

Практична робота 3.

РОЗВ'ЯЗУВАННЯ ЗАДАЧ ОПТИМАЛЬНОГО РОЗПОДІЛЕННЯ РЕСУРСІВ

3.1. Вихідні дані

Дано.

Для здійснення деякої відомої множини різних ТП:

- виготовлення j -их видів продукції;
- підприємство використовує деяку множину A ресурсів;
- величина запасів B кожного A_i виду ресурсу обмежена;
- відома також норма витрат a_{ij} кожного виду ресурсу A_i на виготовлення одиниці продукції j -го виду.

Визначити оптимальний план виробництва (кількість виготовленої продукції кожного виду), щоб прибуток підприємства був максимальний.

3.2. Короткі теоретичні відомості та математичне моделювання задач оптимального розподілення ресурсів

В загальному випадку задачі оптимального розподілу ресурсів можуть бути сформульовані таким чином.

Підприємство розпоряджається різними видами ресурсів. Серед таких ресурсів можуть бути:

- матеріально-речові, (наприклад, сировина);
- енергетичні;
- трудові;
- технічні;
- фінансові та інші.

Ресурси кожного виду можуть бути розділені на класи:

- сировина – за видами сировини;
- трудові – за професіями і кваліфікаціями працівників;
- технічні – за технічними характеристиками;
- фінансові – за джерелами фінансування тощо.

Нехай в результаті такого поділу вийшло m видів ресурсів. Ресурси різних видів можуть вимірюватися в різних одиницях (тоннах, кубометрах, людино-годинах, гривнях, штуках тощо).

Протягом планового періоду підприємство володіє деякими доступними обсягами ресурсу кожного виду. Обсяг ресурсу i -го виду, виміряний в одиницях, відповідних даному виду ресурсу, можна позначити b_i , де i – індекс, який вказує на те, що доступні обсяги ресурсів різних видів можуть бути різними.

З цих ресурсів підприємство може виготовляти різну продукцію. Продукція, як і ресурси, може вимірюватися в різних одиницях.

Крім того, підприємство реалізує кожну одиницю виготовленого виду продукції за відповідною ціною, яка для різних видів продукції може бути різною.

Виробництво продукції вимагає витрат ресурсів, об'єм витрат залежить від:

- кількості одиниць продукції.

На виготовлення одиниці кожного виду продукції встановлюються норми витрат ресурсів.

Задача оптимального використання ресурсів, тобто завдання виробничого планування, полягає в тому, щоб **визначити, яку продукцію і в якому обсязі слід виготовити підприємству з наявних ресурсів для того, щоб дохід від реалізації цієї продукції був найбільшим.**

Для розв'язування задачі оптимального розподілення ресурсів підприємства необхідно максимізувати цільову функцію, якою є величина прибутку (або доходу) підприємства:

$$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \sum_{j=1}^J c_j x_j \rightarrow \max, \quad (3.1)$$

де c_j – прибуток або дохід від виготовлення j -го виду продукції;

x_j – кількість виробів j -го виду продукції.

Обмеження по ресурсах описуються наступною системою лінійних нерівностей:

$$\left\{ \begin{array}{l} \sum_{i=1}^J \sum_{j=1}^J a_{ij} x_j \leq b_i; \\ x_j \geq 0; \end{array} \right. \quad \text{або} \quad (3.2)$$

де a_{ij} – норма витрат ресурсу A_i на одиницю j -го виду продукції;

j – порядковий номер виду продукції, $j = \overline{1; J}$;

i – порядковий номер ресурсу, що витрачається на виготовлення одиниці продукції j -го виду, $i = \overline{1, I}$;

x_j – кількість одиниць продукції j -го виду;

b_i – величина запасу ресурсу A_i .

При цьому можливі варіації задачі оптимального розподілення ресурсів, що враховують специфічні особливості ситуації, що моделюється. В цих випадках математична модель, зокрема, обмеження (3.2) дещо модифікуються.

Найбільш поширені варіанти задачі оптимального розподілу ресурсів наступні.

