

**Передумови та складання ІМ елементарних фігур та їх комбінацій
з використанням теорії кватерніонів**

Мета заняття – засвоєння використання математичного апарату кватерніонів для складання ІМ (ММ) елементарних геометричних примітивів.

3.1. Короткі теоретичні відомості про теорію кватерніонів як математичну основу складання інформаційних моделей (ІМ) складових ГВК

Кватерніон – це впорядкована четвірка дійсних чисел s, a, b, c , які зв'язані з чотирма базисними елементами $1, i, j, k$ (рис 3.1), що мають такі властивості:

$$i^2 = j^2 = k^2 = -1; i \cdot j = k; j \cdot k = i; k \cdot i = j; j \cdot i = -k; k \cdot j = -i; i \cdot k = -j. \quad (3.1.1)$$

Операції додавання і віднімання кватерніонів визначені покомпонентно. Множення кватерніонів визначається законом множення їх уявних одиниць. Будь який кватерніон може бути записаний у вигляді:

$$q = s \cdot 1 + a \cdot i + b \cdot j + c \cdot k, \quad (3.1.2)$$

де i, j, k – уявні одиниці.

Кожен кватерніон q можна записати у вигляді суми двох кватерніонів: скаляра (s) і вектора ($a \cdot i + b \cdot j + c \cdot k$), тобто:

$$q = s(q) + v(q) = [scalar; (vector)], \quad (3.1.3)$$

де $s(q) = s$ – скалярна частина кватерніона q ;

$v(q) = a \cdot i + b \cdot j + c \cdot k$ – векторна частина кватерніона q .

Наприклад, у кватерніоні $q = 3 - 5 \cdot i + 4 \cdot k$ скалярна частина дорівнює 3, а векторна частина дорівнює $-5 \cdot i + 4 \cdot k$.

Іноді кватерніон зручно представляти набором чотирьох чисел: як число та 3D-вектор, тобто як гіперкомплексне число з трьома уявними одиницями i, j, k , що може бути записано у вигляді:

$$\begin{aligned} q &= [s, a, b, c] = [scalar, (vector)] = [s, (a, b, c)] = \\ &= s \cdot 1 + a \cdot i + b \cdot j + c \cdot k = s + v. \end{aligned} \quad (3.1.4)$$

