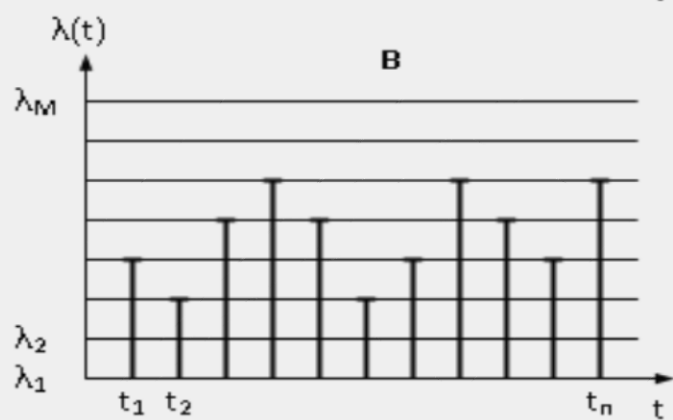
б



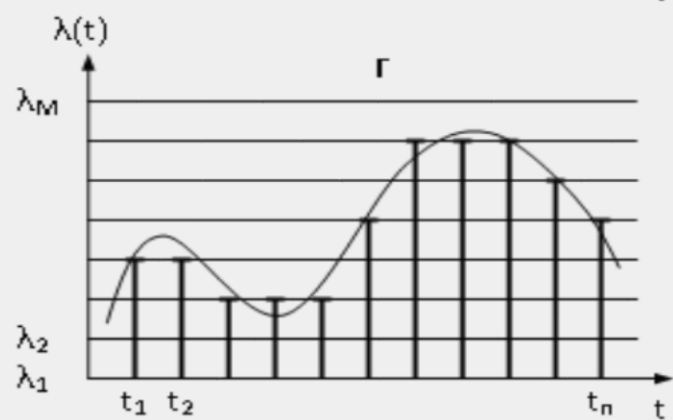
в



г



д



е

Розрізняють два види цифрових сигналів: **потенційні** та **імпульсні**.

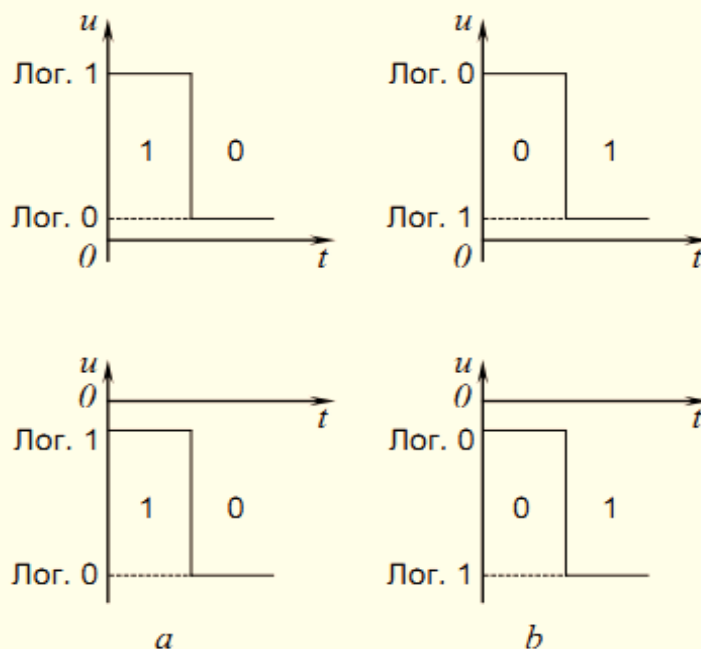


Рис. 2.1. Графіки потенційних сигналів.
 а – позитивна логіка;
 б – негативна логіка.

Потенційні двійкові сигнали мають два фіксованих рівні напруги: високий і низький. Ці сигнали діють в елементах логічних цифрових пристроїв, тому *дискретні рівні напруги* називають **логічними рівнями** і позначають «**логічна 1**» або «**логічний 0**».

Позитивна логіка – відповідність, при якій високому логічному рівню відповідає лог.1, а низькому – лог.0

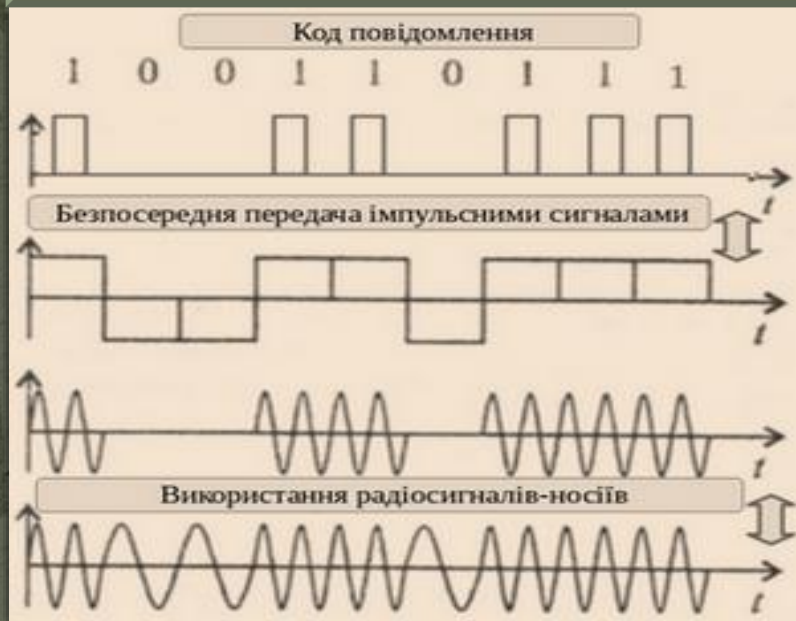
Негативна логіка – відповідність, при якій низькому логічному рівню відповідає лог.1, а високому – лог.0