3.2.1. Задачі оптимального розподілу ресурсів із встановленням верхньої та нижньої межі плану

Попит на ті чи інші види продукції може бути обмежений. Підприємство за своїми виробничими можливостями та/або за ресурсами може випустити більше продукції, ніж зможе потім реалізувати. Модель оптимального розподілу ресурсів, зокрема, обмеження задачі, в цих нових умовах формується із узагальненої моделі (3.2) за допомогою простої модифікації, а саме:

нехай обсяг реалізації j -го виду продукції обмежений величиною d_j . Тоді до системи обмежень (3.2) слід дописати нерівності, що обмежують обсяги виробництва "зверху".

В такому випадку обмеження задачі, що враховують обмеженість обсягів реалізації продукції, матимуть вигляд:

$$\begin{cases} \sum_{i=1}^I a_{ij} x_j \leq b_i; \\ x_j \geq 0, x_j \leq d_j, \end{cases} \quad (3.3)$$

де d_j – обмеження обсягів реалізації продукції j -го виду.

У іншому випадку в задачі можуть бути обмеження протилежного змісту. Наприклад, підприємство має договори із споживачами продукції на поставку всіх або деяких видів продукції, що виготовляються. Відповідно до цих договорів підприємство має випустити продукцію в обсязі, не менше заданого.

Нехай продукцію j -го виду підприємство повинно виготовити в обсязі, не менше заданої величини d'_j . Тоді до системи обмежень (3.2) необхідно дописати нерівності, що обмежують обсяги виробництва "знизу".

В даному контексті обмеження задачі, що враховують обмеженість обсягів виготовлення продукції, матимуть вигляд:

$$\begin{cases} \sum_{i=1}^I a_{ij} x_j \leq b_i; \\ x_j \geq 0, x_j \geq d'_j, \end{cases} \quad (3.4)$$

де d'_j – обмеження обсягів виготовлення продукції j -го виду.

Очевидно, що попит може бути обмежений одночасно у двох напрямках – *і зверху, і знизу*. У цьому випадку до моделі слід додати всі відповідні обмеження:

$$\left\{ \begin{array}{l} \sum_{i=1}^J \sum_{j=1}^I a_{ij} x_j \leq b_i; \\ x_j \geq 0; \\ x_j \geq d'_j; \\ x_j \leq d_j. \end{array} \right. \quad (3.5)$$

3.2.2. Задачі оптимального розподілу ресурсів із встановленням комплектності випуску

Виникають ситуації, коли вся продукція, що випускається, або її частина реалізується комплектами.

Припустимо, що в комплект входить k_j одиниць продукції j -го виду (якщо якась продукція в комплект не входить, то відповідне k_j дорівнює 0). Нехай ціна комплекту дорівнює h .

Модель для визначення оптимального виробничого плану в цих умовах буде наступним чином.

Позначивши плановане (поки що невідоме) число комплектів q , модифікована модель формується шляхом введення в узагальнюючу цільову функцію (3.1) величини доходу від продажу комплектів в сумі з доходом від некомплектних продажів виробленої продукції.

При цьому до системи обмежень (3.2) слід додати умови, які вказують на те, що комплекти складаються з виробленої продукції. В результаті отримаємо наступний вид математичної моделі:

$$\begin{cases} f(x) = (h \cdot q + (c_1 \cdot (x_1 - k_1 q) + c_2 \cdot (x_2 - k_2 q) + \dots + c_n \cdot (x_n - k_n q))) \rightarrow \max; \\ a_{11} x_1 + a_{12} x_2 + \dots + a_{1n} x_n \leq b_1; \\ a_{21} x_1 + a_{22} x_2 + \dots + a_{2n} x_n \leq b_2; \\ \\ a_{m1} x_1 + a_{m2} x_2 + \dots + a_{mn} x_n \leq b_m; \\ x_1 - k_1 q \geq 0, x_2 - k_2 q \geq 0, \dots x_n - k_n q \geq 0; \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0, \dots x_n \geq 0, \end{cases} \quad (3.6)$$

де h – ціна комплексу продукції;

q – планована кількість комплектів продукції;

k – кількість одиниць продукції, що входить в комплект;

c – прибуток або дохід від виробництва продукції;

x – кількість виробів, яку планується виготовляти;

a – норма витрат певного виду ресурсу на виготовлення одиниці продукції певного виду;

b – величина запасу певного виду ресурсу.

