

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 1

ЗАТВЕРДЖЕНО

Науково-методичною радою
Державного університету
«Житомирська політехніка»

протокол від ____ 20__ р.
№ ____

МЕТОДИЧНІ РЕКОМЕНДАЦІЇ для проведення лабораторних робіт з навчальної дисципліни «Транспортна логістика»

для здобувачів вищої освіти освітнього ступеня «бакалавр»
спеціальності 274 «Автомобільний транспорт»
освітньо-професійна програма «Автомобільний транспорт»
факультет комп'ютерно-інтегрованих технологій, мехатроніки та
робототехніки
кафедра метрології та інформаційно-вимірювальної техніки

Рекомендовано на засіданні
кафедри метрології та
інформаційно-вимірювальної
техніки
30 березня 2023 р., протокол №3

Розробник: старший викладач кафедри метрології та інформаційно-
вимірювальної техніки ВІТЮК Іван

Житомир
2023

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 2

ЗМІСТ

ВСТУП.....	4
1 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №1 РОЗВ’ЯЗАННЯ ЗАДАЧ ЛІНІЙНОГО ПРОГРАМУВАННЯ З ВИКОРИСТАННЯМ MICROSOFT EXCEL.....	5
1.1 Теоретична частина.....	5
1.2 Постановка задачі.....	5
1.3 Інструкція до виконання лабораторної роботи за допомогою Microsoft Excel	6
1.3.1 Одноіндексні задачі ЛП.....	6
1.3.2 Цілочислове програмування	15
1.3.3 Двохіндексні задачі ЛП	17
1.3.4 Задачі з булевими змінними.....	19
1.4 Варіанти.....	20
1.5 Запитання на захисті роботи	23
2 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №2 ОРГАНІЗАЦІЯ ОПТИМАЛЬНОЇ СИСТЕМИ ПОСТАЧАННЯ	24
2.1 Теоретична частина.....	25
2.2 Постановка задачі.....	26
2.3 Інструкція до виконання лабораторної роботи	26
2.4 Варіанти.....	27
2.5 Запитання на захисті роботи	29
3 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №3 СТАНДАРТНА ТРАНСПОРТНА ЗАДАЧА	30
3.1 Теоретична частина.....	30
3.1.1 Стандартна модель транспортної задачі (ТЗ).....	30
3.2 Постановка задачі.....	33
3.3 Інструкція до виконання лабораторної роботи	33
3.4 Варіанти.....	36
3.5 Запитання на захист роботи	37
4 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №4 ЗАДАЧА ПРО ПРИЗНАЧЕННЯ	38
4.1 Теоретична частина.....	38
4.2 Постановка задачі.....	40
4.3 Інструкція до виконання лабораторної роботи.	40
4.4 Варіанти.....	41
4.5 Запитання на захист роботи	42
5 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №5 ОПТИМАЛЬНИЙ РОЗПОДІЛ ВИРОБНИЧИХ ПОТУЖНОСТЕЙ.....	43
5.1 Теоретична частина.....	43
5.2 Постановка задачі.....	47
5.3 Інструкція до виконання лабораторної роботи	48
5.4 Варіанти.....	54
5.5 Запитання на захист роботи	57
6 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №6 УПРАВЛІННЯ ЗАПАСАМИ З	

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 3

ОБМЕЖЕННЯМ НА ВАНТАЖОПІДЙОМНІСТЬ ТРАНСПОРТНИХ ЗАСОБІВ

.....	57
6.1 Теоретична частина.....	57
6.2 Постановка задачі.....	60
6.3 Інструкція до виконання лабораторної роботи	63
6.4 Варіанти.....	63
6.5 Запитання на захист роботи	63
ЛІТЕРАТУРА.....	65

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 4

ВСТУП

Перші задачі геометричного змісту, пов'язані з пошуком найменших і найбільших величин, з'явилися ще в прадавні часи. Розвиток промисловості в XVII-XVIII століттях привело до необхідності дослідження більш складних задач на екстремум і до появи варіаційного обчислення.

Однак лише в XX столітті при величезному зростанні промисловості й усвідомленню обмеженості ресурсів Землі гостро постало завдання оптимального використання енергії, матеріалів, робочого часу, найбільшої актуальності набули питання найкращого в тому чи іншому плані керування різними процесами фізики, техніки, економіки та ін. Сюди відносяться, наприклад, задача організації промисловості з метою одержання максимального прибутку при заданих витратах ресурсів, задача керування системою гідроелектростанцій і водоймищ із метою одержання максимальної кількості електроенергії, задача про найшвидше нагрівання або остигання металу до заданого температурного режиму, задача про найкраще гасіння вібрацій і багато інших задач.

Задача оптимізації може бути успішно вирішена за допомогою ЕОМ, навіть при невеликій обчислювальній потужності. При цьому якість розрахунків і швидкість обчислень залежить від використовуваного програмного забезпечення.

Багато задач оптимізації зводяться до відшукування найменшого або найбільшого значення певної функції, яку прийнято називати цільовою функцією або критерієм якості.

Лінійним програмуванням називаються задачі оптимізації, у яких цільова функція є лінійною функцією своїх аргументів, а умови, що визначають їхні припустимі значення, мають вигляд лінійних рівнянь і нерівностей. Лінійне програмування почало розвиватися в першу чергу у зв'язку із задачами економіки, з пошуком способів оптимального розподілу й використання ресурсів. Воно послужило основою широкого використання математичних методів в економіці. Слід підкреслити, що в рамках реальних економічних задач число незалежних змінних зазвичай буває дуже великим (порядку 10000 елементів).

Транспортна задача є класичною задачею дослідження операцій. Більшість задач розподілу ресурсів зводиться саме до цієї задачі. Розподільні задачі пов'язані з розподілом ресурсів по роботах, які необхідно виконати. Задачі цього класу виникають тоді, коли ресурсів, що є в наявності не вистачає для виконання роботи найбільш ефективним методом. Тому метою розв'язання задачі є пошук такого розподілу ресурсів по роботах, при якому або мінімізуються загальні витрати, пов'язані з виконанням робіт, або максимізується одержуваний у результаті загальний дохід.

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 5

1 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №1

РОЗВ'ЯЗАННЯ ЗАДАЧ ЛІНІЙНОГО ПРОГРАМУВАННЯ З ВИКОРИСТАННЯМ MICROSOFT EXCEL

Мета роботи

Набуття навиків розв'язання задач лінійного програмування (ЛП) в табличному редакторі Microsoft Excel.

Порядок виконання роботи

Для моделі ЛП, відповідної номеру Вашого варіанта, знайдіть оптимальний розв'язок в табличному редакторі Microsoft Excel і продемонструйте його викладачу.

1.1 Теоретична частина

Лінійне програмування є одним з важливих розділів дослідження операцій і зводиться до оптимізації лінійної цільової функції на множині, яка описується лінійними рівняннями і нерівностями. Лінійне програмування є окремим випадком математичного програмування. Одночасно це – основа декількох методів розв'язування задач цілочислового і нелінійного програмування. Багато властивостей задач лінійного програмування можна інтерпретувати також як властивості многогранників і таким чином геометрично формулювати і доводити їх.

1.2 Постановка задачі

Для того, щоб розв'язати задачу ЛП в табличному редакторі Microsoft Excel, необхідно виконати такі дії.

1. Ввести умову задачі:

а) створити екранну форму для введення умови задачі:

- змінних;
- цільової функції (ЦФ);
- обмежень;
- граничних умов;

б) ввести початкові дані в екранну форму:

- коефіцієнти ЦФ;
- коефіцієнти при змінних в обмеженнях;
- праві частини обмежень;

в) ввести залежність з математичної моделі в екранну форму:

- формулу для розрахунку ЦФ;
- формули для розрахунку значень лівих частин обмежень;

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 6

г) задати ЦФ (у вікні “Поиск решения”):

- цільова комірка;
- напрям оптимізації ЦФ;

д) ввести обмеження і граничні умови (у вікні “Поиск решения”):

- комірки з значеннями змінних;
- граничні умови для допустимих значень змінних;
- співвідношення між правими і лівими частинами обмежень.

2. Розв’язати задачу:

а) встановити параметри розв’язання задачі (у вікні “Поиск решения”);

б) запустити задачу на розв’язання (у вікні “Поиск решения”);

в) вибрати формат висновку розв’язання (у вікні “Результаты поиска решения”).

1.3 Інструкція до виконання лабораторної роботи за допомогою Microsoft Excel

1.3.1 Одноіндексні задачі ЛП

Розглянемо приклад знаходження розв’язку для такої одноіндексної задачі ЛП:

$$\begin{aligned}
 L(X) &= 130,5x_1 + 20x_2 + 56x_3 + 87,8x_4 \rightarrow \max; \\
 \begin{cases}
 -1,8x_1 + 2x_2 + x_3 - 4x_4 = 756, \\
 -6x_1 + 2x_2 + 4x_3 - x_4 \geq 450, \\
 4x_1 - 1,5x_2 + 10,4x_3 + 13x_4 \leq 89, \\
 x_j \geq 0; j = \overline{1,4}.
 \end{cases}
 \end{aligned}
 \tag{1.1}$$

Введення початкових даних. Створення екранної форми і введення в неї умов задачі.

Екранна форма для введення умов задачі (1.1) разом з введенними в неї початковими даними подана на рис.1.1.

В екранній формі на рис.1.1 кожній змінній і кожному коефіцієнту задачі поставлена відповідно конкретна комірка в Excel. Ім'я комірки складається з букви, що позначає стовпець, і цифри, що позначає рядок, на перетині яких знаходиться об'єкт задачі ЛП. Так, наприклад, змінним задачі (1.1) відповідають комірки В3 ((x_1), С3 ((x_2), D3 ((x_3), Е3 ((x_4), коефіцієнтам ЦФ відповідають комірки В6 (($c_1 = 130,5$), С6 (($c_2 = 20$), D6 (($c_3 = 56$), Е6 (($c_4 = 87,8$), правим частинам обмежень відповідають комірки Н10 (($b_1 = 756$), Н11 (($b_2 = 450$), Н12 (($b_3 = 89$)) і т.д.

Рисунок 1.1 – Екранна форма задачі

В комірку F6, в якій буде відображатися значення ЦФ, необхідно ввести формулу, за якою це значення буде розраховано. Згідно з (1.1) значення ЦФ визначається виразом

$$130,5x_1 + 20x_2 + 56x_3 + 87,8x_4. \quad (1.2)$$

Використовуючи позначення відповідних комірок в Excel (див. рис.1.1), формулу для розрахунку ЦФ (1.2) можна записати як суму значень кожної з комірок, відведених для значень змінних задачі (B3, C3, D3, E3), на відповідну комірку, відведену для коефіцієнтів ЦФ (B6, C6, D6, E6), тобто

$$B6 \cdot B3 + C6 \cdot C3 + D6 \cdot D3 + E6 \cdot E3. \quad (1.3)$$

Щоб задати формулу (1.3) необхідно в комірку F6 ввести такий вираз і натискувати клавішу “Enter”

$$\{= \text{СУММПРОИЗВ}(B\$3: E\$3; B6: E6)\} \quad (1.4)$$

де символ “\$” перед номером рядка 3 означає, що при копіюванні цієї формули в інші місця листа Excel номер рядка 3 не зміниться;

символ : означає, що у формулі будуть використані всі комірки, розташовані між комірками, вказаними зліва і справа від двокрапки (наприклад, запис B6:E6 указує на комірки B6, C6, D6 і E6). Після цього в цільовій комірці з'явиться 0 (нульове значення) (рис.1.2).

Microsoft Excel - Пример_1.xls

Файл Правка Вид Вставка Формат Сервис Данные Окно ?

F6 = СУММПРОИЗВ(B\$3:E\$3;B6:E6)

	A	B	C	D	E	F	G	H
1				ПЕРЕМЕННЫЕ				
2	Имя	X1	X2	X3	X4			
3	Значение							
4	Нижн. гр.	0	0	0	0	ЦФ		
5						Значение	Направл.	
6	Коеф. ЦФ	130,5	20	56	87,8	0	max	
7								
8				ОГРАНИЧЕНИЯ				
9	Вид					Лев. часть	Знак	Прав. часть
10	Огран.1	-1,8	2	1	-4	0	=	756
11	Огран.2	-6	2	4	-1	0	>=	450
12	Огран.3	4	-1,5	10,4	13	0	<=	89
13								

Лист1 Лист3

Рисунок 1.2 – Екранна форма задачі

СУММПРОИЗВ

Массив1: B\$3:E\$3 = {0;0;0;0}

Массив2: B6:E6 = {130,5;20;56;87,8}

Массив3: = массив

= 0

Возвращает сумму произведений соответствующих элементов массивов.

Массив1: массив1;массив2;... от 2 до 30 массивов, чьи компоненты нужно перемножить а затем сложить. Все массивы должны иметь одну и ту же размерность.

Значение: 0

OK Отмена

Рисунок 1.3 – Введення формули для розрахунку ЦФ у вікно “Мастер функций”

Примітка. Існує інший спосіб задання функцій в Excel за допомогою режиму “Вставка функцій”, який можна викликати з меню “Вставка” або при натисненні кнопки “ f_x ” на стандартній панелі інструментів. Так, наприклад, формулу (1.4) можна задати таким чином.

1. Курсор в полі F6.
2. Натисніть кнопку “ f_x ”, викличте вікно “Мастер функций – шаг 1 с 2”.
3. Виберіть у вікні “Категория” категорію “Математические”.
4. У вікні “Функция” виберіть функцію СУММПРОИЗВ.
5. У вікні “СУММПРОИЗВ”, що з'явилося, в рядок “Массив 1” введіть вираз B\$3:E\$3, а в рядок “Массив 2” – вираз B6:E6 (рис.1.3).
6. Після введення комірок в рядки “Массив 1” і “Массив 2” у вікні “СУММПРОИЗВ” з'являться числові значення введених масивів (см. рис.1.3), а

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 9

в екранній формі в комірці F6 з'явиться поточне значення, обчислене за введеною формулою, тобто 0 (оскільки у момент введення формули значення змінних задачі нульові).

Залежність для лівих частин обмежень. Ліві частини обмежень задачі (1.1) є сумою кожної з комірок, відведених для значень змінних задачі (B3, C3, D3, E3), на відповідну комірку, відведену для коефіцієнтів конкретного обмеження (B10, C10, D10, E10 – 1-е обмеження; B11, C11, D11, E11 – 2-е обмеження і B12, C12, D12, E12 – 3-є обмеження). Формули, відповідні лівим частинам обмежень, показані в табл.1.1.

Таблиця 1.1 – Формули, що описують обмеження моделі (1.1)

Ліва частина обмеження	Формула Excel
Левая часть ограничения	Формула Excel
$-1,8x_1 + 2x_2 + x_3 - 4x_4$ или $B10 \cdot B3 + C10 \cdot C3 + D10 \cdot D3 + E10 \cdot E3$	=СУММПРОИЗВ(B\$3:E\$3;B10:E10)

або

$B10 \cdot B3 + C10 \cdot C3 + D10 \cdot D3 + E10 \cdot E3$	
$-1,8x_1 + 2x_2 + x_3 - 4x_4$ або $B10 \cdot B3 + C10 \cdot C3 + D10 \cdot D3 + E10 \cdot E3$	=СУММПРОИЗВ(B\$3:E\$3;B10:E10)
$-1,8x_1 + 2x_2 + x_3 - 4x_4$ или $B10 \cdot B3 + C10 \cdot C3 + D10 \cdot D3 + E10 \cdot E3$	=СУММПРОИЗВ(B\$3:E\$3;B10:E10)
$-6x_1 + 2x_2 + 4x_3 - x_4$ или $B11 \cdot B3 + C11 \cdot C3 + D11 \cdot D3 + E11 \cdot E3$	=СУММПРОИЗВ(B\$3:E\$3;B11:E11)

або

$B11 \cdot B3 + C11 \cdot C3 + D11 \cdot D3 + E11 \cdot E3$	
$-6x_1 + 2x_2 + 4x_3 - x_4$ або $B11 \cdot B3 + C11 \cdot C3 + D11 \cdot D3 + E11 \cdot E3$	=СУММПРОИЗВ(B\$3:E\$3;B11:E11)
$-6x_1 + 2x_2 + 4x_3 - x_4$ или $B11 \cdot B3 + C11 \cdot C3 + D11 \cdot D3 + E11 \cdot E3$	=СУММПРОИЗВ(B\$3:E\$3;B11:E11)
$4x_1 - 1,5x_2 + 10,4x_3 + 13x_4$ или $B12 \cdot B3 + C12 \cdot C3 + D12 \cdot D3 + E12 \cdot E3$	=СУММПРОИЗВ(B\$3:E\$3;B12:E12)

або

$B12 \cdot B3 + C12 \cdot C3 + D12 \cdot D3 + E12 \cdot E3$	
$4x_1 - 1,5x_2 + 10,4x_3 + 13x_4$ або $B12 \cdot B3 + C12 \cdot C3 + D12 \cdot D3 + E12 \cdot E3$	=СУММПРОИЗВ(B\$3:E\$3;B12:E12)

Як видно з табл.1.1, формули, задаючи ліві частини обмежень задачі (1.1), відрізняються одна від одної і від формули (1.4) в цільовій комірці F6 тільки номером рядка в другому масиві. Цей номер визначається тим рядком, в якому обмеження записано в екранній формі. Тому для задання залежності для лівих частин обмежень достатньо скопіювати формулу з цільової комірки в комірки

лівих частин обмежень. Для цього необхідно.

1. Помістити курсор в полі цільової комірки F6 і скопіювати в буфер вміст комірки F6 (клавішами “Ctrl-C”).

2. Поміщати курсор по черзі в поля лівої частини кожного з обмежень, тобто в F10, F11 і F12, і вставляти в ці поля вміст буфера (клавішами “Shift-Insert”) (при цьому номер комірок в другому масиві формули буде змінюватись на номер того рядка, в який була вироблена вставка з буфера).

3. На екрані в полях F10, F11 і F12 з'явиться 0 (нульове значення) (див. рис.1.2).

Перевірка правильності введення формул. Для перевірки правильності введених формул виконуєте по черзі подвійне натиснення лівої клавіші миші на комірки з формулами. При цьому на екрані рамкою будуть виділятися комірки, використовувані у формулі (рис.1.4 і 1.5).