Під час передачі/прийому або перетворення цифрової інформації логічні рівні в одній і тій самій точці **логічного елемента (ЛЕ)** переходять з одного в інший за достатньо короткі проміжки часу.



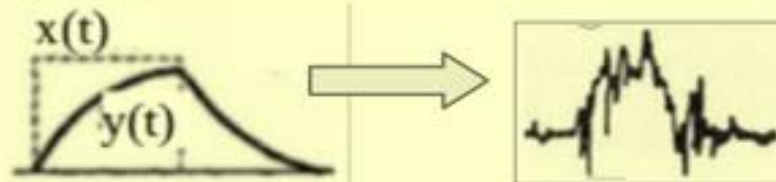
Рис. 2.5. Елементи цифрового сигналу

Для передачі двійкових даних використовуються імпульсні сигнали.



Викривлення сигналів при передачі

Викривлення сигналу випадковим шумом



Характеристики завад (шуму)

Джерела:

- завади в каналі
- непереборний тепловий шум

Накладання:

- аддитивний
- мультипліка-
тивний

Локалізація:

- в часі
- в спектрі
- "білий шум"

"Білий шум" є максимально непередбачуваним



А Типове викривлення форми імпульсів при передачі

Вихідний імпульс

Викривлення на відстані l_1

Викривлення на відстані $l_2 > l_1$

Відновлений імпульс

$x(t)$

$y_1(t)$

$y_2(t)$

$x^*(t)$

Б

Міжсигнальна інтерференція



ПЕРЕВАГИ ЦИФРОВИХ СИГНАЛІВ:

- допустимий складний багатоступеневий обробіток;
- тривале зберігання без втрат з можливістю багатократного копіювання без спотворень;
- якісна передача на великі відстані без спотворення;
- цифрові пристрої менш схильні до старіння, їх простіше налаштовувати;
- поведінку цифрових пристроїв можна точно розрахувати і завжди передбачити.

НЕДОЛІКИ ЦИФРОВИХ СИГНАЛІВ:

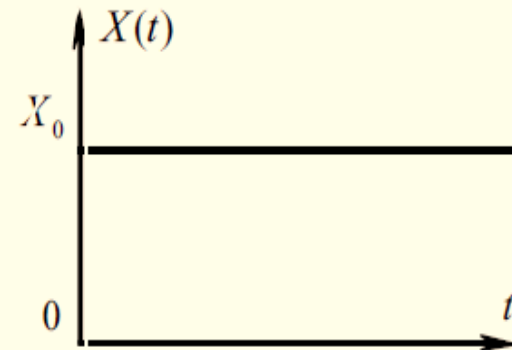
- принципово менша гранична швидкодія цифрових пристроїв в порівнянні з аналоговими;
- інформаційна місткість цифрового сигналу суттєво менша, ніж аналогового, тому для заміни одного аналогового сигналу необхідно кілька цифрових сигналів (від 4 до 16) – код;
- для використання в реальних умовах необхідне перетворення аналогових сигналів у цифрові (на вході, АЦП) та цифрових сигналів у аналогові (на виході, ЦАП);
- при простому алгоритмі обробітку цифрові пристрої набагато складніші за аналогові.

2. Математичні моделі простих сигналів

До елементарних сигналів належать східчастий сигнал, одиничний імпульс і гармонічний синусоїдний сигнал.

1. *Східчастий сигнал* (або сигнал вмикання):

$$\begin{aligned} x(t) &= 0 \quad \text{при } t < 0; \\ x(t) &= X_0 \quad \text{при } t > 0. \end{aligned} \quad (2.3)$$



Інформативним параметром сигналу є його рівень. Числове значення рівня X_0 є інформацією. В системах передачі інформації представлений електричним сигналом постійного струму або напруги. Застосовується для передачі вимірювальної інформації в системах керування. За міжнародним стандартом для вводу вимірювальної інформації в системи керування застосовують уніфіковані сигнали постійного струму, які при зміні вимірюваної фізичної величини в заданому діапазоні змінюються в межах $0 \dots 5 \text{ мА}$; $0 \dots 20 \text{ мА}$; $4 \dots 20 \text{ мА}$; та сигнали напруги постійного струму, які змінюються в межах $0 \dots +10 \text{ В}$, або $0 \dots -10 \text{ В}$.