3.2.3. Задачі оптимального розподілу ресурсів із зміною ресурсної забезпеченості

Ще одна важлива модифікація задач оптимального розподілення ресурсів ілюструється ситуацією, коли підприємство може не тільки поповнювати обсяги ресурсів, несучи пов'язані з цим витрати, але і розширюючи свої виробничі можливості.

Нехай i -ий ресурс можна придбати за ціною p_i за одиницю.

Необхідно визначити оптимальні обсяги виробництва в умовах, коли, крім уже наявних обсягів ресурсів b_i , підприємство може використовувати додаткові, поки ще невідомі обсяги цих ресурсів.

Таким чином, слід розрахувати не тільки обсяги виробленої продукції, але й обсяги придбаних ресурсів, які будуть залучені у виробничий процес. Позначимо цю невідому поки величину додаткового обсягу i -го ресурсу як u_i .

Для того, щоб врахувати витрати на придбання ресурсів, слід величину цих витрат, тобто добуток ціни на обсяг придбаного ресурсу, ввести в цільову функцію (3.1) зі знаком "мінус" для кожного з придбаних ресурсів.

Для того, щоб врахувати можливості використання такої продукції у виробничому процесі, слід доповнити праві частини обмеження (3.2) новими обсягами ресурсів.

Модель задачі в даному випадку прийме наступний вигляд:

[illegible]

де c – прибуток або дохід від виробництва продукції певного виду;

x – кількість виробів певного виду, які планується виготовляти;

p – ціна придбання додаткових обсягів ресурсів певного виду;

u – величина додаткових обсягів ресурсів певного виду;

a – норма витрат певного виду ресурсу на виготовлення одиниці продукції певного виду,

b – величина запасу певного виду ресурсу.

Якщо підприємство виробляє деяку продукцію виключно для власних потреб (напівфабрикат), то таку продукцію можна розглядати як таку, що придбана підприємством у себе за нульовою ціною з відповідними змінами в моделі.

3.3. Приклад розв'язування задачі оптимального розподілу ресурсів



Умова.

На ковальсько-штампувальному заводі виготовляють чотири види поковок валів для автомобільної промисловості «АвтоКрАЗ», «АвтоЗАЗ»:

K545 (65053-2220025) – вал ведучий опори проміжної;

K546 (65053-2220026) – вал ведений опори проміжної;

K540 (260-1802176-10) – вал приводу мосту середнього;

K541 (6443-1802176) – вал приводу.

Виготовлення поковок проводиться методом гарячого видавлювання.

Інформація щодо видів ресурсів, необхідних для виготовлення поковок, витрат ресурсів на виробництво кожного виду продукції, величини їх запасів та доходах, отримуваних від реалізації одиниці поковки кожного виду, приведена в табл. 3.1.

Необхідно знайти такий місячний план виготовлення поковок, при якому прибуток підприємства буде максимальним, а витрати ресурсів не перевищать їх наявних об'ємів.

Таблиця 3.1

Вихідні дані для розв'язування задачі оптимального розподілу ресурсів

№ з/п	Види ресурсів	Норма витрат ресурсів на одиницю виробу				Величина запасів ресурсів
		вал ведучий опори проміжної K545	вал ведений опори проміжної K546	вал приводу мосту середнього K540	вал приводу K541	
1	Сировина (Сталь 45), кг	1,00	2,00	3,00	2,00	300,00
2	Оплата праці, грн	5,00	3,00	4,00	2,00	10000,00
3	Електрична енергія, кВт/год.	10,00	15,00	10,00	12,00	1000,00
4	Паливно-мастильні матеріали, л	0,20	0,10	0,15	0,10	3,00
5	Транспортні витрати, грн	1,00	1,50	1,20	2,00	5000,00
6	Обладнання (пневмомолоти), верстат/год	2,00	4,00	3,00	8,00	130,00
	Прибуток від реалізації одиниці продукції	3,00	3,50	3,00	2,00	

Розв'язування прикладу.