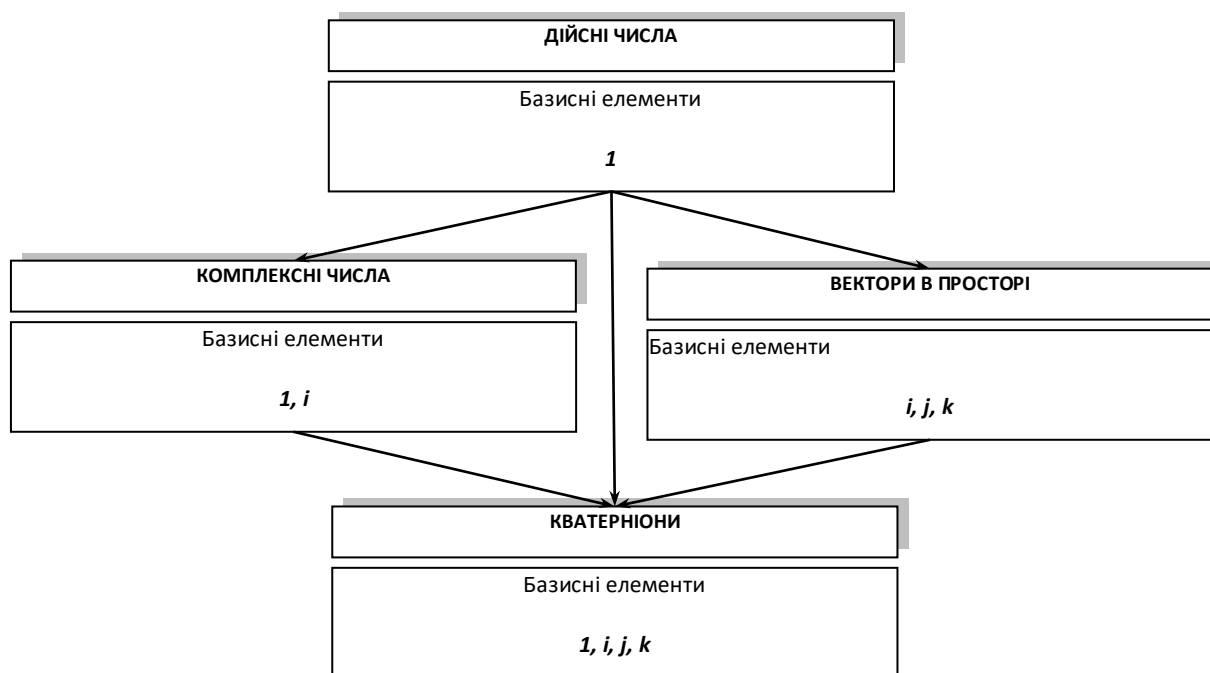


Рис. 3.1.1. Числові системи та базисні елементи

Іноді достатньо обмежитись лише окремим видом кватерніонів – вектором. Кватерніон (3.1.2) приймає вид вектора у випадку рівності нулю його скалярної частини:

$$q(\text{vector}) = a \cdot i + b \cdot j + c \cdot k; \text{scalar} = 0. \quad (3.1.5)$$

Геометричний зміст операцій з кватерніонами виду (3.1.5) відповідає геометричному змісту операцій з векторами. Причому, довжина вектора $v = a \cdot i + b \cdot j + c \cdot k$ кватерніона q в тривимірному просторі визначається за виразом (3.1.6). Цей вектор направлений з початку координат O до точки M з координатами a, b, c (рис. 3.1.3). Тому:

$$|v| = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}, \quad (3.1.6)$$

де v – векторна частина кватерніону (3.1.4);

a, b, c – координати точки M , що задає напрямок вектору (рис. 3.1.2).