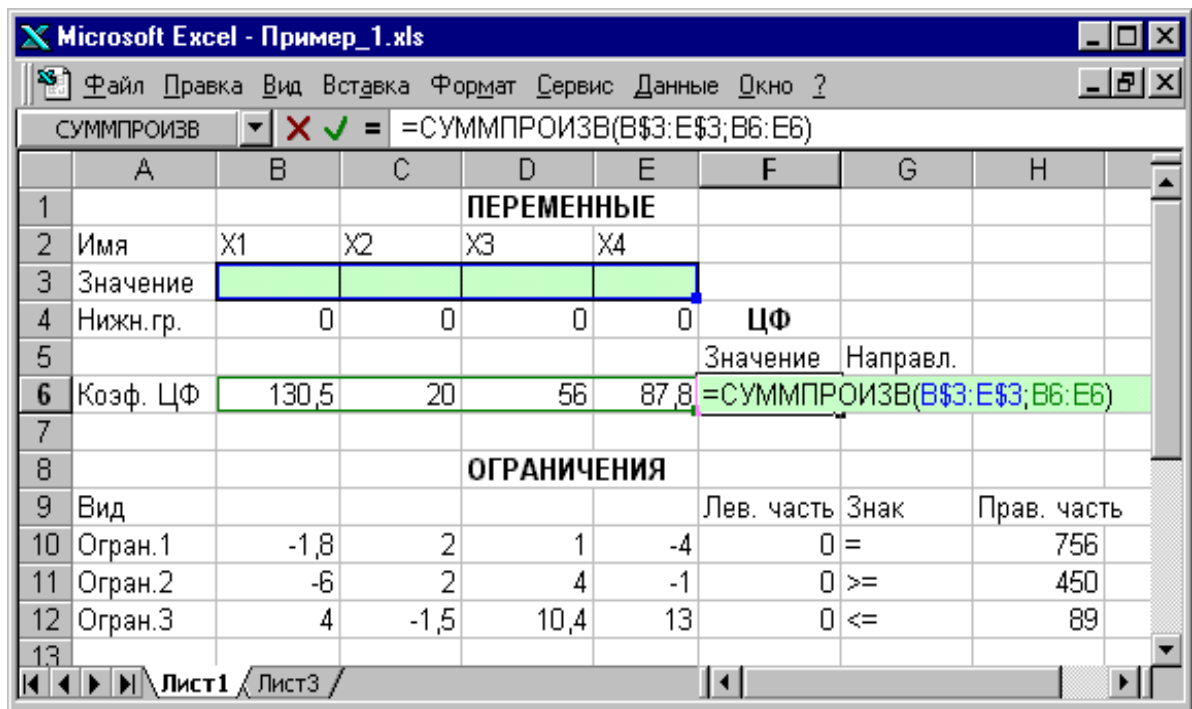


Рисунок 1.4 – Перевірка правильності введення формули в цільову комірку

Задання ЦФ. Подальші дії виконуються у вікні “Поиск решения”, яке викликається з меню “Сервис” (рис.1.6).

1. Поставте курсор в полі “Установить целевую ячейку”.

2. Введіть адресу цільової комірки \$F\$6 або зробіть одне натиснення лівої клавіші миші на цільову комірку в екранній формі – це буде рівносильно введенню адреси з клавіатури.

3. Введіть напрям оптимізації ЦФ, клацнувши один раз лівою клавішею миші по селекторній кнопці “максимальное значение”.

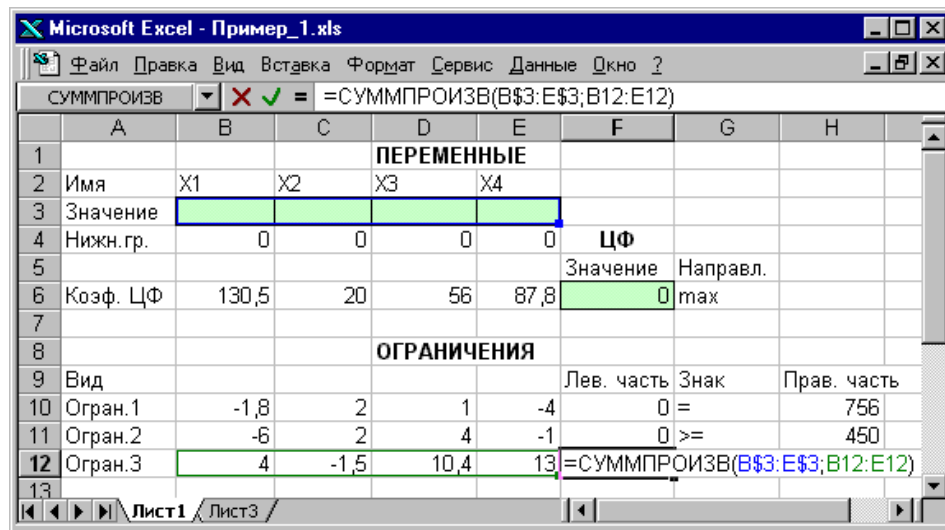


Рисунок 1.5 – Перевірка правильності введення формули в комірку F12

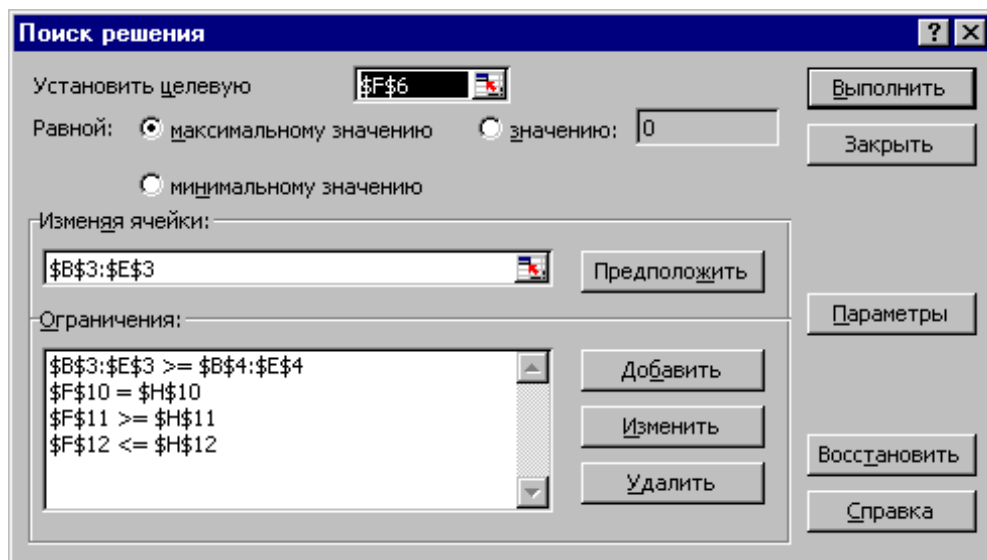


Рисунок 1.6. – Вікно “Поиск решения”

Введення обмежень, граничних умов та задання комірок змінних. У вікно “Поиск решения” в полі “Изменяя ячейки” впишіть адреси `$B$3:$E$3`. Необхідні адреси можна вносити в полі “Изменяя ячейки” і автоматично шляхом виділення мишею відповідних комірок змінних безпосередньо в екранній формі.

Задання граничних умов для допустимих значень змінних. В нашому випадку на значення змінних накладається тільки гранична умова позитивності, тобто їх нижня межа повинна бути рівна нулю (див. рис.1.1).

1. Натискуйте кнопку “Добавить”, після чого з'явиться вікно “Добавление ограничения” (рис.1.7).

2. В полі “Ссылка на ячейку” введіть адреси комірок змінних `$B$3:$E$3`. Це можна зробити як з клавіатури, так і шляхом виділення мишею всіх комірок змінних безпосередньо в екранній формі.

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 12

3. В полі знака відкрийте список пропонованих знаків і виберіть $\geq$.

4. В полі “Ограничения” введіть адреси комірок нижньої межі значень змінних, тобто $B\$4:E\4 . Їх також можна ввести шляхом виділення мишею безпосередньо в екранній формі.

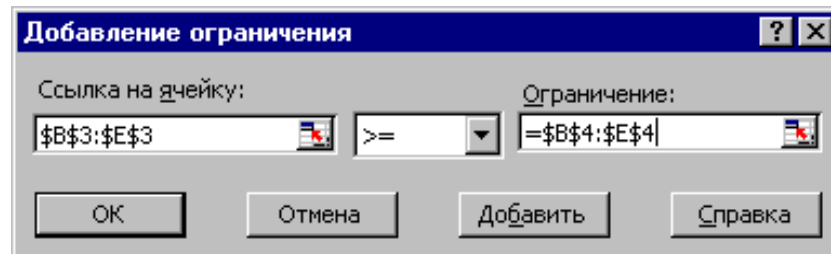


Рисунок 1.7 – Додавання умови позитивності змінних

Задання знаків обмежень $\leq$, $\geq$, $=$.

5. Натисніть кнопку “Добавить” у вікні “Добавление ограничения”.

6. В полі “Ссылка на ячейку” введіть адресу комірки лівої частини конкретного обмеження, наприклад $F\$10$. Це можна зробити як з клавіатури, так і шляхом виділення мишею потрібної комірки безпосередньо в екранній формі.

7. Відповідно до умови задачі (1.1) вибрати в полі знака необхідний знак, наприклад $=$.

8. В полі “Ограничения” введіть адреси комірки правої частини даного обмеження, наприклад $H\$10$.

9. Аналогічно введіть обмеження: $F\$11 \geq H\11 $F\$12 \leq H\12 .

10. Підтвердіть введення всіх перерахованих вище умов натисненням кнопки “ОК”.

Вікно “Поиск решения” після введення всіх необхідних даних задачі (1.1) подано на рис.1.6.

Якщо при введенні умови задачі виникає необхідність в зміні або видаленні внесених обмежень або граничних умов, то це роблять, натисканням кнопки “Изменить” або “Удалить” (див. рис.1.6).

Розв’язування задачі. Встановлення параметрів розв’язування задачі.

Задача запускається на розв’язування у вікні “Поиск решения”. Але заздалегідь для встановлення конкретних параметрів розв’язування задач оптимізації певного класу необхідно натискувати кнопку “Параметры” і заповнити деякі поля вікна “Параметры поиска решения” (рис.1.8).

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 13

Рисунок 1.8 – Параметри пошуку розв’язування, відповідні для більшості задач ЛП

Параметр “Максимальное время” служить для призначення часу (в секундах), що виділяється на розв’язування задачі. В полі можна ввести час, що не перевищує 32 767 секунд (більше 9 годин).

Параметр “Предельное число итераций” служить для управління часом розв’язування задачі шляхом обмеження числа проміжних обчислень. В полі можна ввести кількість ітерацій, що не перевищує 32 767.

Параметр “Относительная погрешность” служить для задання точності, з якою визначається відповідність комірки цільовому значенню або наближення до вказаних меж. Поле повинно містити число з інтервалу від 0 до 1. Чим менша кількість десяткових знаків у введеному числі, тим нижча точність. Висока точність збільшить час, який потрібний для того, щоб зійшовся процес оптимізації.

Параметр “Допустимое отклонение” служить для задання допуску на відхилення від оптимального розв’язування в цілочислових задачах. При вказанні більшого допуску “Поиск решения” закінчується швидше.

Параметр “Сходимость” застосовується тільки при розв’язуванні нелінійних задач.

Встановлення прапорця “Линейная модель” забезпечує прискорення пошуку розв’язування лінійної задачі за рахунок застосування симплекс-методу.

Підтвердіть встановлені параметри натисненням кнопки “ОК”.

Запуск задачі на розв’язування робиться з вікна “Поиск решения” шляхом натиснення кнопки “Выполнить”.

Після запуску на розв’язування задачі ЛП на екрані з’являється вікно “Результаты поиска решения” з одним з повідомлень, поданих на рис.1.9, 1.10 і 1.11.

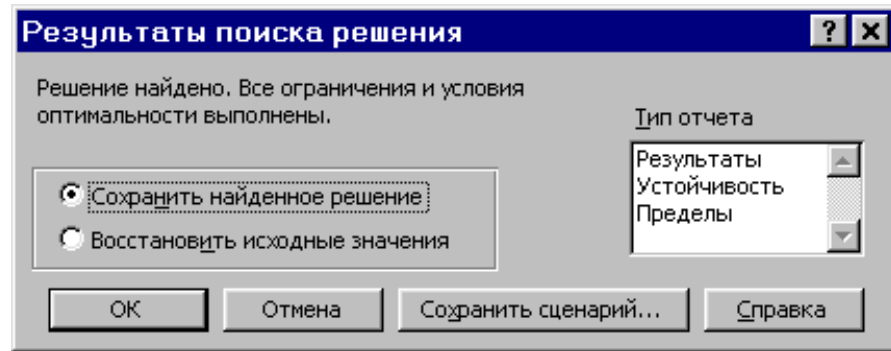


Рисунок 1.9 – Повідомлення про успішне розв’язування задачі

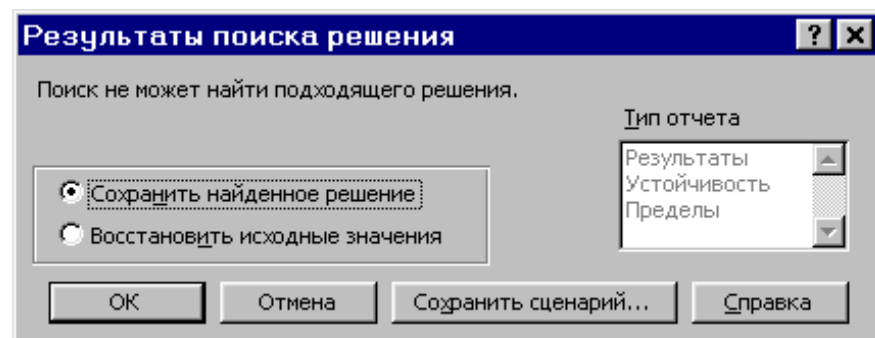


Рисунок 1.10 – Повідомлення при несумісній системі обмежень задачі

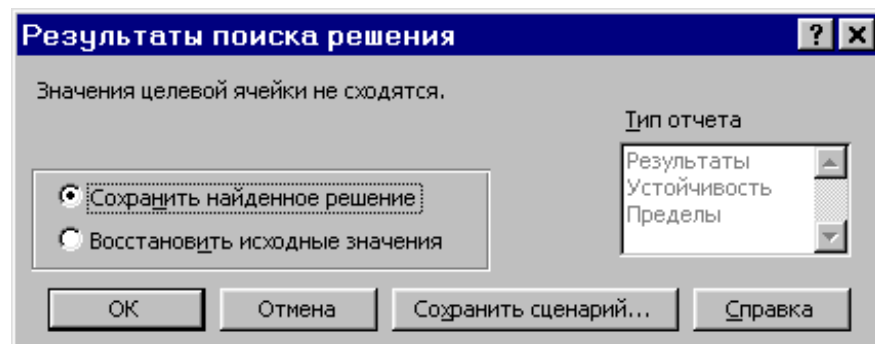


Рисунок 1.11 – Повідомлення при необмеженості ЦФ в необхідному напрямі

Іноді повідомлення, показані на рис.1.10 і 1.11, свідчать не про характер оптимального розв’язування задачі, а про те, що при введенні умов задачі в Excel були допущені помилки, що не дозволяють Excel знайти оптимальний розв’язок, який насправді існує.

Якщо при заповненні полів вікна “Поиск решения” були допущені помилки, що не дозволяють Excel застосувати симплекс-метод для розв’язування задачі або довести її розв’язування до кінця, то після запуску задачі на розв’язування на екран буде видано відповідне повідомлення з вказанням причини, за якою розв’язування не знайдено.

Іноді дуже мале значення параметра “Относительная погрешность” не дозволяє знайти оптимальний розв’язок. Для виправлення цієї ситуації

збільшуйте похибку порозрядно, наприклад, від 0,000001 до 0,00001 і т.д.

У вікні “Результаты поиска решения” подані назви трьох типів звітів: “Результаты”, “Устойчивость”, “Пределы”. Вони необхідні при аналізі отриманого розв’язку на чутливість (див. нижче підрозділ 3.3). Для отримання ж відповіді (значень змінних, ЦФ і лівих частин обмежень) прямо в екранній формі просто натискуйте кнопку “ОК”. Після цього в екранній формі з’являється оптимальний розв’язок задачі (рис.1.12).

Microsoft Excel - Пример_1.xls									
Ф6 = =СУММПРОИЗВ(В\$3:Е\$3;В6:Е6)									
1									
2	Имя	X1	X2	X3	X4				
3	Значение	100,661	546,444	0	38,925				
4	Нижн. гр.	0	0	0	0	ЦФ			
5						Значение	Направл.		
6	Козф. ЦФ	130,5	20	56	87,8	27482,714	max		
7									
8									
9	Вид					Лев. часть	Знак	Прав. часть	
10	Огран.1	-1,8	2	1	-4	756	=	756	
11	Огран.2	-6	2	4	-1	450	>=	450	
12	Огран.3	4	-1,5	10,4	13	89	<=	89	
13									

Рисунок 1.12 – Екранна форма задачі після отримання розв’язку

1.3.2 Цілочислове програмування

Припустимо, що до умови задачі (1.1) додалася вимога цілочислових значень всіх змінних. В цьому випадку описаний вище процес введення умови задачі необхідно доповнити такими кроками.

1. В екранній формі вкажіть, на які змінні накладається вимога цілочислової (цей крок робиться для наочності сприйняття умови задачі) (рис.1.13).

2. У вікні “Поиск решения” (меню “Сервис”→“Поиск решения”), натискуйте кнопку “Добавить” і у вікні “Добавление ограничения”, що з’явилося, введіть обмеження таким чином (рис.1.14):

3. В полі “Ссылка на ячейку” введіть адреси комірок змінних задачі, тобто \$B\$3:\$E\$3;

4. В полі введення знака обмеження встановіть “Целое”;

5. Підтвердіть введення обмеження натисненням кнопки “ОК”.

Microsoft Excel - Пример_1(целочисл).xls

Ф6 = СУММПРОИЗВ(В\$3:Е\$3;В6:Е6)

	A	B	C	D	E	F	G	H
1								
2	Имя	X1	X2	X3	X4			
3	Значение	100	546	0	39			
4	Нижн. гр.	0	0	0	0			
5	Целочисл.	целое	целое	целое	целое	Значение	Направл.	
6	Козф. ЦФ	130,5	20	56	87,8	27394,2	max	
7								
8								
9	Вид					Лев. часть	Знак	Прав. часть
10	Огран.1	-1,8	2	1	-4	756	=	756
11	Огран.2	-6	2	4	-1	453	>=	450
12	Огран.3	4	-1,5	10,4	13	88	<=	89
13								

Рисунок 1.13 – Розв’язування задачі за умови цілочислових змінних

Добавление ограничения

Ссылка на ячейку: \$B\$3:\$E\$3

Ограничение: целое

OK Отмена Добавить Справка

Рисунок 1.14 – Введення умови цілочислових змінних задачі

На рис.1.13 подано розв’язування задачі (1.1), до обмежень якої додано умову цілочислових значень її змінних.

1.3.3 Двохіндексні задачі ЛП

Двохіндексні задачі ЛП вводяться і розв’язуються в Excel аналогічно одноіндексним задачам. Специфіка введення умови двохіндексної задачі ЛП полягає лише в зручності матричного задання змінних задачі і коефіцієнтів ЦФ.

Розглянемо розв’язування двохіндексної задачі, суть якої полягає в оптимальній організації транспортних перевезень штучного товару зі складів в магазини (табл.1.2).