2. Одиничний імпульс:

$$x(t) = \delta(t - \tau) \quad (2.4)$$

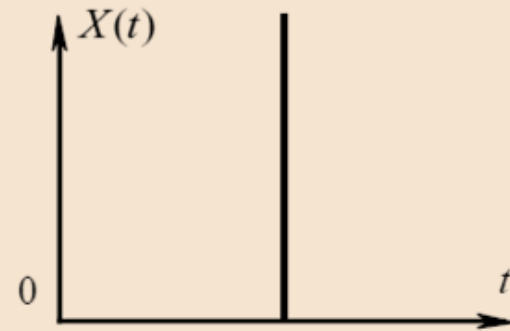


Рис. 2.9. Зображення одиничного імпульсного сигналу.

Для аналітичного вираження імпульсного сигналу використовують $\delta(t)$ -функцію Дірака, яка є аналітичним виразом абстрактного сигналу-імпульсу необмеженої амплітуди, тривалість якого дорівнює нулю, а площа $S = 1$.

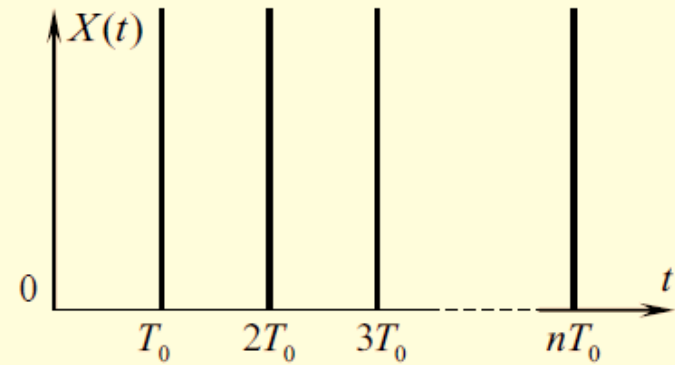
$$\delta(t - \tau) = \begin{cases} 0 & \text{при } t \neq \tau; \\ \infty & \text{при } t = \tau \end{cases} \quad (2.5)$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} \delta(t - \tau) dt = 1(t - \tau) \quad 0 < \tau < t$$

Єдиним інформативним параметром сигналу є його положення на осі часу – τ . Модель аналітичного виразу дискретизованих сигналів використовується в імпульсних та цифрових схемах.

3. *Послідовність одиночних імпульсів* можна подати математичною моделлю:

$$x(t) = \sum_{n=0}^{\infty} \delta(t - nT_0) \quad (2.6)$$



4. *Гармонічний сигнал* можна подати математичною моделлю:

$$\begin{aligned} x(t) &= A_m \cos(\omega t + \varphi) \\ &= A_m \cos\left(\frac{2\pi}{T} t + \varphi\right) \end{aligned} \quad (2.7)$$

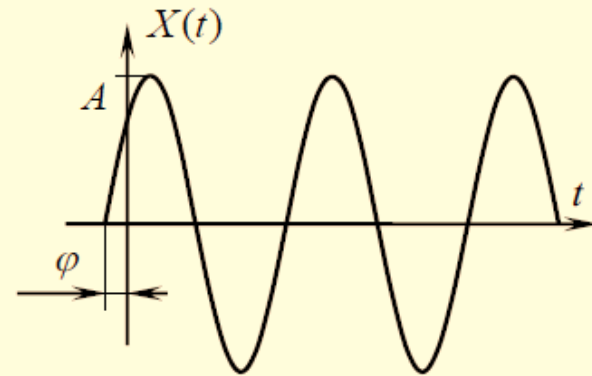


Рис. 2.10. Зображення гармонічного синусоїдального сигналу.

Гармонічний сигнал має три інформативних параметри – амплітуду A_m , частоту $1/T$, початкову фазу φ . Інформацію можна передавати кожним з них.

3. Математичні моделі складних неперервних сигналів

Складні сигнали – це такі сигнали, для математичного опису яких важко знайти просту математичну формулу. Більшість реальних сигналів техніки зв'язку, інформаційних технологій, автоматичного керування рухомими об'єктами, медичної діагностики, техніки геологічної та електронної розвідки тощо, є складними квазідетермінованими сигналами.

Квазідетермінованим називають такий сигнал, у якому на детермінований у часі сигнал накладається випадковий процес. При цьому випадковість обумовлена не тільки завадами, але й самим джерелом інформації.

Будь-який складний періодичний сигнал може бути поданий за допомогою ряду Фур'є як сума простих гармонічних коливань. Сукупність простих гармонічних коливань, на які може бути розкладений складний періодичний сигнал, називається його спектром.

Розподіл амплітуд гармонік за частотою називають амплітудно-частотним спектром або скорочено амплітудним спектром, а розподіл їхніх початкових фаз за частотою – фазочастотним спектром або фазовим спектром.

Лінії дискретного спектра мають розмірність амплітуди сигналу. Безперервний спектр указує на розподіл амплітуд по всьому спектрі й має розмірність щільності амплітуд сигналу.