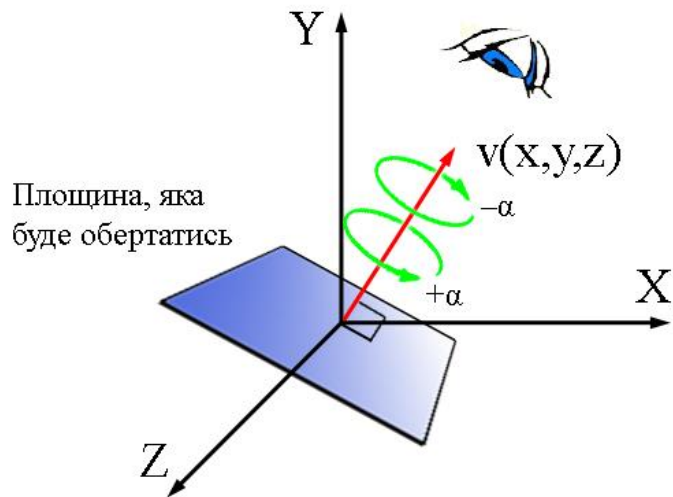


Рис. 3.1.2. Представлення кватерніону у вигляді вектора v і кута обертання α

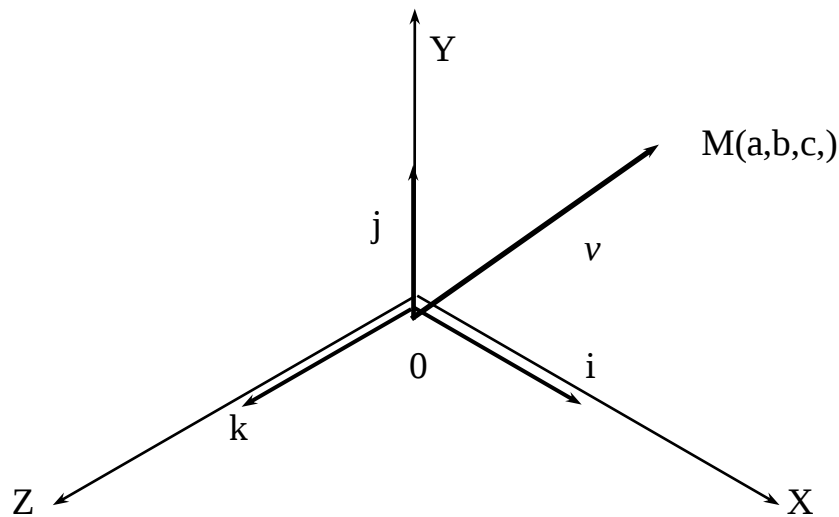


Рис. 3.1.3. Приклад розташування вектора v в тривимірному просторі

При описанні поворотів кватерніон представляють у вигляді:

$$q(v, \omega) = \cos \frac{\omega}{2} + v \cdot \sin \frac{\omega}{2}, \quad (3.1.7)$$

де v – одиничний вектор, однонаправлений із віссю повороту;

ω – кут повороту.

Кватерніон несе в собі інформацію про оберт на заданий кут навколо вектора, початок якого збігається з початком поточної системи координат (рис. 3.1.2). Якщо значення кута позитивне ($+\alpha$), то оберт відбувається проти годинникової стрілки (якщо дивитись в напрямку, протилежному напрямку заданого вектора), в протилежному випадку ($-\alpha$) – за годинниковою стрілкою.

Важлива особливість кватерніонів полягає в тому, що підмножиною кватерніонів є:

- дійсні числа $(s, 0, 0, 0)$;
- комплексні числа $(s, a, 0, 0)$;
- вектори в тривимірному просторі $(0, a, b, c)$ (рис. 3.1.3);
- при виконанні дій множення кватерніонів не виконується закон комутативності, тобто $q_1 \cdot q_2 \neq q_2 \cdot q_1$.

Крім того, три уявні базисні одиниці i, j, k кватерніона можуть бути інтерпретовані як базисні вектори декартової системи координат у тривимірному просторі.

Важливими для розглядуваної проблеми є такі властивості кватерніонів як:

- комутативність та асоціативність за додаванням;
- некомутативність за множенням;
- асоціативність за множенням;
- дистрибутивність.

Тобто, з врахуванням сказаного вище:

- 1) кватерніони комутативні та асоціативні за додаванням:

$$q_1 + q_2 = q_2 + q_1;$$

$$(q_1 + q_2) + q_3 = q_2 + (q_1 + q_3);$$

- 2) кватерніони не комутативні за множенням:

$$q_1 \cdot q_2 \neq q_2 \cdot q_1;$$

- 3) кватерніони асоціативні за множенням:

$$(q_1 \cdot q_2) \cdot q_3 = q_1 \cdot (q_2 \cdot q_3);$$

- 4) кватерніони дистрибутивні:

$$q_1 \cdot (q_2 + q_3) = q_1 \cdot q_2 + q_1 \cdot q_3.$$

Сферична лінійна інтерполяція здійснюється за виразом:

$$SLI(Q_1, Q_2, t) = (Q_1 \cdot \sin((1-t) \cdot \omega) + Q_2 \cdot \frac{\sin(t \cdot \omega)}{\sin(\omega)}), \quad (3.1.8)$$

де Q_1, Q_2 – вектори, що належать 4-D сфері, що перетинається площиною P , утвореною даними векторами та центром кола, $P \in (Q_1, Q_2, O)$ (рис. 3.1.4, а). Очевидно, що шукані при інтерполяції точки будуть належати даній площині; ω – кут між векторами Q_1 та Q_2 ; t – локальний час.