Таблиця 1.2 – Початкові дані транспортної задачі

Тарифи, грн./шт.	1-й магазин	2-й магазин	3-й магазин	Запаси, шт.
1-й склад	2	9	7	25
2-й склад	1	0	5	50
3-й склад	5	4	100	35

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 17

4-й склад	2	3	6	75
Потреби, шт.	45	90	50	

Цільова функція і обмеження даної задачі мають вигляд

$$\begin{aligned}
 L(X) = & 2x_{11} + 9x_{12} + 7x_{13} + x_{21} + 5x_{23} + 5x_{31} + \\
 & + 4x_{32} + 100x_{33} + 2x_{41} + 3x_{42} + 6x_{43} \rightarrow \min; \\
 \left\{ \begin{array}{l}
 x_{11} + x_{12} + x_{13} = 25, \\
 x_{21} + x_{22} + x_{23} = 50, \\
 x_{31} + x_{32} + x_{33} = 35, \\
 x_{41} + x_{42} + x_{43} = 75, \\
 x_{11} + x_{21} + x_{31} = 45, \\
 x_{12} + x_{22} + x_{32} = 90, \\
 x_{13} + x_{23} + x_{33} = 50, \\
 \forall x_{ij} \geq 0, \forall x_{ij} - \text{цілі} (i = \overline{1,4}; j = \overline{1,3}).
 \end{array} \right. \quad (1.5)
 \end{aligned}$$

Екранні форми, задання змінних, цільової функції, обмежень і граничних умов двохіндексної задачі (1.5) і її розв'язування подані на рис.1.15, 1.16, 1.17 і в табл.1.3.

Таблиця 1.3 – Формули екранної форми задачі

Об'єкт математичної моделі	Вираз в Excel
1	2
Змінні задачі	C3:E6
Формула в цільовій комірці F15	=СУММПРОИЗВ(C3:E6;C12:E15)
Обмеження по рядках в комірках F3, F4, F5, F6	=СУММ(C3:E3) =СУММ(C4:E4) =СУММ(C5:E5) =СУММ(C6:E6)

Продовження таблиці 1.3

1	2
Обмеження по стовпцях в комірках C7, D7, E7	=СУММ(C3:C6) =СУММ(D3:D6) =СУММ(E3:E6)
Сумарні запаси і потреби в комірках H8, G9	=СУММ(H3:H6) =СУММ(C9:E9)

	А	В	С	Д	Е	Г	Н	І
1		ПЕРЕМЕННЫЕ				ОГРАНИЧЕНИЯ		
2		целые	xi1	xi2	xi3	Лев. часть	Знак	Прав. часть
3		x1j				0	=	25
4		x2j				0	=	50
5		x3j				0	=	35
6		x4j				0	=	75
7	ОГРАНИЧЕНИЯ	Лев. часть	0	0	0			
8		Знак	=	=	=			185
9		Прав. часть	45	90	50		185	БАЛАНС
10		ТАРИФЫ	xi1	xi2	xi3			
11		x1j	2	9	7			
12		x2j	1	0	5			
13		x3j	5	4	100	ЦФ		
14		x4j	2	3	6	Значение	Направление	
15						0	min	

Рисунок 1.15 – Екранна форма двохіндексної задачі

Поиск решения

Установить целевую:

Равной: ☐ максимальному значению ☐ значению:

☒ минимальному значению

Изменяя ячейки:

Ограничения:

-
-
-
-

Рисунок 1.16 – Обмеження і граничні умови задачі

	А	В	С	Д	Е	Г	Н	І
1		ПЕРЕМЕННЫЕ				ОГРАНИЧЕНИЯ		
2		целые	xi1	xi2	xi3	Лев. часть	Знак	Прав. часть
3		x1j	25	0	0	25	=	25
4		x2j	0	50	0	50	=	50
5		x3j	0	35	0	35	=	35
6		x4j	20	5	50	75	=	75
7	ОГРАНИЧЕНИЯ	Лев. часть	45	90	50			
8		Знак	=	=	=			185
9		Прав. часть	45	90	50		185	БАЛАНС
10		ТАРИФЫ	xi1	xi2	xi3			
11		x1j	2	9	7			
12		x2j	1	0	5			
13		x3j	5	4	100	ЦФ		
14		x4j	2	3	6	Значение	Направление	
15						545	min	

Рисунок 1.17 – Екранна форма після отримання розв’язку задачі

1.3.4 Задачі з булевими змінними

Окремим випадком задач з цілочисловими змінними є задачі, в результаті

розв’язування яких шукані змінні x_j можуть приймати тільки одне з двох значень: 0 або 1. Такі змінні названі на честь англійського математика Джорджа Буля, що запропонував їх називати булевими. На рис.1.18 подана екранна форма з розв’язуванням деякої двохіндексної задачі з булевими змінними.

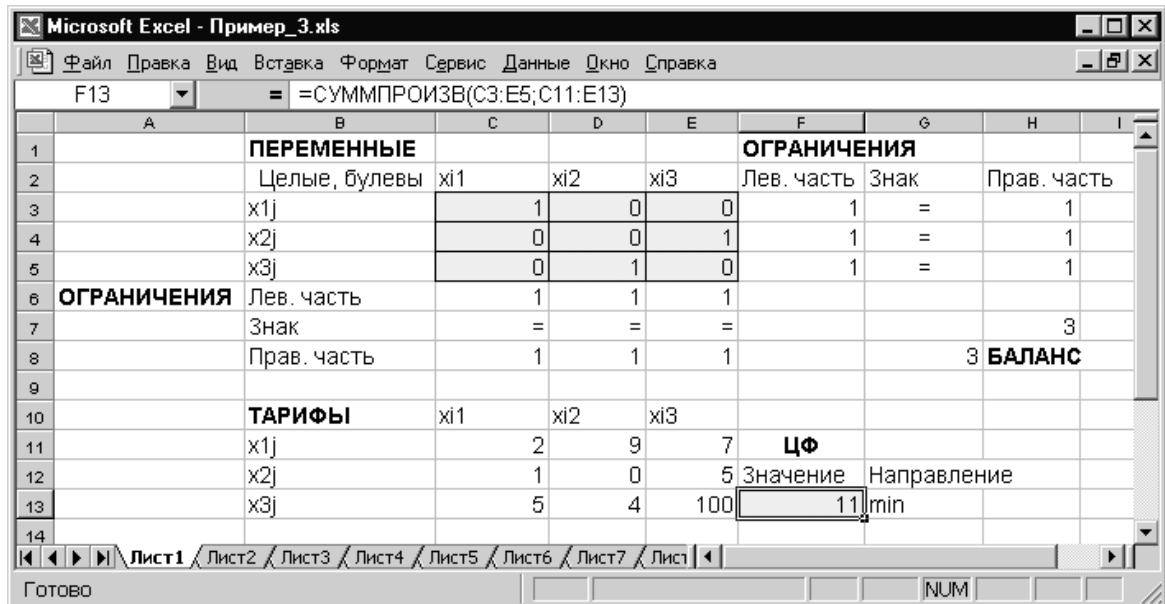


Рисунок 1.18 – Розв’язування двохіндексної задачі з булевими змінними

Крім задання вимоги цілочислової при введенні умови задач з булевими змінними необхідно.

1. Для наочності сприйняття ввести в екранну форму слово “булевые” як характеристики змінних (див. рис.1.18).

2. У вікні “Поиск решения” додати граничні умови, що мають обмеження значень змінних за їх одиничною верхньою межею (рис.1.19).

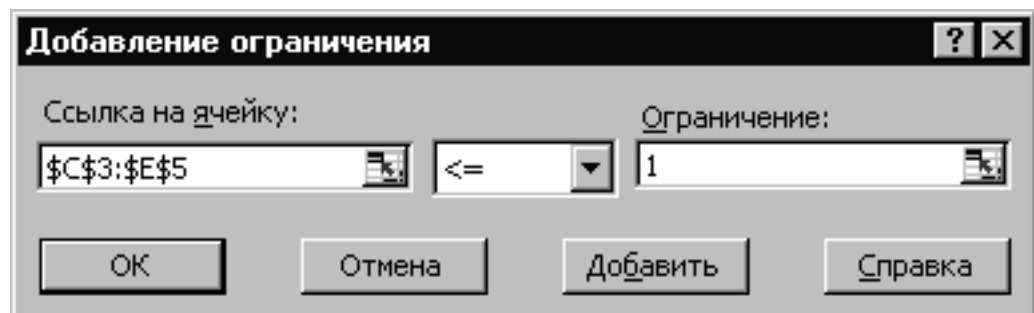


Рисунок 1.19 – Додання умови одиничної верхньої межі значень змінних двохіндексної задачі з булевими змінними

Вигляд вікна “Поиск решения” для задачі з булевими змінними, поданої на рис.1.18, наведений на рис.1.20.

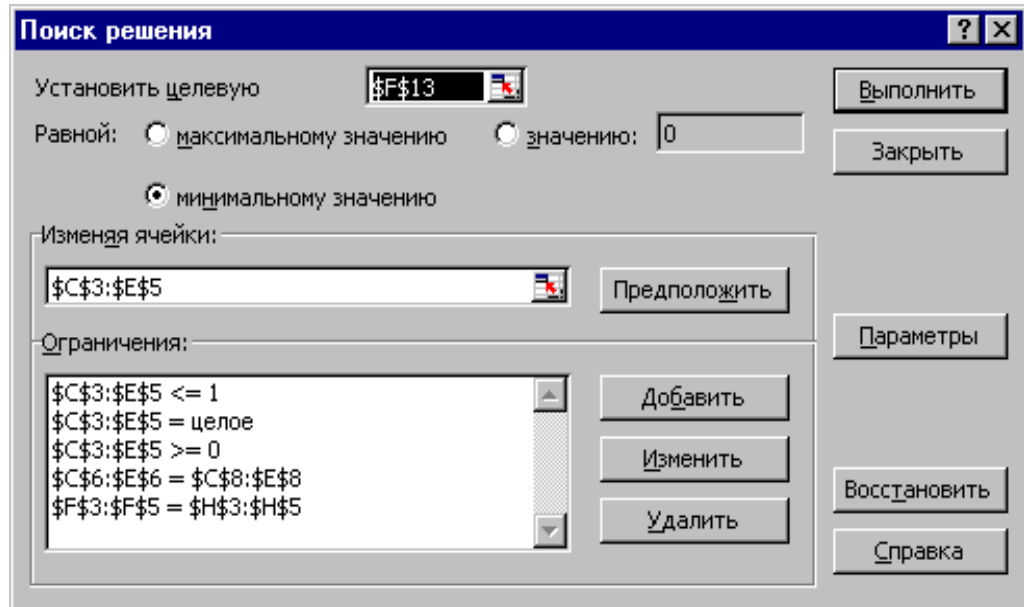


Рисунок 1.20 – Вікно “Поиск решения” для задачі з булевими змінними

1.4 Варіанти

Використовуючи MS Excel, знайти розв’язок для моделі ЛП, відповідної заданому варіанту (табл.1.4).

Таблица 1.4 – Варіанти задач до лабораторної роботи №1

Номер варіанта	Математична модель
1	2
1	$L(X) = 5x_1 + 7x_2 - 6x_3 + 9x_4 + 8x_5 \rightarrow \max;$ $\begin{cases} 0,7x_1 + 0,9x_2 + 1,5x_3 + 2,3x_4 + 1,8x_5 \leq 50000, \\ 0,4x_1 + 1,1x_2 - 0,5x_3 + 1,3x_4 - 2,8x_5 \geq 32000, \\ 0,5x_1 + 1,8x_3 + 0,7x_4 + 2x_5 \leq 40000, \\ 2,2x_1 - 1,4x_2 - 0,8x_3 + 0,9x_4 = 15000, \\ x_j \geq 0 \ (j = \overline{1,5}). \end{cases}$
2	$L(X) = x_1 + 4x_3 + 8x_4 - 12x_5 \rightarrow \min;$ $\begin{cases} x_1 + 9x_2 + 2x_3 - 4x_4 = 250, \\ 0,4x_1 + x_2 - 5x_3 + 3x_4 + 8x_5 \leq 460, \\ 0,5x_1 + 10x_2 - 8x_3 + 6x_4 + 2x_5 \leq 190, \\ 11x_2 - 8,5x_3 + 3x_4 + 2x_5 = 210, \\ x_j \geq 0 \ (j = \overline{1,5}). \end{cases}$

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 21

3	$L(X) = -45x_1 + 65x_2 + 2x_4 - 3x_5 \rightarrow \max;$ $\begin{cases} 15x_1 + 18x_2 + 34x_4 - 22x_5 = 56, \\ 2x_1 + 7x_3 - 4x_4 + 3x_5 \geq 91, \\ 0,2x_1 + 0,8x_2 + 1,5x_3 + 0,9x_4 + 4x_5 \leq 26, \\ 1,8x_1 - 42x_2 + 6,4x_3 + 3x_5 = 15, \\ x_j \geq 0 (j = \overline{1,5}). \end{cases}$
4	$L(X) = 14x_1 - 9x_2 - x_4 + 6,4x_5 \rightarrow \min;$ $\begin{cases} 0,9x_1 + 10x_2 - 28x_4 + 5x_5 \leq 245, \\ 0,8x_1 + 1,7x_2 - 0,2x_3 - 0,5x_4 = 9, \\ 6x_1 + 4x_3 - 7x_4 + 6,3x_5 \leq 54, \\ 8x_1 + 6,2x_2 - 4,8x_4 + 2,9x_5 \geq 17, \\ x_j \geq 0 (j = \overline{1,5}). \end{cases}$
5	$L(X) = 46x_1 + 2,3x_2 + 9,4x_3 - 4x_5 \rightarrow \max;$ $\begin{cases} 3x_1 + 7,8x_3 + 12x_4 + 9x_5 \geq 49, \\ 2,3x_2 + 5x_3 + 5,6x_4 - x_5 \leq 86, \\ 16x_1 - 40x_4 + 29x_5 = 50, \\ 190x_1 - 98x_2 - 4x_4 + 150x_5 \geq 300, \\ x_j \geq 0 (j = \overline{1,5}). \end{cases}$
6	$L(X) = 0,5x_1 + 1,8x_3 - 9,2x_4 + 14x_5 \rightarrow \min;$ $\begin{cases} 9,6x_2 + 15,7x_3 + 24x_4 - 8x_5 \leq 74, \\ 0,8x_1 + 11,1x_2 - 4,5x_3 + 1,5x_4 - 6,3x_5 = 22, \\ 14x_1 + 45x_2 - 38x_4 + 26x_5 \leq 46, \\ 220x_1 - 148x_2 - 7x_3 + 95x_5 \geq 150, \\ x_j \geq 0 (j = \overline{1,5}). \end{cases}$
7	$L(X) = 12x_2 + 89x_3 - 5x_5 \rightarrow \max;$ $\begin{cases} 2x_1 + 9,6x_2 + 15,7x_3 + 22x_4 - 8x_5 \leq 73, \\ 0,9x_1 + 11,1x_2 - 4,3x_3 + 1,5x_4 + 6,4x_5 = 19, \\ 14x_1 + 45x_2 - 38x_4 + 26x_5 \leq 49, \\ 220x_1 - 150x_2 + 3x_3 + 95x_5 = 133, \\ x_j \geq 0 (j = \overline{1,5}). \end{cases}$

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 22

8	$L(X) = 4x_1 + 6x_2 - 14x_3 + 49x_5 \rightarrow \min;$ $\begin{cases} 21x_1 + 9x_2 - 2x_4 - 12x_5 \geq 58, \\ 110x_2 - 60x_3 + 80x_4 - 45x_5 = 290, \\ 5x_2 + 27x_3 - 14x_4 + x_5 \leq 72, \\ 87x_1 - 6,4x_2 + 130x_4 = 140, \\ x_j \geq 0 (j = \overline{1,5}). \end{cases}$
9	$L(X) = -38x_1 + 60x_2 + x_3 + 4x_4 + 8x_5 \rightarrow \max;$ $\begin{cases} 18x_1 + 4x_2 + 2x_3 - 12x_5 \leq 86, \\ 2x_2 + 19x_3 - 7x_4 + 10x_5 = 130, \\ 0,4x_1 + 3x_2 - 4,2x_3 + 2x_4 - 5x_5 \leq 34, \\ 2,1x_1 + 13x_2 - 20x_3 + 6x_4 = 18, \\ x_j \geq 0 (j = \overline{1,5}). \end{cases}$
10	$L(X) = 10x_1 + 40x_3 + 13x_4 + 56x_5 \rightarrow \min;$ $\begin{cases} 7x_1 + 16x_3 + 5x_4 + 25x_5 \leq 600, \\ 8x_1 + 1,7x_2 - 0,5x_4 + 4,7x_5 = 890, \\ 6x_1 + 4x_3 - 7x_4 + 6,3x_5 \leq 270, \\ 84x_1 + 62x_2 + 80x_3 + 14x_5 \geq 2300, \\ x_j \geq 0 (j = \overline{1,5}). \end{cases}$
11	$L(X) = 84x_1 + 5,7x_2 + 10x_4 - 3x_5 \rightarrow \max;$ $\begin{cases} 4x_1 + 8,5x_2 + 16x_3 + 10x_5 \geq 50, \\ 10,4x_1 + 6x_3 + 2x_4 + 4x_5 \leq 120, \\ 19x_1 + 18x_2 - 20x_4 + 30x_5 = 600, \\ 200x_1 + 45x_2 - 8x_3 + 3,4x_4 \geq 210, \\ x_j \geq 0 (j = \overline{1,5}). \end{cases}$
12	$L(X) = 0,84x_2 - 4x_3 + 3,8x_4 + 12x_5 \rightarrow \min;$ $\begin{cases} 15x_1 + 9,6x_2 + 34x_4 - 8x_5 \leq 180, \\ 0,6x_1 + 11,1x_2 - 2,6x_3 + 1,5x_4 - 6,3x_5 = 68, \\ 14x_1 + 64x_3 - 38x_4 + 12x_5 \leq 81, \\ 190x_1 - 148x_2 - 7x_3 + 84x_5 \geq 230, \\ x_j \geq 0 (j = \overline{1,5}). \end{cases}$

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 23

1.5 Запитання на захисті роботи

1. Які основні етапи розв'язування задач лінійного програмування в MS Excel?
2. В чому сенс використання символу \$ у формулах MS Excel?
3. Чому при введенні формул в комірки ЦФ і лівих частин обмежень в них відображаються нульові значення?
4. Яким чином в MS Excel задається напрям оптимізації ЦФ?
5. Які комірки екранної форми виконують ілюстративну функцію, а які необхідні для розв'язування задачі?
6. Поясніть загальний порядок роботи з вікном “Поиск решения”.
7. Яким чином можна змінювати, додавати, видаляти обмеження у вікні “Поиск решения”?
8. Які повідомлення видаються в MS Excel у випадках: успішного розв'язування задачі ЛП; неспільності системи обмежень задачі; необмеженості ЦФ?
9. Поясніть сенс параметрів, що задаються у вікні “Параметри поиска решения”.
10. Які особливості розв'язування в MS Excel цілочислових задач лінійного програмування?
11. Які особливості розв'язування в MS Excel двохіндексних задач лінійного програмування?
12. Які особливості розв'язування в MS Excel задач лінійного програмування з булевими змінними?
13. Яке практичне значення задач лінійного програмування?
14. Запишіть формулу ЦФ.
15. Яким чином задається ЦФ?
16. В чому суть симплекс-методу для розв'язування задач лінійного програмування?
17. Яке практичне значення двохіндексних задач лінійного програмування?
18. Що таке булеві змінні?
19. Навіщо додавати обмеження при розв'язанні задач лінійного програмування?
20. Що таке відносна та абсолютна похибки?
21. Навіщо треба ставити параметр “Допустимое отклонение”?
22. Що таке граничні умови задачі?
23. Розв'язки яких задач можуть приймати тільки одне з двох значень: 0 або 1?
24. В чому полягає специфіка розв'язу двохіндексної задачі лінійного програмування?