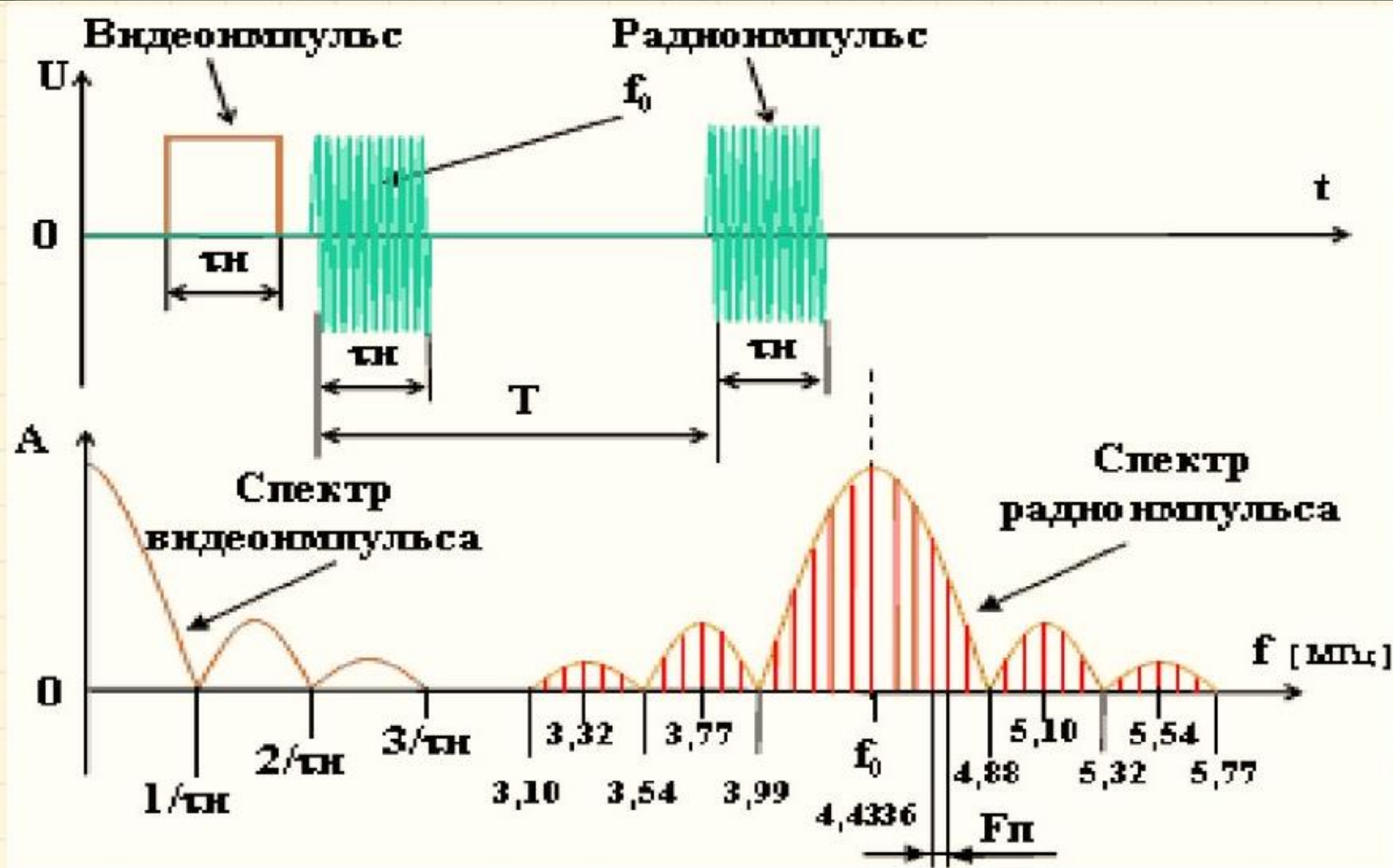
Безперервне спектральне перетворення Фур'є

$$X(f) = \int x(t) e^{-i2\pi f t} dt \quad \Leftrightarrow \quad x(t) = \int X(f) e^{i2\pi f t} df$$

пряме

зворотнє





4. Математичні моделі дискретних сигналів. Види модуляції.

2.4. Математичні моделі дискретних сигналів у цифрових системах.

Для математичного опису цифрових систем автоматичного керування використовують періодичний імпульсний сигнал, який у часовій області можна подати математичною моделлю виду:

$$x^*(t) = \sum_{n=0}^{\infty} x(nT_0) \cdot \delta(t - nT_0) \cdot s(t - nT_0) \quad (2.15)$$

де T_0 – період імпульсів;

$x(nT_0)$ – функція зміни амплітуди імпульсів;

$\delta(t - nT_0)$ – послідовність елементарних імпульсів, коливання-носії;

$s(t - nT_0)$ – функція, яка задає форму імпульсів.

Для коротких прямокутних імпульсів $S(t - nT_0) = 1$, з (2.14) маємо:

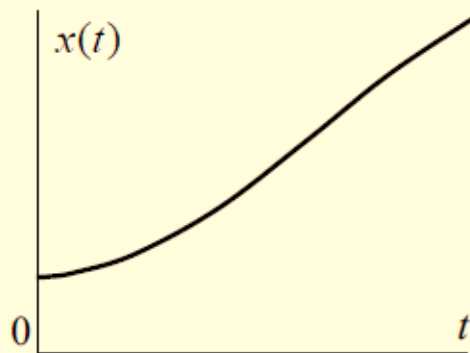
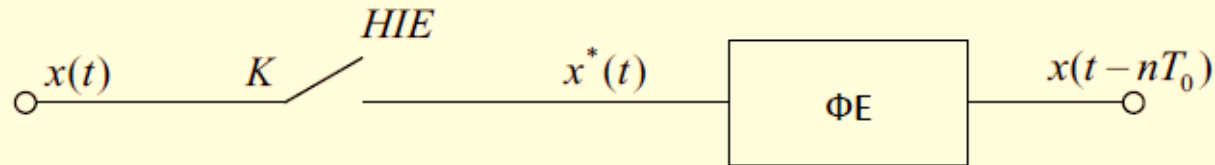
$$x(t) = \sum_{n=0}^{\infty} x(nT_0) \cdot \delta(t - nT_0) \quad (2.16)$$

Наведений аналітичний вираз є моделлю сигналу, який є послідовністю коротких прямокутних імпульсів. Модель використовується для математичного опису імпульсних і цифрових систем керування.