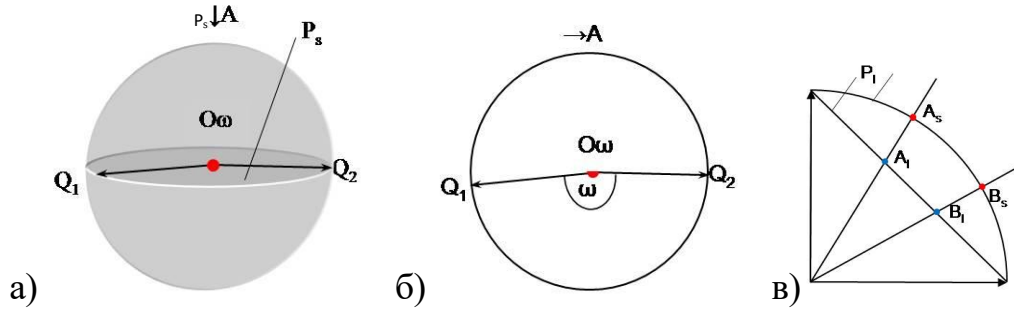


Рис. 3.1.4. Спрощена схема сферичної лінійної інтерполяції:

- а) неспівпадіння точок при лінійній (LI) та сферичній лінійній інтерполяції (SLI);
 б) 4-D сфера та площина, утворена векторами Q_1 та Q_2 і центром кола;
 в) вид A на рис. 3.1.4, б

3.2. Особливості складання інформаційних моделей елементів ГВК

Подання інформації про структурні складові ГВК у виді відповідних інформаційних моделей (ІМ) характеризується реалізацією методично обумовлених кроків в такій послідовності:

- аналіз конструкції складової;
- складання її так званої схеми заміщення (СЗ), тобто складання ниткової моделі складової;
- заміна рухомих та / або нерухомих елементів СЗ складової її 3D-еквівалентами з використанням геометричних примітивів (ГП);
- складання ІМ складової як такої з урахуванням її можливої рухомості або нерухомості.

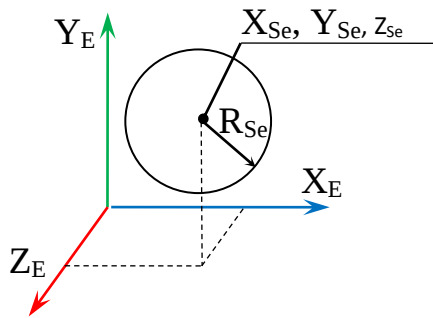
При складанні ІМ складових ГВК враховується той факт, що форма кожного із структурних елементів ГВК може бути описана з використанням кінцевої множини елементарних геометричних примітивів (ГП), G_p якими є;

- сфера Se ;
- циліндр Cr ;
- конус Ce ;
- паралелепіпед Pd ;
- трапеція Tz ;
- їх комбінацій в будь-якому поєднанні.

Точка відліку при описі кожного з ГП формально описується так званою прив'язувальною точкою з відповідними їй координатами при їх (ГП) подальшому (можливому) упорядкованому описі:

$$X_{G_p}, Y_{G_p}, Z_{G_p} | G_p \in (Pd, Cr, Se, Ce, Tz), \quad (3.2.1)$$

Нижче представлені приклади описів геометричних примітивів.



Опис ГП типу “сфера”:

Se: $X_{Se}, Y_{Se}, Z_{Se}, R_{Se}$

Рис. 3.2.1. Базове розташування ГП типу “сфера” в СК елемента ГВК

Тут:

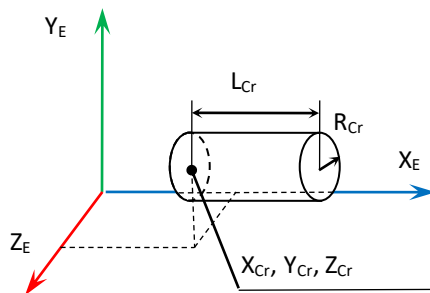
Se – ідентифікатор примітиву **Se** (sphere) – “сфера”;

X_{Se} – розташування сфери вздовж осі X в СК елемента E , тобто сфери, мм;

Y_{Se} – розташування сфери вздовж осі Y в СК елемента E , мм;

Z_{Se} – розташування сфери вздовж осі Z в СК елемента E , мм;

R_{Se} – радіус сфери, мм.