1. Математичне моделювання задачі.

1.1. Цільовою функцією задачі у відповідності до вихідних даних табл. 3.1 та виразу (3.1) є максимізація сумарного прибутку підприємства від реалізації виготовленої продукції:

$$f(x) = [(c_1x_1 + c_2x_2 + c_3x_3 + c_4x_4) = (3x_1 + 3,5x_2 + 3x_3 + 2x_4)] \rightarrow \max ,$$

де c_1, c_2, c_3, c_4 – прибуток від реалізації одиниці продукції виду:

1 – валу ведучого опори проміжної;

2 – валу веденого опори проміжної;

3 – валу приводу мосту середнього;

4 – валу приводу,

що становить 3,00; 3,50; 3,00; 2,00 грн. відповідно;

x_1, x_2, x_3, x_4 – кількість одиниць виготовленої продукції 1, 2, 3 та 4 виду.

1.2. Функціональні обмеження на використання ресурсів при виробництві відповідно до виразу (3.2).

Обмеження використання сталі:

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + a_{14}x_4 \leq b_1 ;$$

$$1x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 2x_4 \leq 300 .$$

Обмеження використання фонду оплати праці:

$$a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + a_{23}x_3 + a_{24}x_4 \leq b_2 ;$$

$$5x_1 + 3x_2 + 4x_3 + 2x_4 \leq 10000 .$$

Обмеження використання електричної енергії:

$$a_{31}x_1 + a_{32}x_2 + a_{33}x_3 + a_{34}x_4 \leq b_3 ;$$

$$10x_1 + 15x_2 + 10x_3 + 12x_4 \leq 1000 .$$

Обмеження використання паливно-мастильних матеріалів:

$$a_{41}x_1 + a_{42}x_2 + a_{43}x_3 + a_{44}x_4 \leq b_4 ;$$

$$0,2x_1 + 0,1x_2 + 0,15x_3 + 0,1x_4 \leq 3 .$$

Обмеження транспортних витрат:

$$a_{51}x_1 + a_{52}x_2 + a_{53}x_3 + a_{54}x_4 \leq b_5 ;$$

$$1x_1 + 1,5x_2 + 1,2x_3 + 2x_4 \leq 5000 .$$

Обмеження використання технологічного обладнання:

$$a_{61}x_1 + a_{62}x_2 + a_{63}x_3 + a_{64}x_4 \leq b_6 ;$$

$$2x_1 + 4x_2 + 3x_3 + 8x_4 \leq 130 .$$

1.3. Умова невід'ємності змінних x_1 , x_2 , x_3 , x_4 , що виражають кількість одиниць продукції:

- виду 1 – валу ведучого опори проміжної;
- виду 2 – валу веденого опори проміжної;
- виду 3 – валу приводу мосту середнього;
- виду 4 – валу приводу відповідно:

$$x_1 \geq 0, x_2 \geq 0, x_3 \geq 0, x_4 \geq 0.$$

2. Автоматизоване розв'язування задачі

2.1. Створення форми для введення умови задачі (рис. 3.1).

2.2. Задання адрес комірок, в які буде поміщений результат розв'язку задачі (змінювані комірки).

C4:F4 – адреси комірок, в які будуть поміщені значення x_1 , x_2 , x_3 , x_4 .

C14 – адреса комірки, в яку буде поміщене оптимальне значення цільової функції.

2.3. Введення вихідних даних.

Після введення вихідних даних у створену форму, отримаємо таблицю, що приведена на рис. 3.2.

2.4. Введення залежності для цільової функції у комірку.

Встановити курсор у комірку **C14**.

Встановити курсор на кнопку **Майстер функцій**. На екрані з'явиться діалогове вікно **Майстер функцій**, в категорії **Математичні** вибрати функцію СУММПРОИЗВ. Заповнити поле **Масив 1**, ввівши адреси комірок **C4:F4**, та **Масив 2**, ввівши адреси комірок **C13:F13** (рис. 3.3).