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 24

2 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №2 ОРГАНІЗАЦІЯ ОПТИМАЛЬНОЇ СИСТЕМИ ПОСТАЧАННЯ

Мета роботи

Набуття навичок адаптації транспортної моделі ЛП для оптимізації системи постачання, що допускає транзитні перевезення.

Порядок виконання роботи

1. Відповідно до номера свого варіанта, виберіть умову задачі.
2. Побудуйте транспортні таблиці для кожної підзадачі.
3. Розв'яжіть в Excel усі підзадачі, зробіть вибір оптимальної системи постачання і покажіть результати викладачу.

4. Оформіть звіт з лабораторної роботи, що повинен містити:

- титульний аркуш;
- транспортні таблиці всіх підзадач і результати їхнього розв'язування;
- висновок про те, яка із систем постачання є оптимальною.

Захист роботи полягає в поясненні:

- транспортних таблиць кожного способу організації перевезень;
- результатів розв'язування задачі.

2.1 Теоретична частина

Матеріально-технічне забезпечення як одна з галузей сфери товарного обігу, що виконує функції обігу засобів виробництва, відіграє велику роль у підвищенні ефективності виробництва. Воно виступає як опосередкований зв'язок між виробництвом та виробничим споживанням продукції виробничо-технічного призначення та його діяльність з розширенням масштабів виробництва неперервно зростає.

Забезпечуючи міжгалузеві зв'язки з поставок продукції, структури матеріально-технічного забезпечення сприяють скороченню часу виробництва, підвищенню його ефективності та якості продукції за рахунок ритмічного, своєчасного забезпечення підприємств, економічними партіями різних видів сировини, матеріалів та обладнання.

На основі вивчення потреби в продукції виробничо-технічного призначення та умов її раціонального використання структури матеріально-технічного забезпечення безпосередньо впливає на промисловість та будівництво з метою поліпшення використання матеріальних ресурсів, впровадження у виробництво прогресивних матеріалів та ефективних технологічних рішень.

Вплив структур матеріально-технічного забезпечення на режим використання ресурсів в народному господарстві проявляється практично через усі сторони їх діяльності: розподіл продукції, координацію процесів

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 25

виробництва та споживання, оптимальне розміщення замовлень у промисловості, організацію збуту продукції виробничо-технічного призначення та її рух від виробника до споживача.

2.2 Постановка задачі

За замовленням п'яти споживачів А, Б, У, Г, Д на чотирьох підприємствах-виробниках виробляється продукція. У процесі доставки до споживачів продукція може зберігатися на трьох оптових базах. Існують такі три способи організації постачання споживачів продукцією.

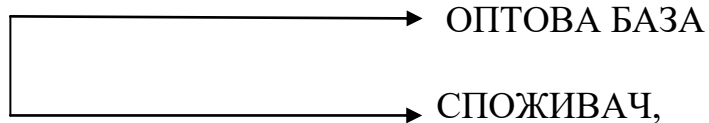
1. ВИРОБНИК → ОПТОВА БАЗА → СПОЖИВАЧ,

тобто вся продукція, зроблена ВИРОБНИКами, спочатку складається на оптових базах і тільки потім розвозиться споживачам.

2. ВИРОБНИК → СПОЖИВАЧ,

тобто вся продукція, зроблена ВИРОБНИКами, прямо доставляється споживачам, міняючи оптові бази.

3. ВИРОБНИК



тобто продукція, зроблена виробником, доставляється до споживачів частково прямо, а частково транзитом через оптові бази.

Необхідно вибрати оптимальний спосіб організації постачання споживачів продукцією підприємства-виробника.

2.3 Інструкція до виконання лабораторної роботи

1. Загальний підхід до розв'язування цієї задачі полягає в побудові транспортної моделі кожного зі способів організації постачання, аналізі витрат на доставку продукції і виборі мінімальної за витратами системи постачання.

2. При моделюванні різних систем постачання необхідно враховувати таке. У транспортній таблиці системи 1 і в транспортній таблиці системи 3 пунктами відправлення є як виробник, так і оптові бази; пунктами споживання є як споживачі, так і оптові бази. Транспортні таблиці систем 1 і 3 відрізняються розміщенням реальних і тарифів, що забороняють.

2.4 Варіанти

Щомісячний попит на продукцію [шт.], місткість оптових баз [шт.] і тарифи [грн./шт.] за доставку продукції з оптових баз до споживачів наведені в табл. 2.1. Щомісячні обсяги виробництва [шт.], місткість оптових баз [шт.] і

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015										Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023	
	Екземпляр № 1										Арк. 66 / 26	

сумарні витрати [грн./шт.] на виробництво і доставку продукції від виробників до оптових баз приведені в табл. 2.2. Щомісячні обсяги виробництва [шт.], попит на продукцію [шт.] і сумарні витрати [грн./шт.] на виробництво і доставку продукції від виробників до споживачів наведені в табл. 2.3. Номер варіанта складається з двох цифр. Перша цифра (0 або 1) вибирається в табл. 2.1 і 2.3 по вертикалі, а в табл. 2.2 – по горизонталі. Друга цифра (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6) вибирається в табл. 2.1 і 2.3 по горизонталі, а в табл. 2.2 – по вертикалі. Таким чином, номери варіантів мають вигляд 01, 02, ..., 06, 11, 12, ..., 16...

Таблиця 2.1 – Параметри перевезень з оптових баз до споживачів

			Спожив. А		Спожив. Б		Спожив. В		Спожив. Г		Спожив. Д		За-пас
			Варіант		Варіант		Варіант		Варіант		Варіант		
			0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	
Оптова база 1	Варіант	1	15	18	12	12	11	14	10	16	20	14	300
		2	12	20	32	28	14	25	22	19	36	40	540
		3	20	12	15	10	28	20	30	22	17	11	720
		4	20	35	32	25	36	18	20	34	25	15	620
		5	14	20	25	14	18	22	15	30	21	14	560
		6	22	14	20	10	25	32	30	35	24	18	780
Оптова база 2	Варіант	1	20	10	14	16	25	30	24	32	15	24	420
		2	16	15	20	11	31	18	20	40	17	30	380
		3	21	28	12	20	24	35	15	21	24	45	460
		4	16	16	27	14	20	20	21	25	28	38	350
		5	15	31	34	20	14	15	18	30	20	22	410
		6	14	30	10	26	18	16	24	36	34	25	450
Оптова база 3	Варіант	1	12	20	36	18	20	27	16	18	36	35	730
		2	16	12	26	10	32	42	34	14	10	16	690
		3	20	15	20	16	36	28	30	20	18	10	620
		4	18	28	15	26	28	31	18	40	20	27	580
		5	15	24	35	35	40	34	10	35	35	40	740
		6	22	32	28	14	25	20	35	24	20	35	610
Попит на товар			600	480	550	750	420	360	780	200	400	180	

Таблиця 2.2 – Параметри перевезень від виробників до оптових баз

Виробник	Варіант	Оптова база 1						Оптова база 2						Оптова база 3						Вир-во
		ВАРІАНТ						ВАРІАНТ						ВАРІАНТ						
		1	2	3	4	5	6	1	2	3	4	5	6	1	2	3	4	5	6	
1	0	27	18	12	20	24	10	10	14	9	8	12	16	31	27	20	25	17	22	510
	1	14	25	29	30	12	11	7	20	12	17	19	8	28	30	24	18	10	12	480
2	0	15	19	24	28	17	30	21	14	20	15	17	7	25	36	21	17	31	12	620
	1	20	27	14	10	29	21	14	10	9	16	20	6	24	18	30	26	18	31	570
3	0	11	7	26	20	9	6	22	18	10	19	24	14	27	30	15	10	19	21	660
	1	15	7	22	18	10	13	17	12	19	21	15	10	27	18	10	21	30	14	280
4	0	26	10	28	15	7	19	20	15	11	18	12	27	20	15	19	25	11	20	420
	1	20	25	14	9	11	18	16	27	19	10	14	20	21	32	36	25	18	12	390
Запас		300	540	720	620	560	780	420	380	460	350	410	450	730	690	620	580	740	610	450

Таблиця 2.3 – Параметри перевезень від виробників до споживачів

			Споживач А		Споживач Б		Споживач В		Споживач Г		Споживач Д		Вир- во
			Варіант		Варіант		Варіант		Варіант		Варіант		
			0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	
ВИРОБНИК 1	Варіант	1	10	2	2	12	1	14	10	6	20	14	510
		2	26	37	12	45	10	24	39	14	35	42	200
		3	11	28	6	10	18	20	22	34	16	14	550
		4	25	8	12	17	5	40	25	32	38	30	720
		5	24	14	27	40	48	35	21	30	12	40	200
		6	16	24	14	30	42	50	35	22	30	52	420
ВИРОБНИК 2	Варіант	1	24	8	18	30	20	35	14	40	26	30	400
		2	10	12	50	58	8	58	20	58	48	26	800
		3	32	16	45	34	10	16	32	8	25	16	250
		4	26	35	42	52	35	30	30	22	38	20	480
		5	16	20	30	38	26	48	50	50	48	52	900
		6	20	12	48	44	30	22	25	18	15	20	420
ВИРОБНИК 3	Варіант	1	32	28	54	40	16	28	28	24	10	20	460
		2	10	30	60	30	20	35	38	50	44	28	650
		3	8	24	25	21	52	42	50	48	48	22	800
		4	15	40	38	28	25	10	20	15	12	10	160
		5	18	37	16	32	40	35	9	10	25	16	360
		6	26	34	20	46	45	30	14	26	24	10	480
ВИРОБНИК 4	Варіант	1	16	41	30	17	55	45	45	50	46	30	790
		2	24	30	24	35	23	28	38	30	30	25	510
		3	30	25	37	20	30	32	35	28	25	9	560
		4	16	20	18	33	48	50	48	52	50	20	800
		5	22	36	10	42	36	48	40	48	45	24	700
		6	28	40	40	25	18	20	28	16	18	15	400
Попит на товар			600	480	550	750	420	360	780	200	400	180	

2.5 Запитання на захисті роботи

1. Що являє собою оптимальна система постачання?
2. Яка постановка транспортної моделі ЛП?
3. Визначте який вигляд має транспортна модель.
4. Який економічний зміст елементів моделі?
5. Яка сутність кожного етапу побудови моделі?
6. Що являє собою транспортна таблиця?
7. Обґрунтуйте найоптимальнішу систему постачання.

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 29

3 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №3 СТАНДАРТНА ТРАНСПОРТНА ЗАДАЧА

Мета роботи

Придбання навичок побудови математичних моделей стандартних транспортних задач ЛП і розв'язування їх у Microsoft Excel.

Порядок виконання роботи

1. Відповідно до номера свого варіанта виберіть умову задачі.
2. Побудуйте модель задачі, включаючи транспортну таблицю.
3. Знайдіть оптимальний розв'язок задачі в Excel і продемонструйте його викладачу.
4. Оформіть звіт з лабораторної роботи, що повинен містити:
 - титульний аркуш;
 - транспортну таблицю, модель задачі з вказанням всіх одиниць виміру;
 - результати розв'язування задачі з вказанням одиниць виміру.

3.1 Теоретична частина

3.1.1 Стандартна модель транспортної задачі (ТЗ)

Задача про розміщення (транспортна задача) – це РЗ, у якій роботи і ресурси вимірюються в тих самих одиницях. У таких задачах ресурси можуть бути розділені між роботами, і окремі роботи можуть бути виконані за допомогою різних комбінацій ресурсів. Прикладом типової транспортної задачі є розподіл (транспортування) продукції, що знаходиться на складах, на підприємствах-споживачах.

Стандартна ТЗ визначається як задача розроблення найбільш економічного плану перевезення продукції одного виду з декількох пунктів відправлення в пункти призначення. При цьому величина транспортних витрат прямо пропорційна обсягові перевезеної продукції і задається за допомогою тарифів на перевезення одиниці продукції.

Вихідні параметри моделі ТЗ:

n – кількість пунктів відправлення, m – кількість пунктів призначення.

а) a_i – запас продукції в пункті відправлення A_i ($i = \overline{1, n}$) [од. тов.];

б) b_j – попит на продукцію в пункті призначення B_j ($j = \overline{1, m}$) [од. тов.];

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 30

в) c_{ij} – тариф (вартість) перевезення одиниці продукції з пункту відправлення A_i в пункт призначення B_j [грн./од. тов.].

Шукані параметри моделі ТЗ

1. x_{ij} – кількість продукції, перевезеної з пункту відправлення A_i в пункт призначення B_j [од. тов.].

2. $L(X)$ – транспортні витрати на перевезення всієї продукції [грн.].

Етапи побудови моделі.

1. Визначення змінних.
2. Перевірка збалансованості задачі.
3. Побудова збалансованої транспортної матриці.
4. Задання ЦФ.
5. Задання обмежень.

Транспортна модель

$$L(X) = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m c_{ij} x_{ij} \rightarrow \min ;$$

$$\begin{cases} \sum_{j=1}^m x_{ij} = a_i, i = \overline{1, n}, \\ \sum_{i=1}^n x_{ij} = b_j, j = \overline{1, m}, \\ \forall x_{ij} \geq 0 (i = \overline{1, n}; j = \overline{1, m}). \end{cases} \quad (3.1)$$

Цільова функція являє собою транспортні витрати на здійснення всіх перевезень у цілому. Перша група обмежень указує, що запас продукції в будь-якому пункті відправлення повинен дорівнювати сумарному обсягу перевезень продукції з цього пункту. Друга група обмежень указує, що сумарні перевезення продукції в деякий пункт споживання повинні цілком задовольнити попит на продукцію в цьому пункті. Наочною формою подання моделі ТЗ є транспортна матриця (табл. 3.1).

З моделі (3.1) випливає, що сума запасів продукції у всіх пунктах відправлення повинна дорівнювати сумарній потребі у всіх пунктах споживання, тобто

$$\sum_{i=1}^n a_i = \sum_{j=1}^m b_j. \quad (3.2)$$

Таблиця 3.1 – Загальний вигляд транспортної матриці

Пункти відправлення, A_i	Пункти споживання, B_j				Запаси, [од. прод.]
	B_1	B_2	...	B_m	
A_1	c_{11}	c_{12}	...	c_{1m}	a_1
A_2	c_{21}	c_{22}	...	c_{2m}	a_2
...	...	...	...	...	...
A_n	c_{n1}	c_{n2}	...	c_{nm}	a_n
Потреба [од. прод.]	b_1	b_2	...	b_m	$\sum_{i=1}^n a_i = \sum_{j=1}^m b_j$

Якщо (3.2) виконується, то ТЗ називається збалансованою, у протилежному випадку – незбалансованою. Оскільки обмеження моделі (3.1) можуть бути виконані тільки при збалансованій ТЗ, то при побудові транспортної моделі необхідно перевіряти умову балансу (3.2). У випадку, коли сумарні запаси перевищують сумарні потреби, необхідний додатковий фіктивний пункт споживання, що буде формально споживати існуючий надлишок запасів, тобто

$$b_{\phi} = \sum_{i=1}^n a_i - \sum_{j=1}^m b_j. \quad (3.3)$$

Якщо сумарні потреби перевищують сумарні запаси, то необхідно додатковий фіктивний пункт відправлення, що формально заповнює існуючий надлишок продукції в пунктах відправлення:

$$a_{\phi} = \sum_{j=1}^m b_j - \sum_{i=1}^n a_i. \quad (3.4)$$

Уведення фіктивного споживача або відправника спричинить необхідність формального задання фіктивних тарифів c_{ij}^{ϕ} (реально неіснуючих) для фіктивних перевезень. Оскільки нас цікавить визначення найбільш вигідних реальних перевезень, то необхідно передбачити, щоб при розв’язанні задачі (при перебуванні опорних планів) фіктивні перевезення не розглядалися доти, поки не будуть визначені всі реальні перевезення. Для цього треба фіктивні перевезення зробити невідповідними, тобто дорогими, щоб при пошуку розв’язку задачі їх розглядали в останню чергу. Таким чином, величина фіктивних тарифів повинна перевищувати максимальний з реальних тарифів, використовуваних у моделі, тобто

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 32

$$c_{ij}^{\phi} > \max c_{ij} \left(i = \overline{1, n}; j = \overline{1, m} \right).$$

На практиці можливі ситуації, коли у визначених напрямках перевезення продукції неможливі, наприклад, через ремонт транспортних магістралей. Такі ситуації моделюються за допомогою введення так званих заборонних тарифів c_{ij}^3 . Заборонні тарифи повинні зробити неможливими, тобто зовсім не вигідними, перевезення у відповідних напрямках. Для цього величина заборонних тарифів повинна перевищувати максимальний з реальних тарифів, використовуваних у моделі:

$$c_{ij}^3 > \max c_{ij} \left(i = \overline{1, n}; j = \overline{1, m} \right).$$

3.2 Постановка задачі

На складах зберігається борошно, яке необхідно завезти в хлібопекарні. Номери складів і номери хлібопекарень вибираються відповідно до варіантів табл. 3.4. Поточні тарифи перевезення борошна [грн./т], щомісячні запаси борошна [т/міс.] на складах і потреби хлібопекарень у борошні [т/міс.] зазначені в табл. 3.5.

При цьому необхідно враховувати, що через ремонтні роботи тимчасово немає можливості перевозити борошно з деяких складів у деякі хлібопекарні. У табл. 3.4 це показано в графі “Заборона перевезення”. Наприклад, “2×3” означає, що не можна перевозити борошно зі складу №2 у хлібопекарню №3.

Крім того, необхідно врахувати, що деякі хлібопекарні мають договори на гарантоване постачання борошна з певних складів. У табл. 3.4 це показано в графі “Гарантоване постачання” у вигляді: номер складу помножити на номер хлібопекарні дорівнює обсягу постачання. Наприклад, “1×4 = 40” означає, що між складом №1 і магазином №4 укладений договір на обов'язкове постачання 40 т борошна. Необхідно врахувати, що борошно зберігається і транспортується в мішках вагою 50 кг.