Опис ГП типу “циліндр”:

Cr: $X_{Cr}, Y_{Cr}, Z_{Cr}, R_{Cr}, L_{Cr}$

Рис. 3.2.2. Базове розташування ГП типу “циліндр” в СК елемента ГВК

Тут:

Cr – ідентифікатор примітиву **Cr** (cylinder) – “циліндр”;

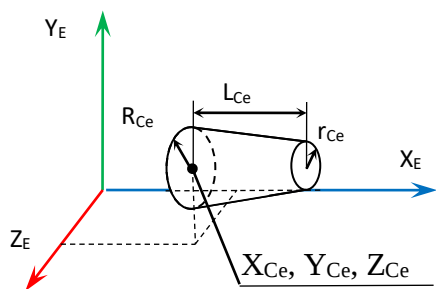
X_{Cr} – розташування циліндра вздовж осі X в СК елемента E , мм;

Y_{Cr} – розташування циліндра вздовж осі Y в СК елемента E , мм;

Z_{Cr} – розташування циліндра вздовж осі Z в СК елемента E , мм;

R_{Cr} – радіус циліндра, мм;

L_{Cr} – довжина циліндра, мм.



Опис ГП типу “конус”:

Ce: X_{Ce} , Y_{Ce} , Z_{Ce} , R_{Ce} , r_{Ce} , L_{Ce}

Рис. 3.2.3. Базове розташування ГП типу “конус” в СК елемента ГВК

Тут:

Ce – ідентифікатор примітиву **Ce** (cone) – “конус”;

X_{Ce} – розташування конуса вздовж осі X в СК елемента E , мм;

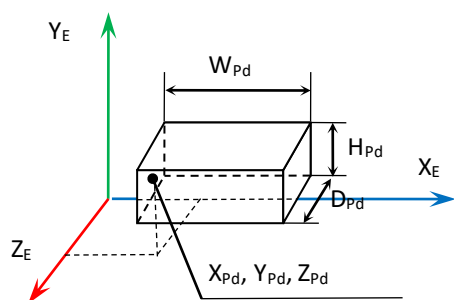
Y_{Ce} – розташування конуса вздовж осі Y в СК елемента E , мм;

Z_{Ce} – розташування конуса вздовж осі Z в СК елемента E , мм;

R_{Ce} – лівий радіус конуса, мм;

r_{Ce} – правий радіус конуса, мм;

L_{Ce} – довжина конуса, мм.



Опис ГП типу “паралелепіпед”:

Pd: X_{Pd} , Y_{Pd} , Z_{Pd} , W_{Pd} , H_{Pd} , D_{Pd}

Рис. 3.2.4. Базове розташування ГП типу “паралелепіпед” в СК елемента ГВК

Тут:

Pd – ідентифікатор примітиву **Pd** (parallelepiped) – “паралелепіпед”;

X_{Pd} – розташування паралелепіпеда вздовж осі X в СК елемента E , мм;

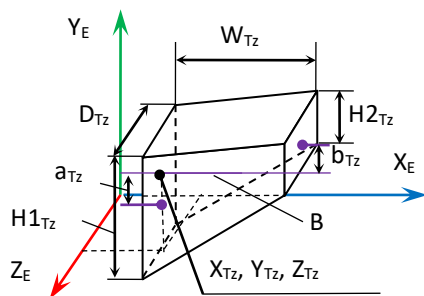
Y_{Pd} – розташування паралелепіпеда вздовж осі Y в СК елемента E , мм;

Z_{Pd} – розташування паралелепіпеда вздовж осі Z в СК елемента E , мм;

W_{Pd} – ширина паралелепіпеда, мм;

H_{Pd} – висота паралелепіпеда, мм;

D_{Pd} – глибина паралелепіпеда, мм.