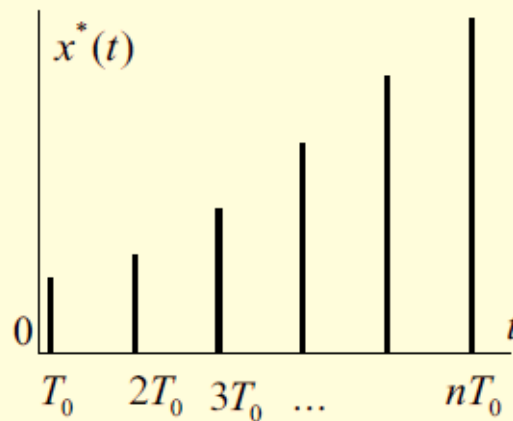
Перетворення сигналу імпульсним елементом

– найпростіший імпульсний елемент (НІЕ) – це перемикач K , який вмикається на дуже короткий час з періодом T_0 і видає послідовність коротких імпульсів, амплітуда яких змінюється за законом вхідного сигналу $x(t)$.

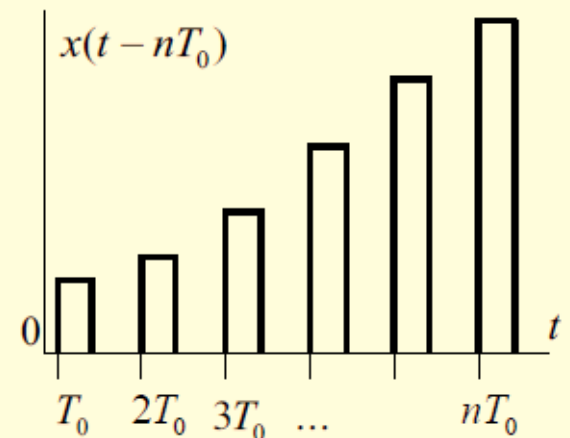
– формуючий елемент (ФЕ) – це елемент, який формує з послідовності модульованих за амплітудою імпульсів імпульси заданої форми – прямокутної, експоненціальної, трикутної чи т.п. В іншому прикладі це імпульси прямокутні з малою щільністю.