3.3 Інструкція до виконання лабораторної роботи

Розв'язок задачі полягає в необхідності організувати оптимальні за транспортними витратами перевезення борошна з двох складів у три хлібопекарні. Щомісячні запаси борошна на складах рівні 79,515 і 101,925 т, а щомісячні потреби хлібопекарень складають 68,5, 29,5 і 117,4 т, відповідно. Борошно на складах зберігається і транспортується в мішках по 45 кг. Транспортні витрати (грн./т) з доставки борошна подані в табл. 3.2. Між першим складом і другою хлібопекарнею укладений договір про

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 33

гарантоване постачання 4,5 т борошна щомісяця. У зв'язку з ремонтними роботами тимчасово неможливе перевезення з другого складу в третю хлібопекарню.

Таблиця 3.2 – Транспортні витрати з доставки борошна (грн./т)

Склади	Хлібопекарні		
	X1	X2	X3
31	350	190	420
32	400	100	530

ТЗ являє собою задачу ЛП, яку можна розв'язувати симплекс-методом, що і відбувається при розв'язуванні таких задач у Excel. У той же час існує більш ефективний обчислювальний метод – метод потенціалів, у випадку застосування якого використовується специфічна структура умов ТЗ (3.1) і, власне кажучи, відтворюються кроки симплекс-алгоритму. Виходячи з цього, у лабораторній роботі необхідно побудувати модель задачі вигляду (3.1), придатну для її розв'язування методом потенціалів.

Визначення змінних. Позначимо через x_{ij} [мішків] кількість мішків з борошном, що будуть перевезені з і-го складу в j-у хлібопекарню.

Перевірка збалансованості задачі. Перш ніж перевіряти збалансованість задачі, треба виключити обсяг гарантованого постачання з подальшого розгляду. Для цього віднімемо 4,5 т з таких величин:

- із запасу першого складу $a_1 = 79,515 - 4,5 = 75,015$ т/міс.;
- з потреби в борошні другої хлібопекарні

$$b_2 = 29,5 - 4,500 = 25,000 \text{ т/міс.}$$

Відповідно до умови задачі борошно зберігається і перевозиться в мішках по 45 кг, тобто одиницями виміру змінних x_{ij} є мішки борошна. Але запаси борошна на складах і потреба в ній магазинів задані в тоннах. Тому для перевірки балансу і подальшого розв'язування задачі зводимо ці величини до однієї одиниці вимірювання – мішків. Наприклад, запас борошна на першому складі дорівнює 75,015 т/міс., або $\frac{75,015 \text{ т} / \text{міс.}}{0,045 \text{ т} / \text{міш.}} = 1667 \text{ міш.} / \text{міс.}$, а потреба першої хлібопекарні складає 68

$$\text{т/міс. або } \frac{68,000 \text{ т} / \text{міс.}}{0,045 \text{ т} / \text{міш.}} = 1511,1 \approx 1512 \text{ міш.} / \text{міс.}$$

Округлення при розрахунку потреб треба проводити у більшу сторону, інакше потреба в борошні не буде задоволена цілком.

Для даної ТЗ має місце співвідношення

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 34

$$\overbrace{1667 + 2265}^{склади} < \overbrace{1512 + 556 + 2609}^{хлібопекарні}.$$

$3932 \text{ міш./міс.} \qquad 4677 \text{ міш./міс.}$

Щомісячний сумарний запас борошна на складах менший сумарної потреби хлібопекарень на $4677 - 3932 = 745$ мішків борошна, звідси випливає висновок: ТЗ незбалансована.

Побудова збалансованої транспортної матриці. Збалансована транспортна матриця подана в таблиці 3.3. Вартість перевезення борошна повинна бути віднесена до одиниці продукції, тобто до 1 мішка борошна. Так, наприклад, тариф перевезення з першого складу в третій магазин дорівнює $420 \text{ грн./т} \cdot 0,045 \text{ т/міш.} = 18,90 \text{ грн./міш.}$

Таблиця 3.3 – Транспортна матриця задачі

Склади	Хлібопекарні			Запас, мішки
	X ₁	X ₂	X ₃	
C ₁	15,75	8,55	18,90	1667
C ₂	18,00	4,50	100,00	2265
C _ф	50,00	50,00	50,00	745
Потреба, мішки	1512	556	2609	$\Sigma = 4677$

Для встановлення балансу необхідний додатковий фіктивний склад, тобто додатковий рядок у транспортній таблиці задачі. Фіктивні тарифи перевезення задамо таким чином, щоб вони були дорожчі реальних тарифів, наприклад, $c_{3j}^{\phi} = 50,00$ грн./міш.

Неможливість доставки вантажів із другого складу в третю хлібопекарню задається в моделі за допомогою тарифу, що забороняє, що повинен перевищувати величину фіктивного тарифу, наприклад, $c_{23}^3 = 100,00$, грн./міш.

Задання ЦФ.

Формальна ЦФ, тобто сумарні витрати на всі можливі перевезення борошна, що враховуються в моделі, задається таким виразом:

$$L(X) = 15,75x_{11} + 8,55x_{12} + 18,90x_{13} + 18,00x_{21} + 4,50x_{22} + 100,00x_{23} + 50,00x_{31} + 50,00x_{32} + 50,00x_{33} \rightarrow \min (\text{грн./міс.}). \quad (3.5)$$

При цьому варто враховувати, що унаслідок використання фіктивних тарифів реальна ЦФ (тобто кошти, що у дійсності прийдеться заплатити за

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 35

транспортування борошна) буде менша формальної ЦФ (3.5) на вартість знайдених у процесі розв’язування фіктивних перевезень.

Задання обмежень.

$$\begin{cases} x_{11} + x_{12} + x_{13} = 1667, \\ x_{21} + x_{22} + x_{23} = 2265, \\ x_{31} + x_{32} + x_{33} = 745, \\ x_{11} + x_{21} + x_{31} = 1512, \quad (\text{міш./міс.}) \\ x_{12} + x_{22} + x_{32} = 556, \\ x_{13} + x_{23} + x_{33} = 2609, \\ x_{ij} \geq 0 \quad (\forall i = \overline{1,3}; \forall j = \overline{1,3}). \end{cases}$$

3.4 Варіанти

Таблиця 3.4 – Номери складів, хлібопекарень, заборонені і гарантовані постачання

Номер варіанта	Номер складів	Номер хлібопекарень	Заборона перевезення	Гарантоване постачання, т/міс.
1	1, 2, 3	1, 2, 3, 4	$2 \times 2, 3 \times 4$	$3 \times 3 = 50$
2	2, 3, 4, 5	1, 2, 5	$2 \times 2, 3 \times 5$	$3 \times 2 = 40$
3	1, 2, 4	1, 2, 3, 5	$1 \times 5, 2 \times 3$	$4 \times 3 = 45$
4	1, 2, 3, 4	3, 4, 5	$3 \times 3, 4 \times 5$	$3 \times 5 = 40$
5	1, 2, 5	2, 3, 4, 5	$1 \times 4, 5 \times 3$	$1 \times 5 = 60$
6	1, 2, 3, 5	2, 3, 5	$5 \times 5, 2 \times 2$	$3 \times 5 = 30$
7	2, 3, 4	2, 3, 4, 5	$3 \times 3, 2 \times 5$	$4 \times 3 = 45$
8	1, 2, 3, 5	1, 2, 4	$1 \times 2, 5 \times 4$	$3 \times 2 = 20$
9	2, 3, 5	1, 2, 3, 5	$5 \times 1, 3 \times 5$	$5 \times 2 = 30$
10	2, 3, 4, 5	2, 3, 4	$5 \times 4, 3 \times 2$	$4 \times 3 = 35$
11	3, 4, 5	1, 2, 3, 4	$3 \times 4, 5 \times 1$	$4 \times 1 = 40$
12	1, 2, 3, 4	1, 2, 3	$3 \times 2, 4 \times 1$	$2 \times 2 = 50$

Таблиця 3.5 – Запаси, потреби і тарифи перевезень

Склади	Хлібопекарні					Запас, т/міс.
	1	2	3	4	5	
1	400	600	800	200	200	80
2	300	100	500	600	500	70
3	500	200	100	600	300	60
4	300	700	200	400	900	55
5	200	500	800	200	400	65
Попит, т/міс.	77,86	56,78	58,88	62,44	73,92	

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 36

3.5 Запитання на захист роботи

1. Що таке задача про розміщення?
2. Запишіть математичну модель транспортної задачі.
3. Перелічіть вихідні і шукані параметри моделі транспортної задачі.
4. Яка суть кожного з етапів побудови моделі транспортної задачі?
5. Розкрийте поняття збалансованості транспортної задачі.
6. Що таке фіктивні і заборонні тарифи?
7. У якому співвідношенні повинні знаходитися величини фіктивних і заборонних тарифів при необхідності їх одночасного використання в транспортній моделі?
8. В чому суть транспортної задачі?
9. Яке практичне значення транспортної задачі?
10. Навіщо при розв'язуванні транспортної задачі додаються фіктивні споживачі або постачальники?
11. Що таке формальна цільова функція?
12. Опишіть вхідні параметри транспортної задачі.
13. Назвіть приклад використання транспортної задачі.
14. Яке значення в транспортній задачі мають заборонні тарифи?
15. Які фактори впливають на вартість фіктивних перевезень?
16. У чому суть методу потенціалів при розв'язуванні транспортної задачі?

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 37

4 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №4 ЗАДАЧА ПРО ПРИЗНАЧЕННЯ

Мета роботи

Придбання навичок побудови математичних моделей задач про призначення і розв'язування цих задач у Microsoft Excel.

Порядок виконання роботи

1. Відповідно до номера свого варіанта виберіть умову задачі.
2. Побудуйте модель задачі, включаючи транспортну таблицю.
3. Знайдіть оптимальний розв'язок задачі за допомогою Excel і покажіть його викладачу.
4. Оформіть звіт з лабораторної роботи, що повинен містити:
 - титульний аркуш.
 - транспортну таблицю і модель задачі з вказанням всіх одиниць виміру;
 - результат розв'язування задачі з вказанням одиниць вимірювання.

4.1 Теоретична частина

Задача про призначення – це РЗ, у якій для виконання кожної роботи потрібно один і тільки один ресурс (одна людина, одна автомашина і т.д.), а кожен ресурс може бути використаний на одній і тільки одній роботі.

Таким чином, задача про призначення є окремим випадком ТЗ. Задача про призначення має місце при призначенні людей на посади або роботи, автомашин на маршрути, водіїв на машини, при розподілі груп по аудиторіях, наукових тим по науково-дослідних лабораторіях і т.п.

Вихідні параметри моделі задачі про призначення.

1. n – кількість ресурсів, m – кількість робіт.
2. $a_i = 1$ – одинична кількість ресурсу A_i ($i = \overline{1, n}$), наприклад: один працівник; один транспортний засіб; одна наукова тема і т.д.
3. $b_j = 1$ – одинична кількість роботи B_j ($j = \overline{1, m}$), наприклад: одна посада; один маршрут; одна лабораторія.
4. c_{ij} – характеристика якості виконання роботи B_j за допомогою ресурсу A_i . Наприклад, компетентність i -го працівника при роботі на j -й посаді; час, за який i -ий транспортний засіб перевезе вантаж по j -му маршруту; ступінь кваліфікації i -ої лабораторії при роботі над j -ою

науковою темою.

Шукані параметри.

1. x_{ij} – факт призначення або непризначення ресурсу A_i на роботу B_j :

$$x_{ij} = \begin{cases} 0, & \text{якщо } i\text{-й ресурс не назначено на } j\text{-роботу;} \\ 1, & \text{якщо } i\text{-й ресурс назначено на } j\text{-роботу.} \end{cases}$$

2. $L(X)$ – загальна (сумарна) характеристика якості розподілу ресурсів по роботах.

Таблиця 2.1 – Загальний вигляд транспортної матриці задачі про призначення

Ресурси, A_i	Роботи, B_j				Кількість ресурсів
	B_1	B_2	...	B_m	
A_1	c_{11}	c_{12}	...	c_{1m}	1
A_2	c_{21}	c_{22}	...	c_{2m}	1
...	...	...	...	...	...
A_n	c_{n1}	c_{n2}	...	c_{nm}	1
Кількість робіт	1	1	...	1	$\sum_{i=1}^n a_i = \sum_{j=1}^m b_j$

Модель задачі про призначення

$$L(X) = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m c_{ij} x_{ij} \rightarrow \min ;$$

$$\begin{cases} \sum_{j=1}^m x_{ij} = 1 \quad (i = \overline{1, n}), \\ \sum_{i=1}^n x_{ij} = 1 \quad (j = \overline{1, m}), \\ x_{ij} = \begin{cases} 0, & (i = \overline{1, n}; j = \overline{1, m}). \\ 1, & \end{cases} \end{cases} \quad (4.1)$$

Специфічна структура задачі про призначення дозволила розробити так званий “Угорський метод” її розв’язування. Тому, хоча в Excel такі задачі розв’язуються звичайним симплексом-методом, у лабораторній роботі потрібно побудувати модель задачі про призначення вигляду (4.1). У деяких випадках, наприклад, коли c_{ij} – це компетентність, досвід роботи або кваліфікація працівників, умова задачі може потребувати максимізації

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 39

ЦФ, на відміну від (5.1). У цьому випадку ЦФ $L(X)$ заміняють на $L_1(X) = -L(X)$ і розв'язують задачу з ЦФ $L_1(X) \rightarrow \min$, що рівносильно розв'язанню задачі з ЦФ $L(X) \rightarrow \max$.

4.2 Постановка задачі

Відділ кадрів підприємства влаштував конкурсний набір фахівців на дві вакантні посади. На ці нові місця (НМ) претендують 3 вже працюючих співробітники (КС), що зайняті в інших відділах, і 4 нових співробітника (НС). Номери нових співробітників, нових і існуючих місць вибираються за варіантами з табл. 4.2. Номери існуючих місць є номерами вже працюючих співробітників.

Відділ кадрів оцінив за десятибальною шкалою компетентність нових співробітників (табл. 4.3) і вже працюючих співробітників (табл. 4.4) для роботи на нових місцях, і на існуючих місцях (КМ), тобто зайнятих працюючими співробітниками. Необхідно врахувати, що керівництво підприємства, по-перше, не хоче щоб вже працюючі співробітники претендували на місця один одного, і, по-друге, не має наміру їх звільняти. Необхідно розподілити всіх співробітників за посадами.

4.3 Інструкція до виконання лабораторної роботи

1. Процес приведення задачі про призначення до збалансованого вигляду має свої особливості в порівнянні з ТЗ. Якщо умова збалансованості задачі не виконується через недостачу робіт або виконавців у кількості k_{ab} , то для створення балансу треба ввести таку ж кількість k_{ab} фіктивних рядків або стовпців.

2. Особливістю розв'язування даної задачі є моделювання системи переваг, що склалася в керівництва підприємства за описаним в умові задачі кадровим питанням.

3. У задачі про призначення, звільнення вже працюючого співробітника або неприйняття на роботу нового співробітника моделюється потраплянням одиниці у фіктивний стовпець матриці розв'язувань задачі, тому для заборони або дозволу в такій ситуації необхідно використовувати відповідні “тарифи”.

4. Значення “тарифів” c_{ij}^3 вибираються в залежності від напрямку оптимізації ЦФ задачі про призначення ($L(X) \rightarrow \max$ або $L(X) \rightarrow \min$). При цьому керуються принципом “невигідності” заборонених призначень. Так, якщо $L(X)$ – це загальна компетентність працівників, то як забороні треба вибрати нульові компетентності c_{ij}^3 . А якщо $L(X)$ – це загальний

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 40

час проходження машинами транспортних маршрутів, то як заборонні треба вибирати значення c_{ij}^3 , що перевищують за величиною максимальні реальні значення c_{ij} .

5. При розв'язуванні задач про призначення в Excel необхідно враховувати, що змінні x_{ij} є булевими.

4.4 Варіанти

Таблиця 4.2 – Номери співробітників і місць їхньої роботи для конкретного варіанта

Номер варіанта	Нові співробітники (НС)	Місця роботи колишніх співробітників (КМ)	Нові місця (НМ)
1	3, 4, 7, 8	1, 2, 3	1, 2
2	1, 2, 5, 6	2, 5, 6	2, 3
3	5, 6, 7, 8	1, 2, 5	3, 4
4	3, 4, 5, 6	4, 5, 6	1, 4
5	1, 2, 3, 4	2, 3, 4	2, 4
6	2, 4, 6, 8	3, 4, 6	1, 3
7	1, 3, 5, 7	2, 3, 6	1, 4
8	2, 3, 6, 7	3, 4, 5	2, 3
9	1, 4, 5, 8	2, 3, 5	3, 4
10	2, 3, 4, 5	1, 2, 6	1, 2
11	4, 5, 6, 7	1, 3, 5	2, 4
12	1, 2, 7, 8	2, 4, 6	1, 3

Таблиця 4.3 – Компетентність нових співробітників

	НМ ₁	НМ ₂	НМ ₃	НМ ₄	КМ ₁	КМ ₂	КМ ₃	КМ ₄	КМ ₅	КМ ₆
НС ₁	6	5	7	6	5	6	7	6	7	5
НС ₂	5	5	8	8	7	6	4	5	8	8
НС ₃	6	7	5	6	4	5	4	5	6	6
НС ₄	7	8	7	6	5	7	6	8	5	5
НС ₅	7	6	6	5	5	4	5	5	4	6
НС ₆	8	8	9	7	6	7	8	7	9	8
НС ₇	9	8	9	9	8	7	8	9	8	7
НС ₈	7	7	8	9	7	8	9	6	7	8

Таблиця 4.4 – Компетентність вже працюючих співробітників

	НМ ₁	НМ ₂	НМ ₃	НМ ₄	Займане місце
ПС ₁	7	6	6	7	7
ПС ₂	8	9	7	7	8
ПС ₃	6	5	6	6	6
ПС ₄	7	9	6	8	8

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 41

ПС ₅	8	7	8	8	7
ПС ₆	4	5	6	4	5

4.5 Запитання на захист роботи

1. Яка постановка задачі про призначення?
2. У чому відмінність моделі задачі про призначення від моделі ТЗ?
3. Які вихідні і шукані параметри задачі про призначення?
4. Запишіть математичну модель задачі про призначення.
5. Як записати модель задачі про призначення, що припускає максимізацію ЦФ?
6. Яким чином у моделі задачі про призначення можна заборонити конкретне призначення?
7. У чому особливості процесу приведення задачі про призначення до збалансованого вигляду?
8. Поясніть модель задачі про призначення, побудовану за заданим варіантом.
9. Скільки ресурсів необхідно для виконання кожної роботи у задачі про призначення?
10. В яких випадках актуальна задача про призначення?
11. Що таке “Угорський метод” розв’язування задачі?
12. Суть “Угорського методу”.
13. Суть розв’язування задачі симплексом-методом.
14. Яким чином довести задачу про призначення до збалансованого вигляду?
15. Умова збалансованості задачі про призначення.
16. Що необхідно виконати, якщо умова збалансованості задачі не виконується?
17. Яка особливість розв’язування даної задачі?
18. Як вибирається значення “тарифів” у задачі про призначення?
19. Якого значення набувають змінні x_{ij} при розв’язуванні задач про призначення?