Опис ГП типу “трапеція”:

TZ: $X_{Tz}, Y_{Tz}, Z_{Tz}, D_{Tz},$

$W_{Tz}, H1_{Tz}, H2_{Tz}, a_{Tz}, b_{Tz}$

Рис. 3.2.5. Базове розташування ГП типу “трапеція” в СК елемента ГВК
Тут:

Tz – ідентифікатор примітиву **Tz** (Trapeze) – “трапеція”;

X_{Tz} – розташування трапеції вздовж осі X в СК елемента E , мм;

Y_{Tz} – розташування трапеції вздовж осі Y в СК елемента E , мм;

Z_{Tz} – розташування трапеції вздовж осі Z в СК елемента E , мм;

D_{Tz} – глибина трапеції, мм;

W_{Tz} – ширина трапеції, мм;

$H1_{Tz}$ – ліва висота трапеції, мм;

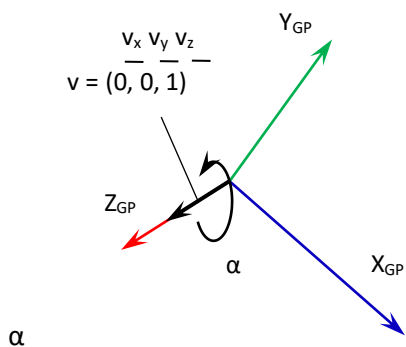
$H2_{Tz}$ – права висота трапеції, мм;

a_{Tz} – відстань між базовою віссю B та центром грані із висотою $H1$, мм;

b_{Tz} – відстань між базовою віссю B та центром грані із висотою $H2$, мм.

При потребі змінити орієнтацію ГП вказується кватерніон його орієнтації, що описується за рахунок 4-ох додаткових параметрів:

$$Q = [S_Q, X_Q, Y_Q, Z_Q]. \quad (3.2.2)$$

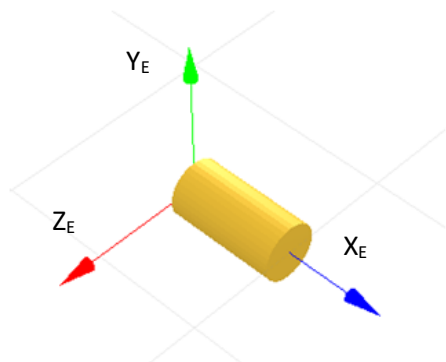


$$Q = (s, v) = (s, v_x, v_y, v_z) =$$

$$= (\cos(\alpha/2), v_x \cdot \sin(\alpha/2), v_y \cdot \sin(\alpha/2),$$

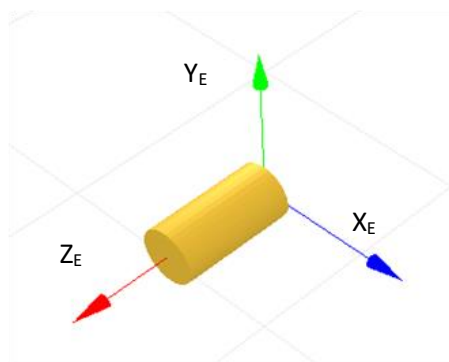
$$v_z \cdot \sin(\alpha/2))$$

Приклад ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “циліндр” діаметром 50 мм з осьовим розміром 200 мм до і після його орієнтації (обертання навколо осі Y на 90° за годинниковою стрілкою при погляді на вістря вісі Y) представлено на рис. 3.2.6.