2.5. Введення залежностей для обмежень.

У комірки **G7:G12**, використовуючи **Майстер функцій** та функцію СУММПРОИЗВ, послідовно ввести формули для розрахунку загальної величини витрат кожного виду ресурсу за правою частиною виразу (3.2) та обмеженнями, визначеними для даної задачі та описаними раніше.

2.6. Вказання призначення цільової функції (встановлення цільової комірки).

2.6.1. Запустити **Пошук рішення**. Для цього виконати команди **Сервіс** $\Rightarrow$ **Пошук рішення**.

2.6.2. В діалоговому вікні **Пошук рішення** заповнити поле **Встановити цільову комірку** В усіх задачах для засобу **Пошук рішення** оптимізується результат в одній із комірок робочого листа. Цільова комірка зв'язана з іншими комірками цього робочого листа за допомогою формул. Засіб **Пошук рішення** використовує формули, які дають результат в цільовій комірці для перевірки можливих рішень. Можна обрати пошук найменшого або найбільшого значення для цільової комірки або встановити конкретне значення. Для вирішення даної задачі необхідно здійснити пошук найбільшого значення. Для цього виконати наступні дії:

- в полі **Встановити цільову комірку** ввести адресу комірки **C14** (рис. 3.4);
- включити опцію **Рівній максимальному значенню** (рис. 3.4).

2.6.3. В діалоговому вікні **Пошук рішення** заповнити поле **Змінювані комірки**. Це комірки, значення яких будуть змінюватись для того, щоб оптимізувати результат в цільовій комірці.

До змінюваних комірок висувають дві основні вимоги:

- вони не повинні містити формули;

- зміна їх значень повинна відображатись на зміні результату в цільовій комірці.

Іншими словами, цільова комірка залежить від змінюваних комірок. В поле **Змінювані комірки** вводяться адреси комірок **C4:F4**, в яких мають знаходитись шукані значення x_1, x_2, x_3, x_4 (рис. 3.4).

2.7. Введення обмежень. В діалоговому вікні **Пошук рішення** заповнити поле **Обмеження**, для чого натиснути кнопку **Добавити** і у діалоговому вікні **Добавлення обмежень** заповнити поля:

Посилання на комірку. В поле ввести адресу комірки **G7**, що містить загальну величину витрат сировини на виготовлення продукції.

В наступному полі вибрати знак $\leq$.

В поле **Обмеження** ввести адресу комірки **I7**, що містить величину запасів сировини.

Ввести всі обмеження і натиснути **ОК**.

2.8. Введення параметрів для вирішення задачі. В діалоговому вікні **Пошук рішення** натиснути кнопку **Параметри**, відкриється вікно **Параметри пошуку рішення**, в якому включити опції **Лінійна модель**, що забезпечить використання симплекс-метода, та **Невід'ємні значення**.

Натиснути кнопку **ОК**.

Перейти у вікно **Пошук рішення**, натиснути кнопку **Виконати**. На екрані з'явиться діалогове вікно **Результати пошуку рішення** (рис. 3.4).

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
1	Оптимальний план виробництва на місяць									
2	№ з/п		Змінні				Обмеження			Залишок ресурсів
3			X ₁	X ₂	X ₃	X ₄				
4		Значення змінних (оптимальний)								
5		Види ресурсів	вал ведучий проміжної	вал ведений проміжної	вал приводу середнього	вал приводу	Загальна величина витрат ресурсів за всіма видами продукції	Знак	Величина запасів ресурсів	
6			Норма витрат ресурсів на одиницю виробу, грн							
7	1	Сировина (Сталь 45), кг								0,00
8	2	Оплата праці, грн								0,00
9	3	Електрична енергія кВт/год								0,00
10	4	Паливно-мастильні матеріали, л								0,00
11	5	Транспортні витрати, грн								0,00
12	6	Обладнання (пневмомолоти зусиллям 3000 кг) верстатів/год								0,00
13	7	Коефіцієнти цільової функції (прибуток від реалізації продукції,								
14	8	Цільова функція (Планований прибуток підприємства, грн)								