a

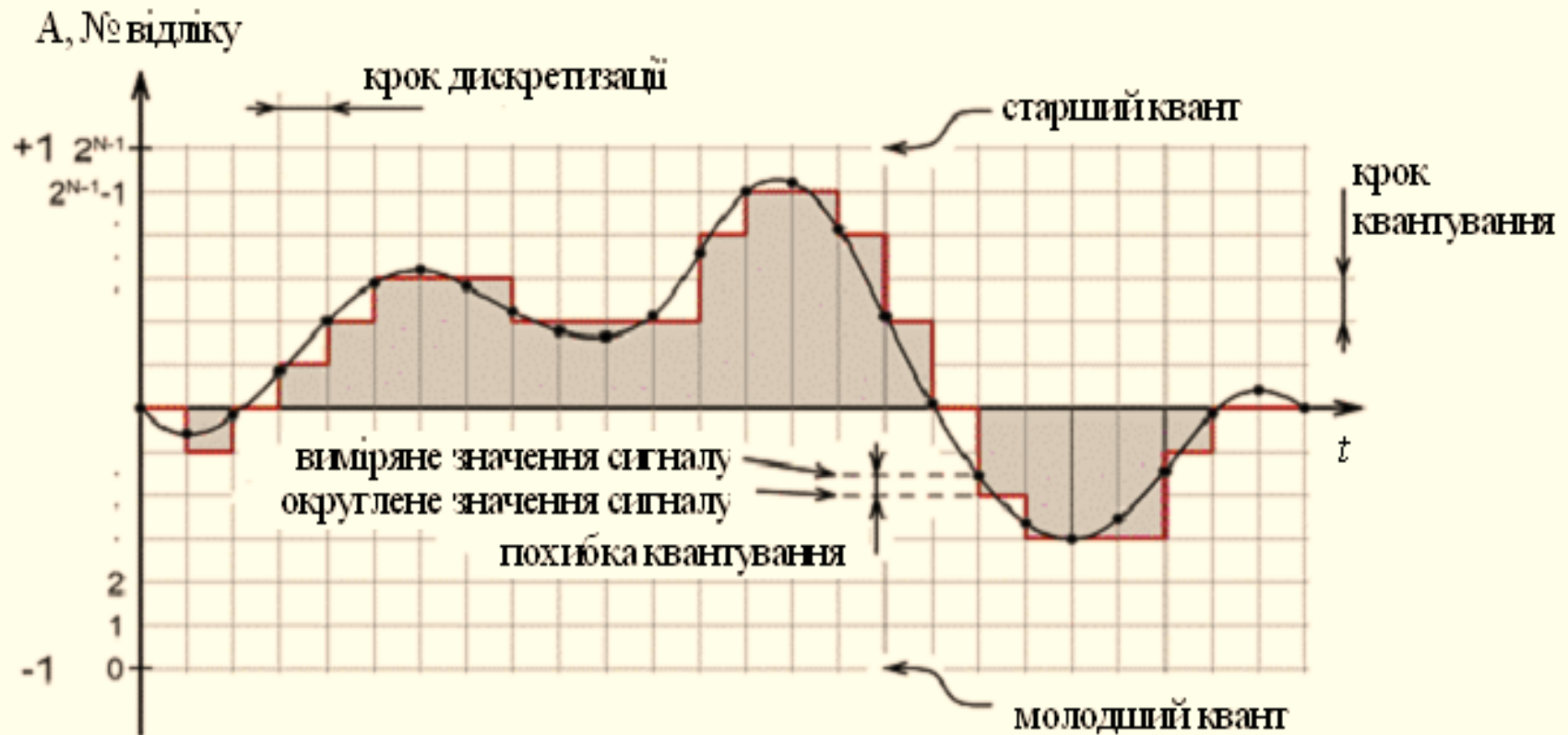


b



c

Квантування неперервних сигналів по амплітуді



Аналого - цифрове перетворення (АЦП)

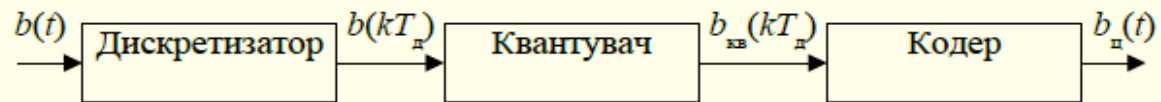


Рисунок 2.25 – Функціональна схема АЦП

Отже, в АЦП виконуються наступні перетворення:

дискретизація – подання неперервного сигналу відліками;

квантування – округлення відліків до найближчих рівнів квантування;

кодування – подання квантованих відліків (номерів рівнів квантування) кодовими комбінаціями.

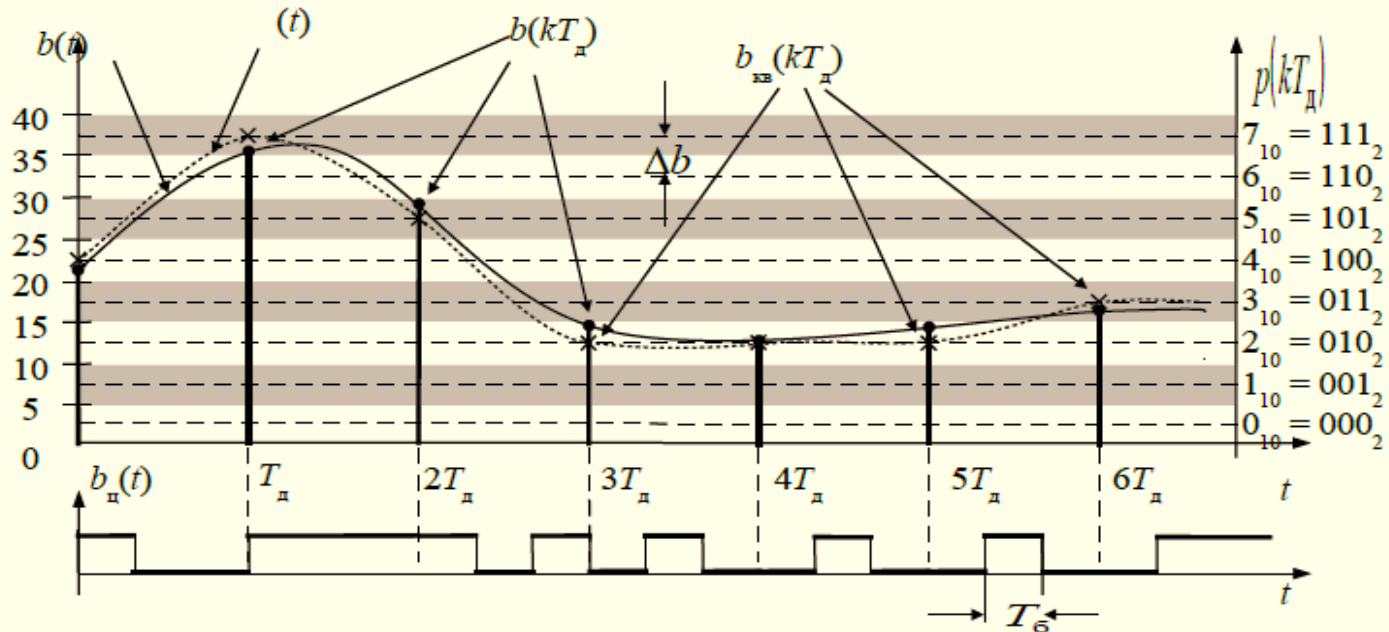


Рисунок 2.26 – Перетворення неперервного сигналу у цифровий

Відповідно до теореми Котельникова для можливості повного відновлення аналогового сигналу інтервал дискретизації має задовольняти умові $T_d \leq 1/2F_{\max}$, а частота дискретизації, відповідно, $f_d \geq 2F_{\max}$.