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 42

5 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №5 ОПТИМАЛЬНИЙ РОЗПОДІЛ ВИРОБНИЧИХ ПОТУЖНОСТЕЙ

Мета роботи

Отримання навичок розв'язування двохіндексної загальної розподільної задачі ЛП і її застосування до оптимального розподілу виробничих потужностей.

Порядок виконання роботи

1. Відповідно до номера свого варіанта виберіть умову задачі.
2. Побудуйте розподільну таблицю для варіанта виробництва без спеціалізації і перетворіть її в транспортну таблицю.
3. Розв'яжіть в Excel отриману транспортну задачу і перетворіть отриманий розв'язок в розв'язок розподільної задачі.
4. Проаналізуйте результати організації виробництва без спеціалізації і прийміть розв'язування про те, який корпус буде спеціалізуватися на випуску якого виду продукції.
5. Розв'яжіть другу підзадачу для варіанта виробництва зі спеціалізацією аналогічно першій підзадачі (п.1 – 4).
6. Зробіть вибір оптимального розподілу виробничих потужностей (зі спеціалізацією або без спеціалізації) на підставі результатів розв'язування обох підзадач.
7. Оформіть звіт з лабораторної роботи, що повинен містити:
 - титульний аркуш;
 - розподільні і транспортні таблиці обох підзадач із вказанням одиниць виміру;
 - результати розв'язування кожної підзадачі;
 - висновок про те, який з варіантів розподілу виробничих потужностей є оптимальним.

5.1 Теоретична частина

Загальна розподільна задача ЛП – це розподільна задача, у якій роботи і ресурси (виконавці) виражаються в різних одиницях виміру. Наприклад, організація випуску різномірної продукції на устаткуванні різних типів; організація виконання набору завдань працівниками різної кваліфікації; організація перевезення декількох видів товарів на транспорті різних видів і т.д. (двохіндексні задачі).

Вихідні параметри моделі двохіндексної загальної РЗ

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 43

1. n – кількість виконавців (верстатів, працівників, транспортних засобів і т.д.), m – кількість видів робіт (продукції, що випускається, перевезених товарів і т.д.).

2. a_i – запас ресурсів виконавця A_i ($i = \overline{1, n}$) (фонд часу роботи устаткування або працівника; кількість транспортних засобів і т.д.), приклад одиниць вимірювання [од. часу].

3. b_j – план з виконання роботи B_j ($j = \overline{1, m}$) (обсяг випуску продукції; обсяг виконання завдань; потреба в перевезеному товарі і т.д.), приклад одиниць вимірювання [од. тов.].

4. c_{ij} – тариф (вартість) виконання роботи B_j виконавцем A_i (собівартість одиниці випуску продукції; витрати на виконання одного завдання; тарифи перевезення одиниці товару), приклад одиниць вимірювання [грош. од./од. тов.].

5. λ_{ij} – інтенсивність виконання роботи B_j виконавцем A_i (продуктивність випуску продукції, виконання завдань; місткість транспортного засобу і т.д.), приклад одиниць вимірювання [од. тов./од. часу].

Шукані параметри моделі РЗ.

1. x_{ij} – завантаженість виконавця A_i при виконанні роботи B_j (час, затрачений на випуск продукції або на виконання завдань; кількість транспортних засобів певного виду, задіяних у перевезенні), приклад одиниць вимірювання [од. часу].

2. x_{ij}^k – кількість робіт B_j , що повинен буде зробити виконавець A_i (обсяг випущеної продукції, виконаних завдань, перевезених товарів і т.д.), приклад одиниць вимірювання [од. тов.].

3. $L(X)$ – загальні витрати на виконання всього запланованого обсягу робіт, приклад одиниць вимірювання [грош. од.].

Етапи побудови моделі.

1. Визначення змінних.
2. Побудова розподільної матриці (табл. 5.1).
3. Завдання ЦФ.
4. Задання обмежень.

Таблиця 5.1 – Загальний вигляд розподільної матриці

Виконавці, A_i	Роботи, B_j				Запас ресурсу [од.ресурсу]
	B_1	B_2	...	B_m	
A_1	λ_{11} c_{11}	λ_{12} c_{12}	...	λ_{1m} c_{1m}	a_1
A_2	λ_{21} c_{21}	λ_{22} c_{22}	...	λ_{2m} c_{2m}	a_2
...	...	...	...	...	...
A_n	λ_{n1} c_{n1}	λ_{n2} c_{n2}	...	λ_{nm} c_{nm}	a_n
План [од.роботи]	b_1	b_2	...	b_m	

Модель двохіндексної загальної РЗ

$$L(X) = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m c_{ij} \left(\lambda_{ij} x_{ij} \right) \rightarrow \min ;$$

$$\begin{cases} \sum_{j=1}^m x_{ij} = a_i, i = \overline{1, n}, \\ \sum_{i=1}^n \lambda_{ij} x_{ij} = b_j, j = \overline{1, m}, \\ \forall x_{ij} \geq 0 (i = \overline{1, n}; j = \overline{1, m}). \end{cases} \quad (5.1)$$

Таким чином, формально модель загальної РЗ відрізняється від моделі ТЗ використанням параметра інтенсивності виконуваних робіт λ_{ij} у ЦФ і для задання обмежень з виконуваних робіт (стовпців).

Етапи розв'язування РЗ

I. Перетворення РЗ у ТЗ:

а) вибір базового ресурсу і розрахунок нормованих ресурсів α_i

$$\alpha_i = \frac{\lambda_{ij}}{\lambda_{\text{баз } j}} ; \quad (5.2)$$

б) перерахування запасу робочого ресурсу виконавців a'_i

$$a'_i = \alpha_i a_i \quad [\text{од.часу}]; \quad (5.3)$$

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 45

в) перерахування планового завдання b'_j

$$b'_j = \frac{b_j}{\lambda_{\text{баз } j}} \left[\frac{\text{од.тов.} \cdot \text{од.часу}}{\text{од.тов.}} = \text{од.часу} \right]; \quad (5.4)$$

г) перерахування собівартостей робіт

$$c'_{ij} = c_{ij} \lambda_{\text{баз } j} \left[\frac{\text{грош.од.} \cdot \text{од.тов.}}{\text{од.тов.} \cdot \text{од.часу}} = \frac{\text{грош.од.}}{\text{од.часу}} \right]. \quad (5.5)$$

II. Перевірка балансу перелічених параметрів $\sum_{i=1}^n a'_i = \sum_{j=1}^m b'_j$ і побудова транспортної матриці.

III. Пошук оптимального розв'язку ТЗ $X'^* = (x'_{ij})$.

IV. Перетворення оптимального розв'язку ТЗ X'^* в оптимальний розв'язок РЗ X^* , причому перехід $X'^* \rightarrow X^*$ виконується за формулою (7.6):

$$x_{ij} = \frac{x'_{ij}}{\alpha_i} \quad [\text{од.часу}]; \quad (5.6)$$

де x'_{ij} і x_{ij} – відповідно елементи розв'язку РЗ і ТЗ.

V. Визначення кількості робіт $X^{\kappa*} = (x^{\kappa*}_{ij})$, що відповідає оптимальному розв'язку РЗ X^* :

$$x^{\kappa}_{ij} = \lambda_{ij} x_{ij} \left[\frac{\text{од.тов.} \cdot \text{од.часу}}{\text{од.часу}} = \text{од.тов.} \right]. \quad (5.7)$$

VI. Визначення ЦФ розподільної задачі $L(X^*)$ (див. підрозд. 5.1).

5.2 Постановка задачі

На АТ “Світлана” підготовлені до серійного виробництва 5 нових виробів I_1, I_2, I_3, I_4, I_5 , оптові ціни C_j яких рівні відповідно (46, 27, 40, 35, 23) [грн./шт.]. Виробництво може бути розгорнуте в чотирьох складальних корпусах K_1, K_2, K_3, K_4 . Витрати в гривнях на виготовлення j -го виробу

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 46

в і-у корпусі задаються матрицею $C = (c_{ij})$. Пропонується спеціалізувати один складальний корпус, для чого буде потрібно його додаткове переустаткування.

Витрати на переустаткування в тис. грн. задаються матрицею $S = (s_{ij})$.

$$C = \begin{pmatrix} 8 & 19 & 7 & 21 & 9 \\ 43 & 12 & 40 & 26 & 15 \\ 9 & 18 & 23 & 27 & 20 \\ 21 & 16 & 22 & 13 & 21 \end{pmatrix} \text{ (грн./шт.);}$$

$$S = \begin{pmatrix} 72 & 90 & 134 & 162 & 110 \\ 62 & 80 & 115 & 64 & 55 \\ 77 & 82 & 151 & 78 & 42 \\ 122 & 103 & 52 & 65 & 74 \end{pmatrix} \text{ (тис.грн.).}$$

При випуску виробів зі спеціалізацією витрати c_{ij} зменшаться на 15–20% у кожному корпусі. Фонди часу F_i роботи корпусів у плановому періоді рівні відповідно 550, 870, 620, 790 годин, план випуску продукції P_j в штуках складає відповідно 6400, 8700, 16 400, 4800, 4600, а трудомісткість у хвиликах виготовлення однієї одиниці продукції у відповідному корпусі задається матрицею $T = (t_{ij})$.

$$T = \begin{pmatrix} 3,0 & 0,5 & 2,0 & 4,0 & 6,0 \\ 3,6 & 0,6 & 2,4 & 4,8 & 7,2 \\ 6,0 & 1,0 & 4,0 & 8,0 & 12 \\ 7,2 & 1,2 & 4,8 & 9,6 & 14,4 \end{pmatrix} \text{ (шт./хв).}$$

Розгляньте два варіанти роботи підприємства: без спеціалізації і зі спеціалізацією. Виберіть найкращий варіант і обґрунтуйте свій вибір.

5.3 Інструкція до виконання лабораторної роботи

Нехай x_{ij} – кількість часу (хв), що корпус K_i буде витратити на випуск

виробу I_j протягом планового періоду.

Виробництво без спеціалізації.

Розглянемо виробництво без спеціалізації корпусів. Розподільна матриця такої задачі наведена в табл. 5.2.

Таблиця 5.2 – Розподільна матриця задачі без спеціалізації

Корпуси, K_i	Виробу, I_j					Фонд часу [год]
	I_1	I_2	I_3	I_4	I_5	
K_1	20 8	120 19	30 7	15 21	10 9	550
K_2	16,66 43	100 12	25 40	12,50 26	8,33 15	870
K_3	10 9	60 18	15 23	7,50 27	5 20	620
K_4	8,33 21	50 16	12,50 22	6,25 13	4,17 21	790
План [шт.]	6400	8700	16 400	4800	4600	

При її побудові необхідно враховувати, що параметр інтенсивності виконання робіт λ_{ij} у даному випадку – це продуктивність корпусу K_i з випуску виробу I_j . Але у вихідних даних замість λ_{ij} дана кількість хвилин, затрачуваних у корпусі K_i на виробництво одного виробу I_j , тобто трудомісткість $T = (t_{ij})$. Продуктивність і трудомісткість за своїм значенням – зворотні величини, тобто

$$\lambda_{ij} = \frac{1}{t_{ij}} \quad \left[\frac{1}{\text{од.часу/шт.}} = \frac{\text{шт.}}{\text{од.часу}} \right]. \quad (5.8)$$

Наприклад, на виробництво виробу I_2 в корпусі K_1 потрібно 0,5 хвилини, тому протягом години (60 хв) буде зроблено 120 виробів:

$$\lambda_{12} = \frac{1}{0,5 / 60} = 120 \quad \left[\frac{\text{шт.}}{\text{од.часу}} \right].$$

Примітка.

При розв'язуванні РЗ у Excel можна обійтися без округлень проміжних значень усіх параметрів задачі. Для цього розрахунок цих значень необхідно робити прямо у відповідних осередках. Наприклад, в

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 48

осередок для λ_{41} замість округленого числа 8,333 треба ввести вираз $=60/7,2$. Результати розв'язування розглянутої задачі (X^* , X^* , X^* , $L(X^*)$) отримані в Excel без округлення проміжних обчислень.

На підставі розподільної табл. 5.2 будуємо модель РЗ – ЦФ (зведені округлені значення) і обмеження:

$$\begin{aligned}
 L(X) = & 8 \cdot 20 \cdot x_{11} + 19 \cdot 120 \cdot x_{12} + 7 \cdot 30 \cdot x_{13} + 21 \cdot 15 \cdot x_{14} + 9 \cdot 10 \cdot x_{15} + \\
 & + 43 \cdot 16,667 \cdot x_{21} + 12 \cdot 100 \cdot x_{22} + 40 \cdot 25 \cdot x_{23} + 26 \cdot 12,500 \cdot x_{24} + 15 \cdot 8,333 \cdot x_{25} + \\
 & + 9 \cdot 10 \cdot x_{31} + 18 \cdot 60 \cdot x_{32} + 23 \cdot 15 \cdot x_{33} + 27 \cdot 7,500 \cdot x_{34} + 20 \cdot 5 \cdot x_{35} + \\
 & + 21 \cdot 8,333 \cdot x_{41} + 16 \cdot 50 \cdot x_{42} + 22 \cdot 12,500 \cdot x_{43} + 13 \cdot 6,250 \cdot x_{44} + \\
 & + 21 \cdot 4,167 \cdot x_{45} = \\
 & = 160 \cdot x_{11} + 2280 \cdot x_{12} + 210 \cdot x_{13} + 315 \cdot x_{14} + 90 \cdot x_{15} + \\
 & + 716,681 \cdot x_{21} + 1200 \cdot x_{22} + 1000 \cdot x_{23} + 325 \cdot x_{24} + 124,995 \cdot x_{25} + \\
 & + 90 \cdot x_{31} + 1080 \cdot x_{32} + 345 \cdot x_{33} + 202,5 \cdot x_{34} + 100 \cdot x_{35} + \\
 & + 174,993 \cdot x_{41} + 800 \cdot x_{42} + 275 \cdot x_{43} + 81,25 \cdot x_{44} + 87,507 \cdot x_{45} \rightarrow \min [\text{грн.}].
 \end{aligned} \tag{5.9}$$

Перетворимо РЗ у ТЗ. Як базовий корпус можна вибрати будь-який, але ми віддамо перевагу корпусу з максимальною продуктивністю, тобто корпусу K_1 . За формулою (5.2) визначимо продуктивності корпусів α_i , нормовані щодо продуктивності базового верстата:

$$\begin{aligned}
 \alpha_1 &= \frac{20}{20} = \frac{120}{120} = \frac{30}{30} = \frac{15}{15} = \frac{10}{10} = 1; \\
 \alpha_2 &\approx \frac{16,66}{20} \approx \frac{100}{120} \approx \frac{25}{30} \approx \frac{12,50}{15} \approx \frac{8,33}{10} \approx 0,833; \\
 \alpha_3 &\approx \frac{10}{20} \approx \frac{60}{120} \approx \frac{15}{30} \approx \frac{7,50}{15} \approx \frac{5}{10} \approx 0,500; \\
 \alpha_4 &\approx \frac{8,33}{20} \approx \frac{50}{120} \approx \frac{12,50}{30} \approx \frac{6,25}{15} \approx \frac{4,17}{10} \approx 0,417.
 \end{aligned}$$

Перерахуємо фонди часу корпусів за формулою (5.3):

$$\begin{aligned}
 a'_1 &= 550 \cdot 1 = 550 [\text{год}]; \quad a'_2 = 870 \cdot 0,833 = 724,710 [\text{год}]; \\
 a'_3 &= 620 \cdot 0,500 = 310 [\text{год}]; \\
 a'_4 &= 790 \cdot 0,417 = 329,430 [\text{год}].
 \end{aligned}$$

Перерахуємо планове завдання за формулою (5.4):

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 49

$$b'_1 = \frac{6400}{20} = 320 \text{ [год]}; b'_2 = \frac{8700}{120} = 72,500 \text{ [год]};$$

$$b'_3 = \frac{16400}{30} \approx 546,667 \text{ [год]};$$

$$b'_4 = \frac{4800}{15} \approx 320 \text{ [год]}; b'_5 = \frac{4600}{10} = 460 \text{ [год]}.$$

Перерахування собівартостей робимо за формулою (5.5).
Наприклад:

$$c'_{12} = 19 \cdot 120 = 2280 \text{ [грн./год]}; c'_{23} = 40 \cdot 30 = 1200 \text{ [грн./год]};$$

$$c'_{31} = 9 \cdot 20 = 180 \text{ [грн./год]}; c'_{45} = 21 \cdot 10 = 210 \text{ [грн./год]}.$$

Усі перелічені параметри РЗ зведені в транспортну матрицю задачі без спеціалізації (табл. 5.3). Перед записом цієї матриці треба перевірити збалансованість отриманої ТЗ, тобто умову

$$\sum_{i=1}^4 a'_i = \sum_{j=1}^5 b'_j.$$

У даній задачі умова балансу не виконується, тому що $1914,167 > 1719,167$, тобто

$$\sum_{i=1}^4 a'_i > \sum_{j=1}^5 b'_j.$$

Це означає, що фонди часу корпусів дозволяють зробити більше продукції, ніж це передбачено плановим завданням. Для одержання балансу додамо в транспортну таблицю фіктивний стовпець I_ϕ із плановим завданням

$$b_\phi = 1914,167 - 1719,167 = 195,000 \text{ [год]}$$

і фіктивними тарифами $c'_\phi = 10\,000$ [грн./год], що перевищують за своїм значенням усі реальні тарифи c'_{ij} отриманої ТЗ.

Таблиця 5.3 – Транспортна матриця задачі без спеціалізації

Корпуси, K_i	Вироби, I_j						a'_i [год]
	I_1	I_2	I_3	I_4	I_5	I_ϕ	
K_1	160	2280	210	315	90	10 000	940
K_2	860	1440	1200	390	150	10 000	141,61

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015		Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1		Арк. 66 / 50

K_3	180	2160	690	405	200	10 000	275
K_4	420	1920	660	195	210	10 000	282,88
b_j [год]	300	81,667	580	346,667	38,334	195	1914,167

Примітка. При розв'язуванні ТЗ у Excel, можливо, прийдеться збільшити відносну похибку розв'язку в параметрах вікна “Поиск решения”.