Рис. 3.1.Екранна форма Excel для введення даних задачі оптимального розподілу ресурсів за прикладом п.3.3

	A	B	Строка формул	C	D	E	F	G	H	I	J
1	Оптимальний план виробництва на місяць										
2	№ з/п			Змінні				Обмеження			Залишок ресурсів
3			X ₁	X ₂	X ₃	X ₄					
4		Значення змінних (оптимальний план)									
		Види ресурсів	вал ведучий проміжної опори	вал ведений проміжної опори	вал приводу середнього мосту	вал приводу	Загальна величина витрат ресурсів за всіма видами продукції	Знак	Величина запасів ресурсів		
6		Норма витрат ресурсів на одиницю виробу, грн									
7	1	Сировина (Сталь 45), кг	1,00	2,00	3,00	2,00	0,00	<=	300,00	300,00	
8	2	Оплата праці, грн	5,00	3,00	4,00	2,00	0,00	<=	10000,00	10000,00	
9	3	Електрична енергія кВт/год	10,00	15,00	10,00	12,00	0,00	<=	1000,00	1000,00	
10	4	Паливно-мастильні матеріали, л	0,20	0,10	0,15	0,10	0,00	<=	3,00	3,00	
11	5	Транспортні витрати, грн	1,00	1,50	1,20	2,00	0,00	<=	5000,00	5000,00	
12	6	Обладнання (пневмомолоти зусиллям 3000) верстато/год	2,00	4,00	3,00	8,00	0,00	<=	130,00	130,00	
13	7	Коефіцієнти цільової функції (прибуток від реалізації продукції), грн	3,00	3,50	3,00	2,00					
14	8	Планований прибуток підприємства (цільова функція), грн									

Рис. 3.2. Екранна форма Excel з введеними даними задачі оптимального розподілу ресурсів за прикладом п.3.3

Times New Roman 10 Ж К Ч

G9 $\sum$ =СУММПРОИЗВ(C9:F9;C4:F4)

Оптимальный план производства на месяц

		Змінні				Обмеження			Залишок ресурсів
		X ₁	X ₂	X ₃	X ₄				
Значения змінних (оптимальний план)									
№ з/п	Види ресурсів	вал ведущий промежуточной опоры	вал ведущий промежуточной опоры	вал привода среднего мосту	вал привода	Загальна величина витрат ресурсів за всіма видами продукції	Знак	Величина запасів ресурсів	
		Вал ресурсів на единицу виробу, грн							
		2,00	3,00	2,00		0,00	<=	300,00	
		3,00	4,00	2,00		0,00	<=	10000,00	
		15,00	10,00	12,00		0,00	<=	1000,00	

Мастер функций - шаг 1 из 2

Поиск функции:

Введите краткое описание действия, которое нужно выполнить, и нажмите кнопку "Найти"

Найти

Категория: 10 недавно использовавшихся

Выберите функцию:

- 10 недавно использовавшихся
- Полный алфавитный перечень
- Финансовые
- Дата и время
- Математические
- Статистические
- Ссылки и массивы
- Работа с базой данных
- Текстовые
- Логические
- Проверка свойств и значений

СУММПРОИЗВ

Возвращает сумму произведений соответствующих элементов массивов или диапазонов.

Справка по этой функции

OK Отмена

Аргументы функции

СУММПРОИЗВ

Массив1: C4:F4 = {0;0;0;0}

Массив2: C13:F13 = {3;3,5;3;2}

Массив3: = массив

= 0

Возвращает сумму произведений соответствующих элементов массивов или диапазонов.

Массив2: массив1;массив2;... от 2 до 30 массивов, чьи компоненты нужно перемножить, а затем сложить полученные произведения. Все массивы должны иметь одну и ту же размерность.