$F_{\max}$ -
максимальна
частота
спектра
аналогового
(неперервного)
сигналу

$T_d \leq 1/(2F_{\max})$
або
 $f_d \geq 2F_{\max}$ -
умова повного
відновлення
неперервного
сигналу

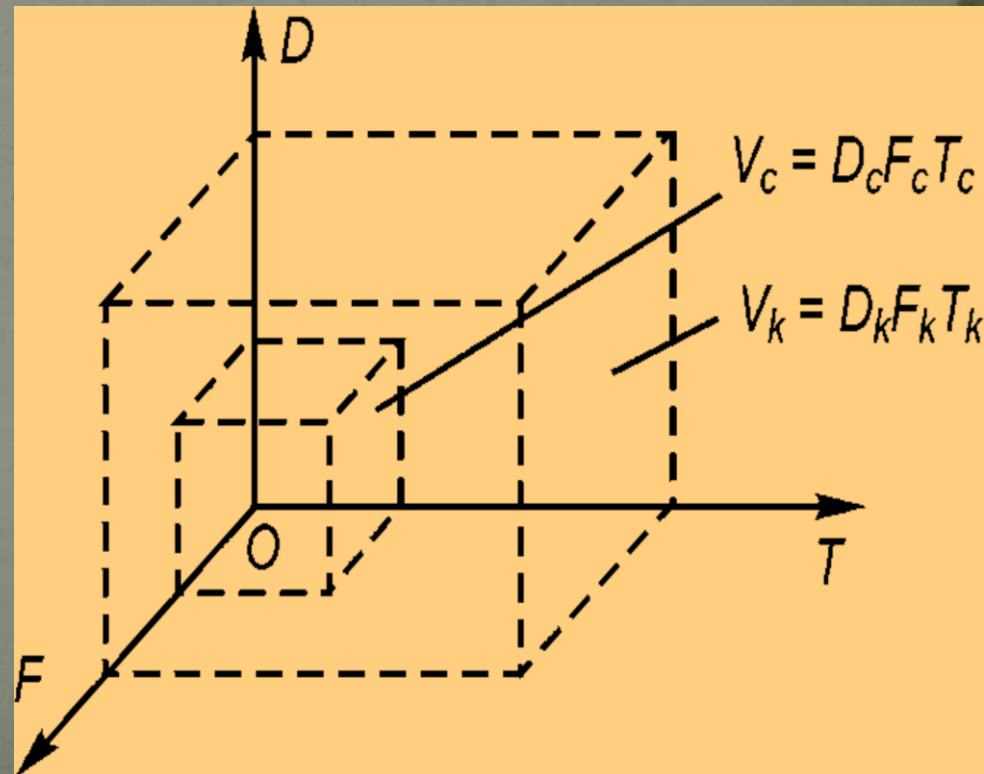
Основними параметрами сигналу, що визначають його властивості як переносника інформації в системах зв'язку, є тривалість сигналу (T_c), смуга частот, займана спектром сигналу (F_c), і динамічний діапазон (D_c). Динамічний діапазон D_c – це енергетична міра сигналу, яка визначається логарифмом відношення середньої потужності сигналу до середньої потужності завад на вході лінії зв'язку:

$$D_c = \log P_c/P_z$$

Добуток основних параметрів сигналу

$$V_c = T_c F_c D_c$$

називають **об'ємом сигналу**. Об'єм сигналу є узагальненою характеристикою сигналу як носія інформації. На практиці іноді використовується геометричне зображення об'єму сигналу у вигляді прямокутного паралелепіпеда в тривимірному просторі координатами T, F і D



За аналогією з сигналами канал зв'язку, застосовуваний для передавання сигналів, характеризують наступними основними параметрами: часом роботи каналу зв'язку T_k , смугою частот пропускання каналу зв'язку F_k і динамічним діапазоном D_k (перевищенням середньої потужності сигналу над середньою потужністю завад на виході каналу зв'язку):

$$D_k = \log \frac{P_c}{P_z}$$

Добуток основних параметрів каналу зв'язку

$$V_k = T_k F_k D_k$$

називають *об'ємом (ємністю) каналу зв'язку*.

Основна умова узгодження каналу зв'язку з сигналом, виконання якої забезпечує можливість неспотвореного передавання сигналу, така:

$$T_k \geq T_c; \quad F_k \geq F_c; \quad D_k \geq D_c.$$

Повідомлення має бути перетворено в сигнал так, щоб об'єм сигналу в тривимірному просторі T, F, D відповідав об'єму каналу в тому самому тривимірному просторі, тобто: час передавання сигналу має збігатися з часом роботи каналу зв'язку; смуга частот сигналу має збігатися зі смугою частот каналу зв'язку; динамічні діапазони на вході і виході каналу зв'язку мають дорівнювати один одному. Тільки в цьому випадку канал зв'язку може забезпечити неспотворене передавання сигналу.