Оптимальний розв'язок ТЗ X^* [год] з табл. 5.3 без фіктивного стовпця (усі значення округлені до трьох знаків після коми) має такий вигляд:

$$X^* =$$

3,333333	0	546,6667	0	0
0	72,5	0	0	460
310	0	0	0	0
6,667	0	0	320	0

Оптимальний розв'язок РЗ X^* [год] одержуємо з оптимального розв'язування ТЗ X^* [год], наприклад:

$$x_{13}^* = \frac{546,667}{1} \approx 546,667 \text{ [год]}; \quad x_{23}^* = \frac{72,5}{0,833} \approx 87 \text{ [год]}; \quad x_{41}^* = \frac{6,667}{0,417} \approx 16 \text{ [год]}.$$

$$X^* =$$

3,33333	0	546,667	0	0
0	87	0	0	552
620	0	0	0	0
16	0	0	768	0

Значення $x_{ij}^* \in X^*$ – це час, протягом якого корпус K_i буде випускати виріб I_j . Щоб довідатися, яке кількість продукції будуть випускати корпуси, тобто $X^{\kappa*}$ [шт.], скористаємося формулою (5.7), наприклад:

$$x_{22}^{\kappa*} = 87 \cdot 100 = 8700 \text{ [шт.]}; \quad x_{41}^{\kappa*} = 16 \cdot 8,333 \approx 133 \text{ [шт.]}$$

У даному розрахунку округлення (до меншого цілого) обов'язкові, оскільки продукція, що випускається, штучна:

$$X^{\kappa*} =$$

66	0	16400	0	0
0	8699	0	0	4600
6200	0	0	0	0
133	0	0	4800	0

Визначимо витрати на виробництво продукції без спеціалізації:

$$L(X^{\kappa*}) = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m c_{ij} x_{ij}^{\kappa*}; \quad (5.10)$$

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 51

$$L(X^{k*}) = 8 \cdot 66 + 7 \cdot 16400 + 12 \cdot 8699 + \dots + 13 \cdot 4800 = 409\,709 \text{ [грн.]}$$

При розрахунку витрат на виробництво значення у фіктивному стовпці (рядку) не враховуються. Витрати, розраховані за формулою (5.1) і формулою (5.10), у принципі, однакові, але в даній задачі будуть трохи розрізнятися. Це зв'язано з тим, що в (5.10) ми використовували вже округлені до меншого цілого значення x_{ij}^{k*} .

Виробництво зі спеціалізацією. Щоб прийняти розв'язування про те, який корпус будемо спеціалізувати і на випуску якої продукції необхідно проаналізувати розподіл випуску продукції по корпусах, тобто X^{k*} . У розглянутій задачі перший корпус зайнятий в основному випуском продукції I_j (16 400 шт. виробу I_3 і 66 шт. виробу I_1). Число 16 400 шт. виробів I_3 – це найбільша кількість продукції того самого виду, вироблена тим самим корпусом. Тому прийнемо розв'язування про спеціалізацію першого корпусу на випуску виробів I_3 .

Таким чином, виникає задача оптимального розподілу продукції по неспеціалізованих корпусах K_2 , K_3 і K_4 . При цьому необхідно з'ясувати, чи зможе корпус K_1 за свій фонд часу зробити планове завдання за обраним видом продукції I_3 . У даному випадку за X^{k*} видно, що корпус устигає зробити планові 16 400 шт. виробу I_3 . Таким чином, у новій задачі будемо розподіляти продукцію I_1, I_2, I_4, I_5 , по корпусах K_2, K_3 і K_4 .

Примітки:

1. У загальному випадку для відповіді на запитання, чи встигне корпус виконати план з конкретної продукції, необхідно використовувати дані про фонд часу і продуктивність корпусу.

2. Якби корпус K_1 не встигав за свій фонд часу випустити плановану кількість виробів I_3 , то в новій задачі треба було б розподіляти між корпусами також і ту частину I_3 , що не устиг випустити K_1 .

Розподільна матриця задачі без спеціалізації, у якій враховане зменшення витрат на виробництво на 15%, подана в таблиці 5.4.

Таблиця 5.4 – Розподільна матриця задачі зі спеціалізацією

Корпуси, K_i	Вироби, I_j				Фонд часу [год]
	I_1	I_2	I_4	I_5	
K_2	16,667 36,55	100 10,2	12,500 22,1	8,333 12,75	870
K_3	10 7,65	60 15,3	7,500 22,95	5 17	620
K_4	8,333 17,85	50 13,6	6,250 11,05	4,167 17,85	790

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 52

План [шт.]	6400	8700	4800	4600	
------------	------	------	------	------	--

Таблиця 5.5 – Транспортна матриця задачі зі спеціалізацією

Корпуси, K_i	Вироби, I_j					a_i' [год]
	I_1	I_2	I_3	I_4	I_Φ	
K_2	609,167	1020	276,25	106,25	10 000	870
K_3	127,5	1530	286,875	141,667	10 000	372
K_4	297,5	1360	138,125	148,75	10 000	395
b_j' [год]	384	87	384	552	230	1637

У результаті розв'язування задачі зі спеціалізацією одержуємо такий оптимальний розподіл виробничих потужностей і продукції:

$X_{\text{спец}}^* =$		I_1	I_2	I_4	I_5
	K_2	0	87	1	552
	K_3	620	0	0	0
	K_4	24	0	766	0

$X_{\text{спец}}^{\kappa*} =$		I_1	I_2	I_4	I_5
	K_2	0	8700	12	4600
	K_3	6200	0	0	0
	K_4	200	0	4787	0

Загальні витрати на виробництво зі спеціалізацією $L_{\text{спец}}^{\text{заг}}$ містять у собі:

а) витрати на виробництво 16 400 шт. виробів I_3 у спеціалізованому корпусі K_1

$$16\,400 \cdot 7 = 114\,800 \left[\text{шт.} \cdot \frac{\text{грн.}}{\text{шт.}} = \text{грн.} \right];$$

б) витрати на виробництво в інших корпусах $L(X_{\text{спец}}^{\kappa*}) = 251\,552$ [грн.];

в) витрати на переустаткування спеціалізованого корпусу (матриця S у вихідних даних) $s_{13} = 134\,000$ [грн.].

$$L_{\text{спец}}^{\text{заг}} = 114\,800 + 251\,552 + 134\,000 = 500\,352 \text{ [грн.]}. \quad \text{Додаток 1}$$

Порівнюючи витрати на виробництво заданого обсягу продукції без спеціалізації $L(X^{\kappa*}) = 409\,709$ [грн.] і зі спеціалізацією $L_{\text{спец}}^{\text{заг}} = 500\,352$

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 53

[грн.], дійдемо висновку, що вигідно організувати виробництво без спеціалізації.

Примітка.

При розв'язуванні подібних задач можлива ситуація, коли після проведення спеціалізації одного з корпусів виробничих потужностей інших корпусів не вистачає для випуску іншої продукції (сумарний перелічений фонд часу менше сумарного переліченого плану випуску). Тоді внаслідок спеціалізації частина запланованого обсягу продукції зроблена не буде, що неминуче спричинить за собою втрати прибутку від незробленої і непроданої продукції. Це приведе до додаткового збільшення загальних витрат.

5.4 Варіанти

Таблиця 5.6 – Оптові ціни, фонди часу і план випуску продукції

Номер вар.	C_j [грн./шт.]	F_i [год]	P_j [шт.]
1	26; 28; 35; 31; 20	720; 680; 700; 990	12 000; 9500; 8000; 7000; 12 450
2	30; 29; 40; 25; 35	820; 650; 700; 740	8400; 700; 12 000; 10 800; 6100
3	15; 12; 26; 14; 30	700; 520; 660; 1080	5000; 16 000; 6000; 8100; 7500
4	25; 27; 34; 31; 22	780; 450; 750; 940	7500; 2400; 8200; 11 500; 7800
5	25; 27; 37; 30; 22	700; 350; 910; 740	8600; 10 000; 7000; 9500; 8000
6	24; 29; 34; 37; 20	680; 750; 320; 500	6000; 21 000; 17 000; 7300; 4100
7	18; 12; 24; 19; 30	810; 680; 700; 720	9400; 7500; 10 000; 11 000; 4000
8	29; 26; 34; 40; 30	260; 500; 320; 480	8500; 5700; 14 000; 15 400; 11 650
9	20; 18; 31; 23; 30	680; 750; 950; 840	14 800; 6000; 12 000; 4000; 10 000
10	22; 15; 30; 32; 24	470; 850; 500; 750	6470; 7400; 17 500; 3700; 4700
11	26; 30; 37; 18; 29	550; 200; 680; 740	6500; 10 000; 13 200; 8500; 2000
12	26; 29; 37; 28; 32	820; 670; 700; 740	8400; 150; 12 000; 10 800; 5500

Витрати на переустаткування цехів $S = (s_{ij})$ [тис.грн.] рівні:

$$\text{для парних варіантів } S = \begin{pmatrix} 52 & 68 & 100 & 130 & 85 \\ 34 & 59 & 92 & 43 & 37 \\ 51 & 66 & 134 & 49 & 27 \\ 106 & 87 & 32 & 49 & 60 \end{pmatrix};$$

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 54

для непарних варіантів $S = \begin{pmatrix} 60 & 78 & 120 & 150 & 100 \\ 40 & 65 & 100 & 50 & 42 \\ 55 & 70 & 140 & 60 & 30 \\ 110 & 90 & 40 & 50 & 62 \end{pmatrix}$.

Таблиця 5.7 – Витрати на виробництво і трудомісткість випуску продукції

Номер вар.	$T = (t_{ij})$ [мін./шт.]	$C = (c_{ij})$ [грн./шт.]
1	2	3
1	$\begin{pmatrix} 4 & 2 & 6 & 2 & 4 \\ 2,4 & 1,2 & 3,6 & 1,2 & 2,4 \\ 2 & 1 & 3 & 1 & 2 \\ 4,8 & 2,4 & 7,2 & 2,4 & 4,8 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 10 & 16 & 24 & 30 & 18 \\ 5 & 12 & 20 & 10 & 5 \\ 12 & 16 & 11 & 10 & 8 \\ 25 & 14 & 10 & 18 & 7 \end{pmatrix}$
2	$\begin{pmatrix} 3 & 0,5 & 2 & 4 & 6 \\ 6 & 1 & 4 & 8 & 12 \\ 5,4 & 0,9 & 3,6 & 7,2 & 10,8 \\ 4,2 & 0,7 & 2,8 & 5,6 & 8,4 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 16 & 12 & 28 & 13 & 22 \\ 8 & 19 & 30 & 15 & 17 \\ 21 & 10 & 25 & 12 & 20 \\ 13 & 23 & 33 & 11 & 26 \end{pmatrix}$
3	$\begin{pmatrix} 1,2 & 2,4 & 3,6 & 1,2 & 4,8 \\ 1 & 2 & 3 & 1 & 4 \\ 2 & 4 & 6 & 2 & 8 \\ 2,5 & 5,1 & 7,6 & 2,5 & 10,2 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 12 & 6 & 15 & 6 & 21 \\ 9 & 5 & 17 & 8 & 20 \\ 6 & 5 & 15 & 7 & 21 \\ 6 & 7 & 16 & 7 & 19 \end{pmatrix}$
4	$\begin{pmatrix} 2 & 4 & 2 & 10 & 6 \\ 3 & 6 & 3 & 15 & 9 \\ 1 & 2 & 1 & 5 & 3 \\ 2,4 & 4,8 & 2,4 & 12 & 7,2 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 12 & 15 & 25 & 31 & 14 \\ 7 & 13 & 22 & 13 & 8 \\ 14 & 17 & 23 & 10 & 4 \\ 23 & 15 & 14 & 19 & 12 \end{pmatrix}$
5	$\begin{pmatrix} 5,2 & 2,6 & 3,9 & 1,3 & 2,6 \\ 8 & 4 & 6 & 2 & 4 \\ 9,6 & 4,8 & 7,2 & 2,4 & 4,8 \\ 4 & 2 & 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 6 & 16 & 25 & 13 & 8 \\ 14 & 18 & 25 & 12 & 10 \\ 25 & 14 & 10 & 18 & 12 \\ 12 & 18 & 30 & 35 & 11 \end{pmatrix}$

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 55

Продовження таблиці 5.7

1	2	3
6	$\begin{pmatrix} 1,2 & 4,8 & 2,4 & 6 & 3,6 \\ 0,4 & 1,6 & 0,8 & 2 & 1,2 \\ 2 & 8 & 4 & 10 & 6 \\ 2,4 & 9,6 & 4,8 & 12 & 7,2 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 10 & 16 & 20 & 35 & 13 \\ 9 & 11 & 27 & 16 & 17 \\ 15 & 16 & 21 & 18 & 11 \\ 25 & 11 & 16 & 20 & 4 \end{pmatrix}$
7	$\begin{pmatrix} 5 & 2 & 3 & 1 & 4 \\ 6 & 2,4 & 3,6 & 1,2 & 4,8 \\ 10 & 4 & 6 & 2 & 8 \\ 12 & 4,8 & 7,2 & 2,4 & 9,6 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 10 & 7 & 18 & 7 & 21 \\ 9 & 7 & 16 & 5 & 20 \\ 8 & 6 & 19 & 5 & 23 \\ 12 & 8 & 20 & 6 & 19 \end{pmatrix}$
8	$\begin{pmatrix} 1,8 & 0,6 & 1,2 & 2,4 & 3,6 \\ 5,4 & 1,8 & 3,6 & 7,2 & 10,8 \\ 1,2 & 0,4 & 0,8 & 1,6 & 2,4 \\ 0,9 & 0,3 & 0,6 & 1,2 & 1,8 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 9 & 13 & 18 & 35 & 13 \\ 16 & 29 & 27 & 32 & 24 \\ 19 & 14 & 12 & 23 & 15 \\ 21 & 8 & 14 & 5 & 18 \end{pmatrix}$
9	$\begin{pmatrix} 5 & 2 & 3 & 1 & 3 \\ 12 & 4,8 & 7,2 & 2,4 & 7,2 \\ 4 & 1,6 & 2,4 & 0,8 & 2,4 \\ 6 & 2,4 & 3,6 & 1,2 & 3,6 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 13 & 7 & 16 & 9 & 18 \\ 16 & 9 & 14 & 7 & 21 \\ 10 & 8 & 17 & 8 & 17 \\ 14 & 10 & 18 & 8 & 19 \end{pmatrix}$
10	$\begin{pmatrix} 3 & 0,5 & 2 & 4 & 6 \\ 5,4 & 0,9 & 3,6 & 7,2 & 10,8 \\ 3,6 & 0,6 & 2,4 & 4,8 & 7,2 \\ 7,2 & 1,2 & 4,8 & 9,6 & 14,4 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 12 & 5 & 18 & 20 & 12 \\ 16 & 9 & 24 & 33 & 16 \\ 12 & 11 & 19 & 34 & 15 \\ 24 & 7 & 23 & 24 & 20 \end{pmatrix}$
11	$\begin{pmatrix} 12 & 4,8 & 7,2 & 2,4 & 4,8 \\ 2 & 0,8 & 1,2 & 0,4 & 0,8 \\ 5 & 2 & 3 & 1 & 2 \\ 9 & 3,6 & 5,4 & 1,8 & 3,6 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 12 & 17 & 31 & 10 & 24 \\ 15 & 19 & 29 & 12 & 19 \\ 9 & 31 & 35 & 9 & 16 \\ 13 & 10 & 34 & 8 & 20 \end{pmatrix}$
12	$\begin{pmatrix} 3 & 0,5 & 2 & 4 & 6 \\ 6 & 1 & 4 & 8 & 12 \\ 5,4 & 0,9 & 3,6 & 7,2 & 10,8 \\ 4,2 & 0,7 & 2,8 & 5,6 & 8,4 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 16 & 12 & 28 & 13 & 22 \\ 8 & 5 & 30 & 15 & 17 \\ 21 & 10 & 25 & 12 & 20 \\ 13 & 23 & 33 & 11 & 26 \end{pmatrix}$

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 56

5.5 Запитання на захист роботи

1. Які вихідні і шукані параметри моделі двохіндексної загальної РЗ?
2. Який вигляд має модель двохіндексної загальної РЗ, який економічний зміст елементів моделі (змінних, ЦФ, обмежень)?
3. Яка суть кожного етапу розв'язування РЗ?
4. Якими критеріями необхідно керуватися при виборі корпусу і продукції для спеціалізації?
5. Як визначаються усі витрати, зв'язані з виробництвом продукції, у кожному з варіантів роботи підприємства?
6. Яка постановка стандартної транспортної задачі?
7. Запишіть математичну модель транспортної задачі.
8. Перелічіть вихідні і шукані параметри моделі транспортної задачі.
9. Яка суть кожного з етапів побудови моделі транспортної задачі?
10. Розкрийте поняття збалансованості транспортної задачі.
11. Що таке фіктивні і заборонні тарифи?
12. У якому співвідношенні повинні знаходитися величини фіктивних і заборонні тарифів при необхідності їхнього одночасного використання в транспортній моделі?
13. В чому суть транспортної задачі?
14. Яке практичне значення транспортної задачі?
15. Навіщо при розв'язуванні транспортної задачі додаються фіктивні споживачі або постачальники?
16. Назвіть приклад використання транспортної задачі.

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 57

6 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №6

УПРАВЛІННЯ ЗАПАСАМИ З ОБМЕЖЕННЯМ НА ВАНТАЖОПІДЙОМНІСТЬ ТРАНСПОРТНИХ ЗАСОБІВ

Мета роботи

Набуття навичок використання моделі Уілсона і її адаптації до ситуації з обмеженою вантажопідйомністю транспортних засобів.

Порядок виконання роботи

1. Відповідно до номера свого варіанта виберіть умову задачі.
2. Використовуючи загальні рекомендації з розв'язування задачі, визначте найбільш вигідний режим доставлення замовлень.
3. Оформіть звіт з лабораторної роботи, що повинен містити:
 - титульний аркуш;
 - вихідні дані варіанта;
 - результати організації різних варіантів доставки замовлень: розмір замовлення, кількість використовуваних транспортних засобів, витрати з вказанням всіх одиниць вимірювання;
 - рекомендації з оптимальної організації управління запасами.

6.1 Теоретична частина

Математичні моделі управління запасами (УЗ) дозволяють знайти оптимальний рівень запасів певного товару, мінімізуючий сумарні витрати на закупку, оформлення і доставку замовлення, збереження товару, а також збитки від його дефіциту. Модель Уілсона є найпростішою моделлю УЗ і описує ситуацію закупівлі продукції в зовнішнього постачальника, що характеризується такими допущеннями:

- інтенсивність споживання є апріорно відомою і постійною величиною;
- замовлення доставляється зі складу, на якому зберігається раніше зроблений товар;
- час постачання замовлення є відомою і сталою величиною;
- кожне замовлення поставляється у вигляд однієї партії;
- витрати на здійснення замовлення не залежать від розміру замовлення;
- витрати на збереження запасу пропорційні його розміру;
- відсутність запасу (дефіцит) є неприпустимим.

Вхідні параметри моделі Уілсона

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 58

1. ν – інтенсивність (швидкість) споживання запасу, [од.тов./од.часу];
2. s – витрати на збереження запасу, [грош.од./од.тов.×од.часу];
3. K – витрати на здійснення замовлення, що включають оформлення і доставлення замовлення, [грош.од.];
4. t_d – час доставлення замовлення, [од.часу].