Справка по этой функции

Значение: 0,00

OK Отмена

Рис. 3.3. Экранні форми Excel для введення розрахункових формул за прикладом п. 3.4

Оптимальний план виробництва на місяць

		Змінні				Обмеження			
		X_1	X_2	X_3	X_4				
3	Значення змінних	0	30	0	0				
4	Види ресурсів	вал ведучий	вал ведений	вал приводу	вал приводу	Загальна величина витрат ресурсів за всіма видами продукції	Знак	Величина а запасів ресурсів	Залишок ресурсів
12	зусилля 30000 верстатів/год	2,00	60,00	<=	300,00	240,00			
13	Коефіцієнти цільової функції (прибуток від реалізації продукції), грн	2,00	90,00	<=	10000,00	9910,00			
14	Планований прибуток підприємства (цільова функція), грн	12,00	450,00	<=	1800,00	550,00			
15		0,10	3,00	<=	3,00	0,00			
16		2,00	45,00	<=	5000,00	4955,00			

Результаты поиска решения

Решение найдено. Все ограничения и условия оптимальности выполнены.

Тип отчета:
☒ Сохранить найденное решение!
☐ Восстановить исходные значения

ОК Отмена Сохранить сценарий... Справка

Параметры поиска решения

Максимальное время: 100 секунд
 Предельное число итераций: 100
 Относительная погрешность: 0,000001
 Допустимое отклонение: 5 %
 Сходимость: 0,0001

☒ Линейная модель
☒ Неотрицательные значения
☐ Автономное масштабирование
☐ Показывать результаты итераций

Оценки:
☒ линейная
☐ квадратичная

Разности:
☒ прямые
☐ центральные

Метод поиска:
☒ Ньютона
☐ сопряженных градиентов

Добавление ограничения

Ссылка на ячейку:
 Ограничение:
 G\$12 <= \$I\$7:\$I\$12
 \$I\$13 <= \$I\$13
 \$I\$14 <= \$I\$14

ОК Отмена Добавить Справка

Установка целевой ячейки

Установить целевую ячейку:
 Равной:
☒ максимальному значению
☐ значению: 0
☐ минимальному значению

Изменяя ячейки:
 Предположить

Выполнить Закрывать

Параметры

Добавить Изменить Удалить Восстановить Справка

Рис. 3.4. Экранні форми Excel результату вирішення задачі оптимального розподілу ресурсів за прикладом п.3.3

Відповідь.

Отримане рішення означає, що максимальний прибуток в розмірі 105 тис. грн. підприємство отримає при виготовленні 30 поковок валу веденого опори проміжної. При цьому паливно-мастильні матеріали будуть використані повністю, а залишок інших ресурсів буде наступний: сировини 240 кг, електричної енергії 550 кВт/год, транспортних витрат 4955,00 грн, обладнання 10 верстат/год, витрат на оплату праці 9910,00 грн.



3.4. Варіанти індивідуальних завдань задачі оптимального розподілення ресурсів

Підприємство має запаси n видів ресурсів (*Ресурс 1, Ресурс 2, ..., Ресурс n*), з яких виробляється m види продуктів (*ПР1, ПР2, ..., ПР m*). Відомі:

- норми витрат ресурсів на виробництво одиниці продукції;
- запаси ресурсів;
- прибуток від виробництва одиниці продукції.

Необхідно:

- записати економіко-математичну модель та обмеження задачі;
- використовуючи Пошук рішення MS Excel, знайти оптимальний план виробництва, при якому прибуток від реалізації виробленої продукції буде максимальним. Дані для розрахунку приведені в табл. 3.1.