Якщо об'єм сигналу менший за об'єм каналу зв'язку або дорівнює йому, то завжди можна здійснити таке перетворення сигналу, при якому виконуватимуться указані умови. Отже, умова можливості узгодження сигналу і каналу зв'язку

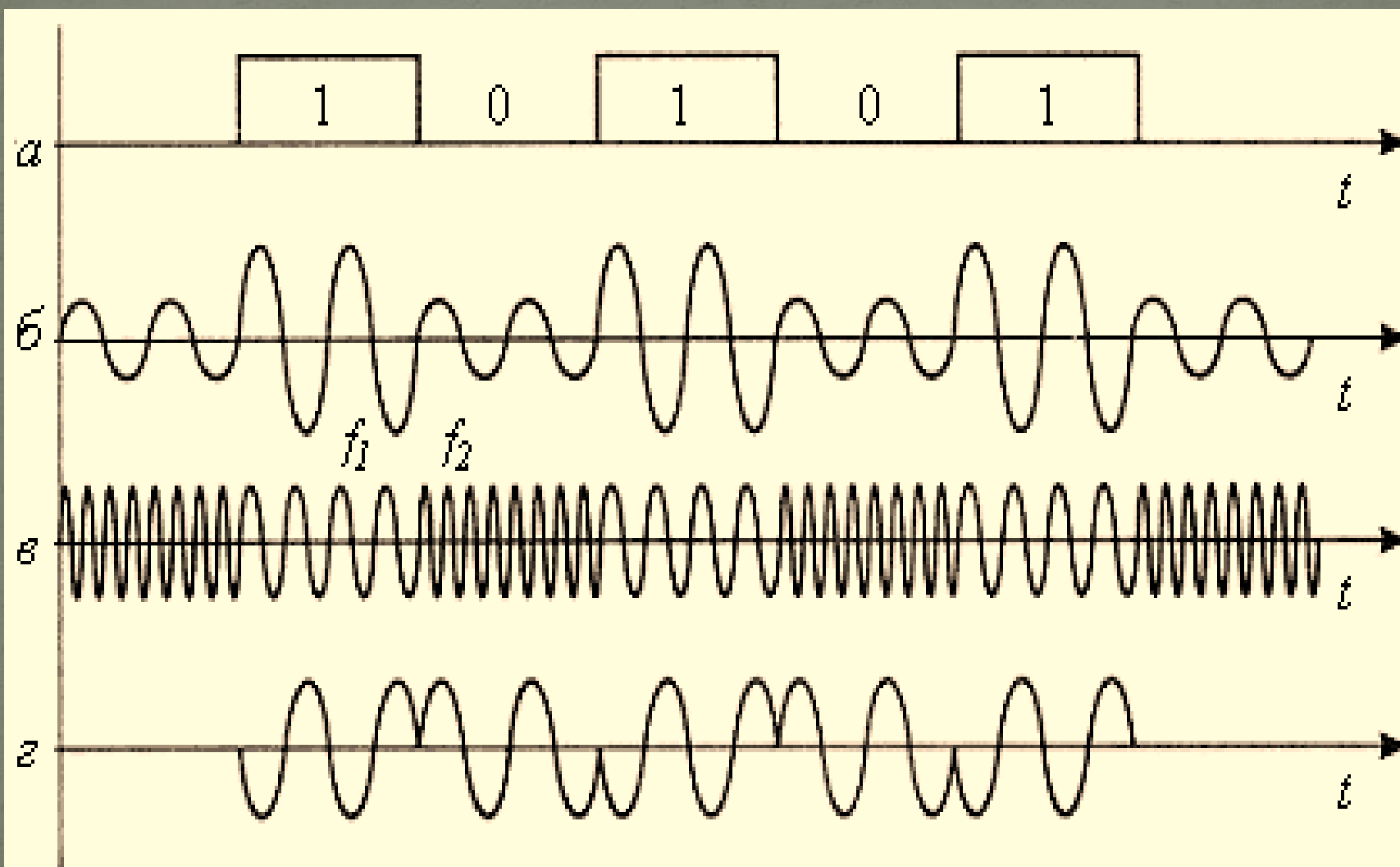
$$V_{\text{к}} \geq V_{\text{с}}.$$

Відношення

$$r_{\text{к}} = \frac{V_{\text{к}}}{V_{\text{с}}}$$

називається *резервом ємності* каналу зв'язку, який характеризує можливості підвищення надійності каналу зв'язку.

Різні види модуляції:
амплітудна б), частотна в), фазова г)



Висновки:

- передача інформації здійснюється за допомогою переносників інформації. Матеріальну основу переносника інформації складають сигнали;
- інформаційними параметрами сигналів можуть бути амплітуда, частота або фаза коливань;
- цифровий сигнал є дискретним і за часом, і за рівнем;
- більшість реальних сигналів техніки зв'язку, інформаційних технологій є складними квазідетермінованими сигналами;
- будь-який складний періодичний сигнал може бути поданий за допомогою ряду Фур'є як сума простих гармонічних коливань. Сукупність простих гармонічних коливань, на які може бути розкладений складний періодичний сигнал, називається його спектром;
- Основні операції аналого-цифрового перетворення (АЦП): дискретизація, квантування та кодування;
- умова повного відновлення аналогового сигналу: $f_d \geq 2F_{max}$