CR: 0, 0, 0, 50, 200

а)



CR: 0, 0, 0, 50, 200, 0.7, 0, 0.7, 0

б)

Рис. 3.2.6. Приклад опису та відповідної 3D-моделі ГП типу “циліндр”:

а) без кватерніона орієнтації;

б) із кватерніоном орієнтації

3.3. Варіанти індивідуальних завдань

для виконання практичних завдань № 3 студентами гр. АТ-29м

1. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**куля (сфера)**” радіусом 25 мм з довільним положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернута на 90 градусів за годинниковою стрілкою навколо осі X_E .
2. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**куля (сфера)**” радіусом 40 мм з довільним положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернута на 90 градусів за годинниковою стрілкою навколо осі Y_E .
3. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**куля (сфера)**” радіусом 50 мм з довільним положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернута на 90 за годинниковою стрілкою градусів навколо осі Z_E .
4. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**куля (сфера)**” радіусом 60 мм з довільним положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернута на 45 градусів проти годинникової стрілки навколо осі X_E .
5. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**куля (сфера)**” радіусом 25 мм з довільним положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернута на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі Y_E .
6. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**куля (сфера)**” радіусом 55 мм з довільним положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернута на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі Z_E .
7. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**куля (сфера)**” радіусом 52 мм з довільним положенням в системі координат (СК) цього примітиву

(осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернута на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі X_E .

8. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**куля (сфера)**” радіусом 61 мм з довільним положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернута на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі Y_E .
9. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**циліндр**” довжиною 52 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернута на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі X_E .
10. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**циліндр**” діаметром 25 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів за годинниковою стрілкою навколо осі Z_E .
11. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**циліндр**” довжиною 130 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі Y_E .
12. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**циліндр**” діаметром 50 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі X_E .
13. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**циліндр**” довжиною 66 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі X_E .
14. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**циліндр**” діаметром 77 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі Y_E .
15. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**циліндр**” довжиною 91 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі X_E .
16. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**циліндр**” довжиною 86 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів за годинниковою стрілкою навколо осі Z_E .

17. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**циліндр**” довжиною 111 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі Y_E .
18. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**конус**” довжиною 85 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів за годинниковою стрілкою навколо осі X_E .
19. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**конус**” з максимальним діаметром 85 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі Y_E .
20. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**конус**” довжиною 35 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів за годинниковою стрілкою навколо осі Z_E .
21. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**конус**” максимальним діаметром 77 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів за годинниковою стрілки навколо осі X_E .
22. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**конус**” довжиною 62 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі Y_E .
23. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**конус**” з мінімальним діаметром 55 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі Z_E .
24. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**конус**” довжиною 44 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі X_E .
25. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**конус**” з мінімальним діаметром 44 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів за годинниковою стрілкою навколо осі Y_E .

26. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**конус**” з мінімальним діаметром 51 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів за годинниковою стрілкою навколо осі Z_E .
27. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**конус**” з максимальним діаметром 121 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі X_E .
28. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**паралелепіпед**” з найменшим розміром однієї із сторін 44 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів за годинниковою стрілкою навколо осі Y_E .
29. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**паралелепіпед**” з найбільшим розміром однієї із сторін 99 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі Z_E .
30. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**паралелепіпед**” з вертикальним розміром однієї із сторін 88 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів за годинниковою стрілкою навколо осі X_E .
31. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**паралелепіпед**” з найменшим горизонтальним розміром однієї із сторін 44 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі Y_E .
32. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**паралелепіпед**” з найбільшим розміром однієї із сторін 44 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів за годинниковою стрілкою навколо осі X_E .
33. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**паралелепіпед**” з найменшим розміром однієї із сторін 44 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі Z_E .
34. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “**паралелепіпед**” з найбільшим розміром однієї із сторін 33 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів за годинниковою стрілкою навколо осі X_E .

35. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “паралелепіпед” з найменшим розміром однієї із сторін 44 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів проти годинникової стрілки навколо осі Y_E .
36. Скласти ІМ (ММ) геометричного примітиву типу “паралелепіпед” з найбільшим розміром однієї із сторін 44 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (осі позначаються з нижнім правим індексом E), що повернутий на 90 градусів за годинниковою стрілкою навколо осі Y_E .

УВАГА! 1. Номер варіанта індивідуального завдання відповідає номеру, що випадковим чином отримано за генератором випадкових чисел в день проведення заняття, а саме 10.09.2024р.