Таблиця 3.1

Дані для розв'язування задачі оптимального розподілення ресурсів

Варіант №	1	2	3	4	5	6
Ресурси	Ресурс 1 Ресурс 2 Ресурс 3 Ресурс 4	Ресурс 5 Ресурс 6 Ресурс 7 Ресурс 8	Ресурс 9 Ресурс 10 Ресурс 1 Ресурс 2	Ресурс 3 Ресурс 4 Ресурс 5 Ресурс 6	Ресурс 7 Ресурс 8 Ресурс 9 Ресурс 10	Ресурс 6 Ресурс 7 Ресурс 1 Ресурс 2
Продукція	ПР1 ПР2 ПР3	ПР4 ПР5	ПР6 ПР1 ПР3	ПР1 ПР4	ПР5 ПР6	ПР2 ПР3
Варіант №	7	8	9	10	11	12
Ресурси	Ресурс 1 Ресурс 2 Ресурс 3 Ресурс 4	Ресурс 5 Ресурс 6 Ресурс 7 Ресурс 8	Ресурс 9 Ресурс 10 Ресурс 1 Ресурс 2	Ресурс 3 Ресурс 4 Ресурс 5 Ресурс 6	Ресурс 7 Ресурс 8 Ресурс 9 Ресурс 10	Ресурс 6 Ресурс 7 Ресурс 1 Ресурс 2
Продукція	ПР1 ПР3 ПР6	ПР2 ПР3	ПР5 ПР6	ПР1 ПР4	ПР6 ПР1 ПР3	ПР4 ПР5
Варіант №	13	14	15	16	17	18
Ресурси	Ресурс 1 Ресурс 2 Ресурс 3	Ресурс 5 Ресурс 6 Ресурс 7	Ресурс 9 Ресурс 10 Ресурс 1	Ресурс 3 Ресурс 4 Ресурс 5	Ресурс 7 Ресурс 8 Ресурс 9	Ресурс 6 Ресурс 7 Ресурс 1
Продукція	ПР1 ПР3 ПР5	ПР2 ПР4 ПР6	ПР2 ПР6	ПР1 ПР3	ПР3 ПР5	ПР2 ПР4
Варіант №	19	20	21	22	23	24
Ресурси	Ресурс 1 Ресурс 2 Ресурс 3	Ресурс 5 Ресурс 6 Ресурс 7	Ресурс 9 Ресурс 10 Ресурс 1	Ресурс 3 Ресурс 4 Ресурс 5	Ресурс 7 Ресурс 8 Ресурс 9	Ресурс 6 Ресурс 7 Ресурс 1
Продукція	ПР2 ПР5	ПР2 ПР4	ПР3 ПР5	ПР1 ПР3	ПР2 ПР6	ПР2 ПР4 ПР6
Варіант №	25	26	27	28	29	30
Ресурси	Ресурс 3 Ресурс 5 Ресурс 9 Ресурс 2	Ресурс 3 Ресурс 5 Ресурс 9 Ресурс 2	Ресурс 3 Ресурс 5 Ресурс 9	Ресурс 3 Ресурс 5 Ресурс 9	Ресурс 1 Ресурс 5 Ресурс 9	Ресурс 2 Ресурс 7 Ресурс 10
Продукція	ПР1 ПР3 ПР6	ПР1 ПР2 ПР3	ПР2 ПР5	ПР1 ПР3 ПР5	ПР2 ПР5	ПР1 ПР3 ПР5

Ресурси <i>n</i>	Продукція <i>m</i>						Запаси ресурсів
	ПР1	ПР2	ПР3	ПР4	ПР5	ПР6	
Ресурс 1	0,1	0,5	0,3	0,15	0,16	0,17	100
Ресурс 2	0,2	0,6	0,4	0,18	0,19	0,2	120
Ресурс 3	0,3	0,7	0,5	0,21	0,22	0,23	130
Ресурс 4	0,4	0,8	0,6	0,25	0,26	0,27	140
Ресурс 5	0,1	0,9	0,7	0,31	0,32	0,33	150
Ресурс 6	0,2	0,5	0,3	0,35	0,36	0,37	100
Ресурс 7	0,3	0,6	0,4	0,45	0,46	0,47	120
Ресурс 8	0,4	0,7	0,5	0,48	0,49	0,55	130
Ресурс 9	0,1	0,8	0,6	0,17	0,36	0,15	140
Ресурс 10	0,2	0,9	0,7	0,2	0,46	0,18	150
Прибуток від виробництва одиниці продукції	1,10	1,50	1,35	1,45	1,25	1,32	
План	?	?	?	?	?	?	
Загальний прибуток	?						