Вихідні параметри моделі Уілсона

1. Q – розмір замовлення, [од.тов.];
2. L – загальні витрати на управління запасами за одиницю часу, [грн./од.часу];
3. τ – період постачання, тобто час між поданнями замовлення або між постачаннями, [од.часу];
4. h_0 – точка замовлення, тобто розмір запасу на складі, при якому треба подавати замовлення на доставку чергової партії, [од.тов.].

Цикли зміни рівня запасу в моделі Уілсона графічно подані на рис. 6.1. Максимальна кількість продукції, що знаходиться в запасі, збігається з розміром замовлення Q .

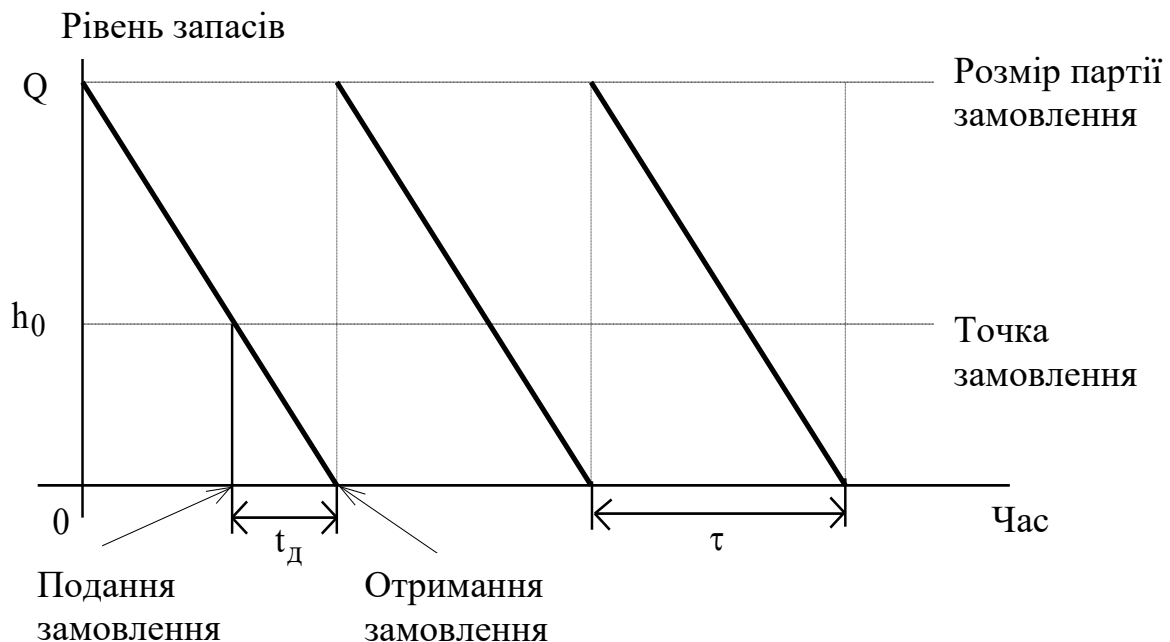


Рисунок 6.1 – Графік циклів зміни запасів за моделлю Уілсона

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 59

Формули моделі Уілсона

$$Q_w = \sqrt{\frac{2K\nu}{s}} \quad (\text{формула Уілсона}), \quad (6.1)$$

де Q_w – оптимальний розмір замовлення в моделі Уілсона;

$$L = K \cdot \frac{\nu}{Q} + s \cdot \frac{Q}{2}; \quad \tau = \frac{Q}{\nu}; \quad h_0 = \nu t_0.$$

Графік витрат на УЗ у моделі Уілсона поданий на рис. 6.2.

Основна складність при розв'язуванні задач з УЗ складається в правильному визначенні вхідних параметрів задачі, оскільки не завжди в умові їхні числові величини задаються в явному вигляді.

При використанні формул моделі УЗ необхідно уважно стежити за тим, щоб усі використовувані у формулі числові величини були погоджені за одиницями вимірювання.

Так, наприклад, обидва параметри s і ν повинні бути зведені до однакових часових одиниць (до днів, до змін або до років), параметри K і s повинні вимірюватися однаковими грошовими одиницями і т.д.

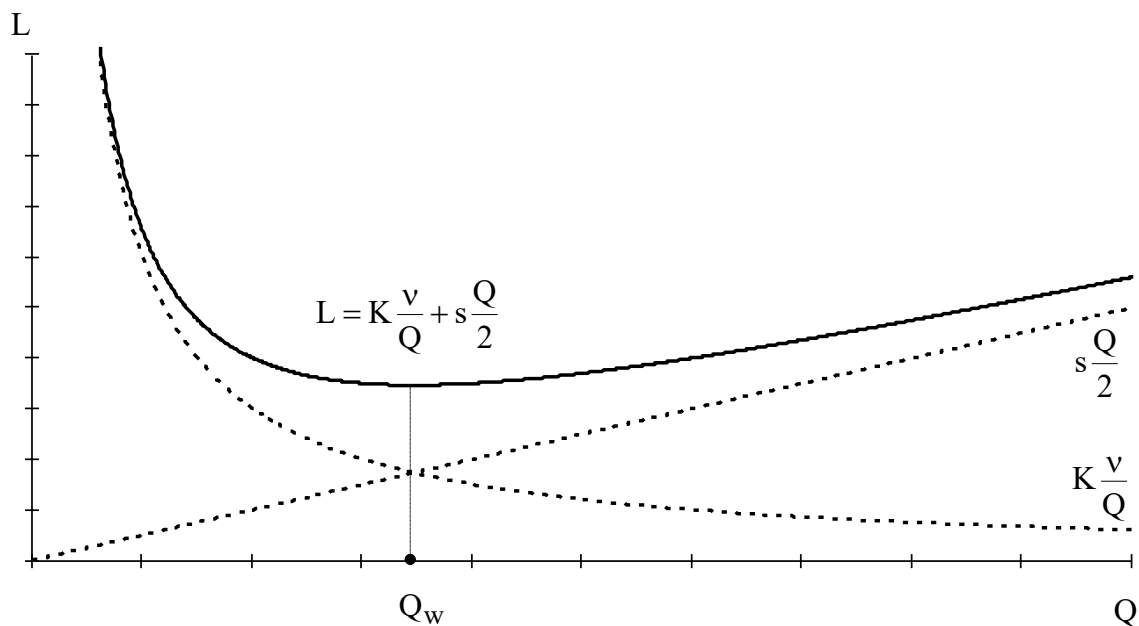


Рисунок 6.2 – Графік витрат на УЗ за моделлю Уілсона

Основна складність при розв'язуванні задач з УЗ складається в правильному визначенні вхідних параметрів задачі, оскільки не завжди в умові їхні числові величини задаються в явному вигляді.

При використанні формул моделі УЗ необхідно уважно стежити за тим, щоб усі використовувані у формулі числові величини були погоджені за одиницями вимірювання.

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 60

Так, наприклад, обидва параметри s і v повинні бути зведені до тих самих тимчасових одиниць (до днів, до змін або до років), параметри K і s повинні вимірюватися в тих самих грошових одиницях і т.д.

6.2 Постановка задачі

При будівництві ділянки залізниці довжиною D , м використовують сталеві рейки у вигляді брусків, довжиною d , м кожний. Вага одного метра рейки дорівнює p , кг. Витрати на збереження рейок на складі дороги складають у добу s гривень за тонну. Витрати на оформлення одного замовлення рівні K_{of} , грн.

Доставка вантажів на склад дороги може здійснюватися залізничним вагоном, що вміщає в себе до m_1 , т вантажу, або вантажними машинами, кожна з яких розрахована на m_2 , т вантажів. Витрати на використання одного рейса вагона складають K_1 , грн., а вартість одного рейса вантажної машини – K_2 , грн. Доставлення вагоном займає T_{o1} днів, а доставлення вантажними машинами – T_{o2} , днів. Будівництво повинно бути закінчене не пізніше, ніж за T_{max} днів.

Необхідно визначити:

- а) розмір замовлення рейки Q^* , мінімізуючі витрати $L(Q^*)$ на управління запасами;
- б) яким видом транспорту вигідніше доставляти замовлення;
- в) з якою періодичністю τ подавати замовлення;
- г) при якому рівні запасу h_0 подавати замовлення;
- д) витрати на УЗ протягом усього періоду будівництва.

Побудуйте графік циклів зміни запасів за весь період будівництва (рис. 6.1).

При проведенні розрахунків необхідно вказувати одиниці вимірювання параметрів задачі.

6.3 Інструкція до виконання лабораторної роботи

1. Основна ідея розв'язування полягає в розгляді декількох варіантів доставки і вибору мінімального за витратами на управління запасами $L(Q^*)$, де Q^* – обсяг замовлення, що з однієї сторони мінімізує витрати, а з іншого боку, відповідає вантажопідйомності обраних транспортних засобів.

2. Початок розв'язування впливає з визначення основних

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 61

параметрів ν і K , оскільки їхні значення в задачі прямо не зазначені.

3. При розрахунку кількості рейок ν , яку треба укласти за день, варто виходити з довжини дороги, довжини рейки, максимального терміну будівництва, а також врахувати, що рейки укладаються в два ряди і їхня кількість повинна бути цілим числом.

4. Витрати на здійснення замовлень, включають витрати на оформлення замовлення і на доставлення.

5. Інтенсивність щоденного споживання рейок ν й обсяг замовлення Q необхідно вимірювати в рейках, тобто в штуках, а не в тоннах. Витрати на збереження s також повинні бути розраховані для однієї рейки.

6. Кількість рейок, що укладаються (ν) і замовляються (Q), повинна бути цілим числом.

7. Розрахунок обсягу замовлення рейок Q_w проводиться окремо для вагона і машини.

8. Якщо в транспортний засіб (вагон або машину) не вміщається обсяг замовлення Q_w , знайдений за формулою Уілсона, то необхідно розглянути такі варіанти доставки:

а) доставляти максимальну кількість рейок Q , що вміщується в транспортний засіб, при цьому треба врахувати витрати на управління запасами $L(Q)$ для обраного Q ;

б) використовувати для доставлення не одне, а декілька транспортних засобів, але при цьому зміняться витрати на доставлення K (у випадку двох транспортних засобів – збільшаться в 2 рази. При цьому зміниться Q_w , що відповідає новому K).

9. З усіх розглянутих варіантів замовлення Q , що відповідають вантажопідйомності транспорту, вибирається Q^* з мінімальними витратам на управління запасами $L(Q^*)$.

10. При побудові графіка циклів зміни запасів особливу увагу варто приділити розміру останнього замовлення рейок, що може відрізнятись від попереднього замовлення Q^* , що доставлялось раніше.

Екранна форма для розрахунку параметрів моделі Уілсона повинна складатися з двох частин: блоку вихідних даних і розрахункових формул (див. рис. 6.1).

Розмір реально поданого замовлення Q може не збігатися з Q^* , обчисленим за формулою Уілсона (6.1). Тому в блок вихідних даних крім параметрів, заданих в умові задачі, необхідно ввести прийнятний розмір замовлення, що буде використовуватися при обчисленні розрахункових параметрів.

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 62

Формули, що вводяться в блок розрахункових параметрів, подані на рис. 6.2.

Для розгляду різних варіантів управління запасами зручно використовувати декілька аркушів, що містять ту саму екранну форму, але різні значення вихідних даних.

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ		
Параметры	Значение	Единицы измерения
Интенсивность потребления	5	шт./дн.
Затраты на оформление заказа	2	руб.
Затраты на доставку заказа	15	руб.
Затраты на хранение запаса	0,84	руб./шт.*дн.)
Время доставки	2	дн.
Принятый размер заказа	13	шт.

РАСЧЕТНЫЕ ПАРАМЕТРЫ		
Параметры	Значение	Единицы измерения
Размер заказа	14	шт.
Затраты на управление запасами	12	руб./дн.
Период поставки	2,6	дн.
Точка заказа	10	шт.

Рисунок 6.1 – Екранна форма розрахунку параметрів моделі Уілсона

РАСЧЕТНЫЕ ПАРАМЕТРЫ		
Параметры	Значение	Единицы измерения
Размер заказа	=ОКРУГЛ(КОРЕНЬ(2*(B4+B5)*B3/B6);0)	шт.
Затраты на управление запасами	=ОКРУГЛ(((B4+B5)*B3/B8+B6*B8/2);2)	руб./дн.
Период поставки	=ОКРУГЛ(B8/B3;1)	дн.
Точка заказа	=ОКРУГЛ(B3*B7;0)	шт.

Рисунок 6.2 – Формули блоку розрахункових параметрів моделі Уілсона

6.4 Варіанти

Таблиця 6.1 – Варіанти завдань

Номер вар.	D	d	p	s	Коф	m ₁	m ₂	к ₁	к ₂	T _{д1}	T _{д2}	T _{max}
1	1440	6	93	1	1,20	40	8,5	35	9	1,5	0,5	19
2	2511	8,1	126	0,92	0,95	52	10	45	15	1	1,5	22
3	700	5	110	1,34	0,15	60	7	40	6	2	1,2	17
4	1080	7,2	102	0,79	0,60	35	8	32	11	0,5	0,2	13
5	672	4	92	0,93	2,00	55	12	43	15	0,5	1	15
6	1170	6,5	113	1,12	1,70	32	10	58	26	2	1,5	21
7	1470	7	100	1,20	1,30	45	11	40	12	2	1,5	18
8	2400	8	95	0,85	0,74	50	9	47	16	1,5	0,5	21
9	825	5,5	107	1,10	1,30	62	8	42	7	2	1,5	19
0	1230	8,2	103	0,84	0,65	37	9	34	10	1	0,5	22

6.5 Запитання на захист роботи

1. Сутність моделі Уілсона.
2. Запишіть формулу Уілсона.
3. Обґрунтуйте найбільш вигідний режим доставлення замовлень.
4. Які існують допущення моделі Уілсона?
5. Суть кожного етапу розв'язування задачі.
6. Які результати організації різних варіантів доставки замовлень? В чому полягає їх суть?
7. Поняття складу, його основне призначення.
8. Класифікація складів.
9. Перерахуйте типи складів за ознакою конструкції.
10. Перерахуйте типи складів за ступенем механізації складських операцій.
11. Перерахуйте типи складів за можливостями доставлення і вивозу вантажу.
12. Перерахуйте типи складів за місцем в процесі руху МП.
13. Перерахуйте типи складів на ділянці руху продукції виробничо-технічного призначення.
14. Перерахуйте типи складів на ділянці руху товарів народного споживання.
15. Які операції проводяться на складах готових виробів підприємств-виробників?
16. Які операції проводяться на складах сировини і початкових матеріалів підприємств-споживачів?

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 64

17. Які операції проводяться на торгових оптових базах?
18. Перерахуйте основні функції складу.
19. У чому полягає перетворення матеріальних потоків на складах?
20. Унітизація, її переваги та недоліки.
21. За якими параметрами відбувається приймання вантажів?
22. Що відбувається в процесі приймання?
23. Способи відбирання товарів з місць зберігання.
24. Статичні склади.
25. Динамічні склади.
26. З яких частин складається логістичний процес на складі?
27. Які операції направлені на координацію служби закупівлі?

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 65

ЛІТЕРАТУРА

1. Буренніков Ю.Ю. Основи логістики. Лабораторний практикум // Вінниця : ВНТУ, 2011 – 68 с.
2. Гончаров Ю. Науковий потенціал як фактор розвитку інноваційно-інвестиційної системи України / Ю. Гончаров, А. Касич // Економіка України. – 2007. – № 3. – С. 42–51.
3. Журавльова І. В. Теоретичні засади стратегічного моніторингу формування інтелектуального капіталу підприємства / І. В. Журавльова // Проблеми науки. – Київ, 2007. – № 7. – С. 33–37.
4. Майорова Т. В. Інвестиційна діяльність : [навчальний посібник] / Т. В. Майорова. – Київ : ЦУЛ, 2003. – 376 с.
5. Крикавський Є. В. Логістика. Для економістів / Є. В. Крикавський. – Львів : Львівська політехніка, 2004. – 448 с.
6. Крикавський Є. В. Логістичне управління: [підручник] / Є. В. Крикавський. – Львів: Львівська політехніка, 2005. – 684 с.
7. Пономарьова Ю. В. Логістика / Ю. В. Пономарьова. – [2-ге вид., перероб. та доп.]. – К. : Центр навчальної літератури, 2005. – 328 с.
8. Поліщук Н. В. Результативність діяльності суб'єктів господарювання: сутність, оцінка, основи регулювання : [монографія] / Н. В. Поліщук. – К.: КНТЕУ, 2005. – 252 с.
9. Пономаренко Л. А. Основи економічної кібернетики : підручник / Л. А. Пономаренко. – К. : КНТЕУ, 2002. – 432 с.
10. Пономарьова Ю. В. Логістика / Ю. В. Пономарьова. – [2-ге вид., перероб. та доп.]. – К. : Центр навчальної літератури, 2005. – 328 с.
11. Промисловий потенціал України: проблеми та перспективи структурно-інноваційних трансформацій / [відп. ред. Ю. В. Кіндзерський]. – К. : Ін-т економіки та прогнозування НАН України, 2007. – 408 с.
12. Стадник В. В. Менеджмент : [посібник] / В. В. Стадник, М. А. Йохна. – К. : Академвидав, 2003. – 464 с.
13. Крикавський Є.В., Чухрай Н.І., Чернописька Н.В. Логістика: компендіум і практикум. Навчальний посібник. – К., Кондор, 2006 р. – 340 с.
14. Вакуленко В.М., Орлатий М.К., Ігнатенко О.С., Лебединська О.Ю. та ін. Управління розвитком міста: Навч. посіб. -К.: Вид-во НАДУ, 2007. - 389с.
15. Денисенко М.П., Шморгун Л.Г., Маруніч В.С., Харута В.С. та

Житомирська політехніка	МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ЖИТОМИРСЬКА ПОЛІТЕХНІКА» Система управління якістю відповідає ДСТУ ISO 9001:2015	Ф-20.09-05.02/ 274.00.1/Б/ОК.31- 2023
	Екземпляр № 1	Арк. 66 / 66

ін. Організація та проектування логістичних систем: Підручник / за ред. проф. М.П. Денисенка, проф. Л.Г. Шморгуна, доц. В.С. Марунича, доц. В.С. Харута – К.: Мілениум, 2016. – 387 с.

16. Сокур І.М. та ін. Транспортна логістика — Навч. пос. для студ. вищ. навч. закл. — К.: Центр учбової літератури, 2009. — 222 с.

17. О.М. Тридід, Г.М. Азаренкова, С.В. Мішина, І.І. Борисенко Логістика : навч. посіб. — К. : Знання, 2008. — 566 с.

18. Tundys B. Logistyka miejska. Teoria i praktyka. Wydanie 2 / B.Tundys, – Warszawa: Difin SA, 2013. – 273 s.

19. Проектування логістичних систем: Підручник / за ред. проф. М.П. Денисенка, проф. Л.Г. Шморгуна, доц. В.С. Марунича, доц. В.С. Харута – К.: Мілениум, 2016. – 387 с.