2. Термін виконання роботи - максимум до наступного практичного заняття.
3. Номер варіанта практичного завдання 3 є номером варіанта для виконання всіх наступних практичних занять.
- 4.1. Особливістю виконання Пз 4 є комплексний розгляд фігури, що є комбінацією ГП за варіантами їх позначень у відповідних варіантах наведеної далі табл. 3.1. Переміщення утвореної комбінованої фігури виконувати за даними останнього варіанту, що позначений в стовпці 3.2 табл. 3.1.
- 4.2. Наприклад, за варіантом 11 (виконання Пз 2) комбінована фігура за даними стовпця 3, тобто 11+3+30, буде наступною:
- ГП типу “циліндр” довжиною 130 мм з довільними іншими його розмірами та довільним його положенням в системі координат (СК) цього примітиву (11 варіант інд. завдання)
 - + ГП типу “куля (сфера)” (3 варіант інд. завдання) радіусом 50 мм розміщується вздовж осі попереднього ГП типу “циліндр”
 - + ГП типу “паралелепіпед” (30 варіант інд. завдання) з вертикальним розміром однієї із сторін 88 мм з довільними іншими його розмірами розміщується своєю віссю вздовж осі, що є продовженням осі ГП типу “циліндр” та проходить через центр ГП типу “куля (сфера)”.
- 4.3. Очевидно, що характеристичні точки вказаної послідовності ГП, тобто циліндра, сфери та паралелепіпеда, лежать на одній прямій. Її загальна вісь відповідає орієнтації першого ГП, тобто ГП типу “циліндр”.
- 4.4. Переміщення отриманої комплексної фігури виконується згідно даних останнього варіанта інд. завдання, що подано в стовпці 3.2 напроти відповідного ПІ студента. В даному випадку відповідні переміщення комплексної фігури за даними стовпця 3.2 для варіанта 11 (циліндр+сфера+паралелепіпед) виконуються за даними варіанта 30, тобто повернути отриману комплексну фігуру на 90 градусів за годинниковою стрілкою навколо осі X_E .

- 4.5. Обов'язковою при виконанні даного практичного завдання є вимога несуміщення характеристичних точок відповідного первинного ГП (для даних варіанта інд. завдання 11 це ГП типу “циліндр”) з початком СК певного елемента $X_E Y_E Z_E$.
- 4.6. Вимогою щодо геометричних розмірів відповідних ГП є їх збереження, що повинно відтворюватись відповідними масштабними пропорціями на відповідних схемах.
- 4.7. Кінцеві результати виконання Пз3.1 та Пз3.2 повинні бути представлені:
- графічно у вигляді рис. 3.2.6 з виконанням викладеної вище (див. п. 4.4.) умови;
 - аналітично у вигляді відповідних виразів з використанням теорії кватерніонів.
5. Звіти щодо виконаної цієї та інших робіт, включаючи презентативний матеріал, з навчальної дисципліни ПТ в АВ висилати на електронну адресу Кириловича Валерія Анатолійовича kiril_va@ztu.edu.ua (і тільки на цю!!!)

3.4. Зміст звіту виконання практичних робіт № 3-4 (див. наступне завдання)

1. Назва практичної роботи.
2. Мета роботи.
3. Короткі теоретичні відомості щодо теорії кватерніонів та геометричних примітивів.
4. Зміст індивідуальних завдань із вказанням їх варіантів та їх виконанням окремо за практичними заняттями 3 та 4 згідно наведеної вище табл. 3.1.
5. Отримані результати виконання роботи.
6. Висновки.

3.5. Інформаційні джерела

Передові технології в автоматизованому виробництві. Практикум: навч.-метод. посібник // В.А. Кирилович, Р.С. Моргунов, Л.В. Дімітров, П.П. Мельничук; за заг. ред. В.А. Кириловича. – Житомир: Видавець О.О. Євенок, 2016. –144 с.