

# Тема 1. Комплексні числа.

## Практичне заняття

### Вправи для роботи на занятті

- 1) Виконайте дії  $(2 - 3i)(1 + 2i)^2 - i^{17} + \frac{4 - i}{2 + i}$ .
- 2) Зобразіть точками комплексної площини числа:  $z_1 = 3i$ ,  $z_2 = -2$ ,  $z_3 = -2\sqrt{3} - 2i$ .
- 3) Запишіть числа  $z_1 = 3i$ ,  $z_2 = -2$ ,  $z_3 = -2\sqrt{3} - 2i$  у тригонометричній та показниковій формах.
- 4) Використовуючи тригонометричну чи показникову форму знайдіть:
  1.  $z_1 \cdot (z_2)^4$ ;
  2.  $\frac{z_2}{(z_3)^3}$ ;
  3.  $\sqrt[4]{z_3}$ ,де  $z_1 = 3i$ ,  $z_2 = -2$ ,  $z_3 = -2\sqrt{3} - 2i$ .
- 5) Знайдіть  $\sqrt{-1}$ ,  $\sqrt[3]{-4\sqrt{3} + 4i}$ .
- 6) Зобразіть множину точок комплексної площини  $\{z \in C : |z - 1| \leq 2, \operatorname{Re} z > 1\}$ .

### Вправи для роботи вдома

- 1) Виконайте дії  $(2 + i)(3 - 2i)^2 - i^7 + \frac{3 - 2i}{1 + 2i}$ .
- 2) Зобразіть точками комплексної площини числа:  $z_1 = -2i$ ,  $z_2 = -3$ ,  $z_3 = -2 + 3i$ .
- 3) Запишіть числа  $z_1 = -2i$ ,  $z_2 = -3$ ,  $z_3 = -2 - 2\sqrt{3}i$  у тригонометричній та показниковій формах.
- 4) Використовуючи тригонометричну чи показникову форму знайдіть:
  1.  $z_1 \cdot (z_2)^5$ ;
  2.  $\frac{z_2}{(z_3)^2}$ ;
  3.  $\sqrt[4]{z_3}$ ,де  $z_1 = -2i$ ,  $z_2 = -3$ ,  $z_3 = -2 - 2\sqrt{3}i$ .
- 5) Знайдіть  $\sqrt[4]{-1}$ ,  $\sqrt[3]{-4\sqrt{2} + 4\sqrt{2}i}$ .
- 6) Зобразіть множину точок комплексної площини  $\{z \in C : 1 \leq |z - i| \leq 2, \operatorname{Im} z < 1\}$ .