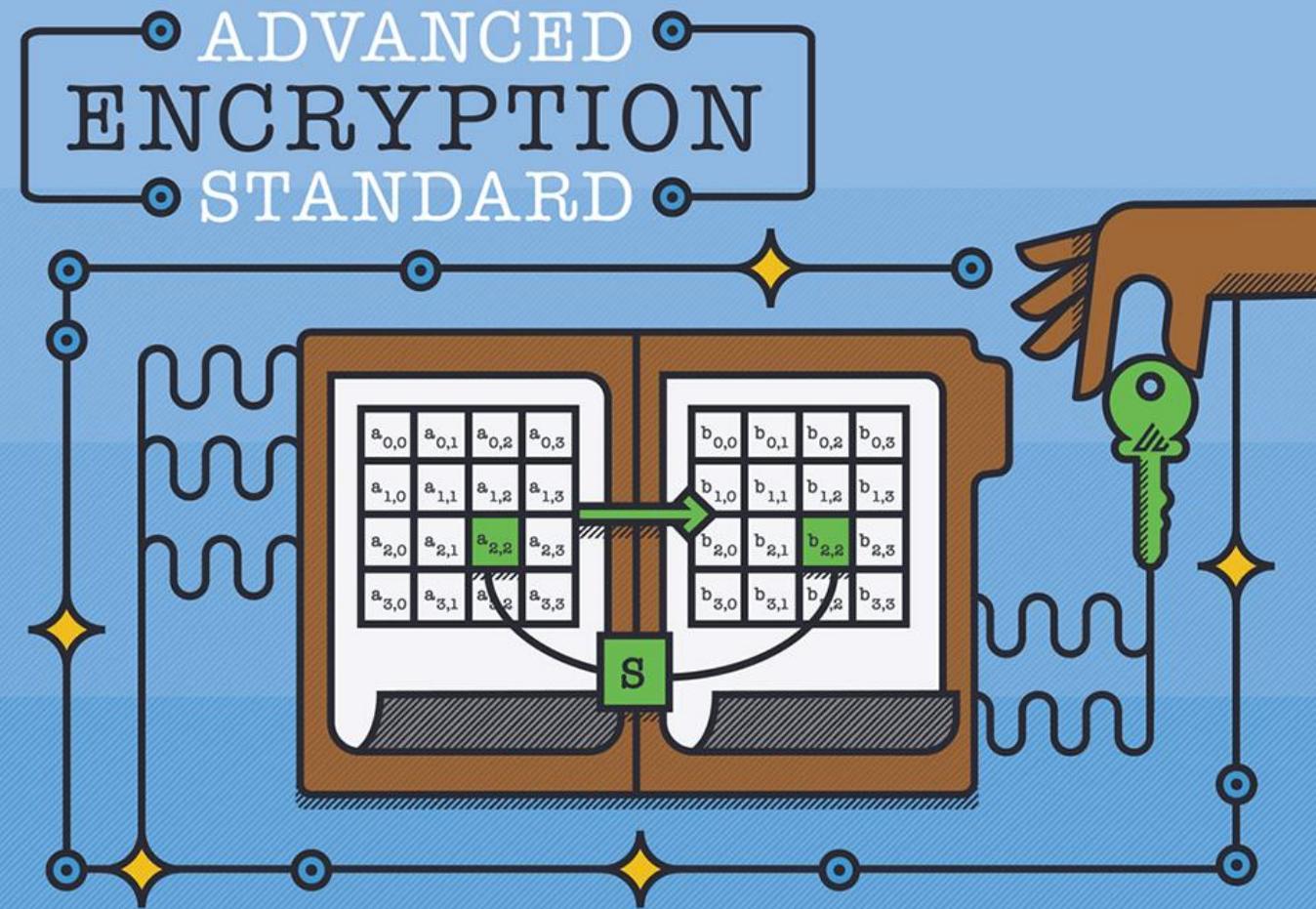


ЛЕКЦІЯ 4

Удосконалений стандарт шифрування AES



План

1. Історія появи AES

2. Математична база

3. Алгоритм AES

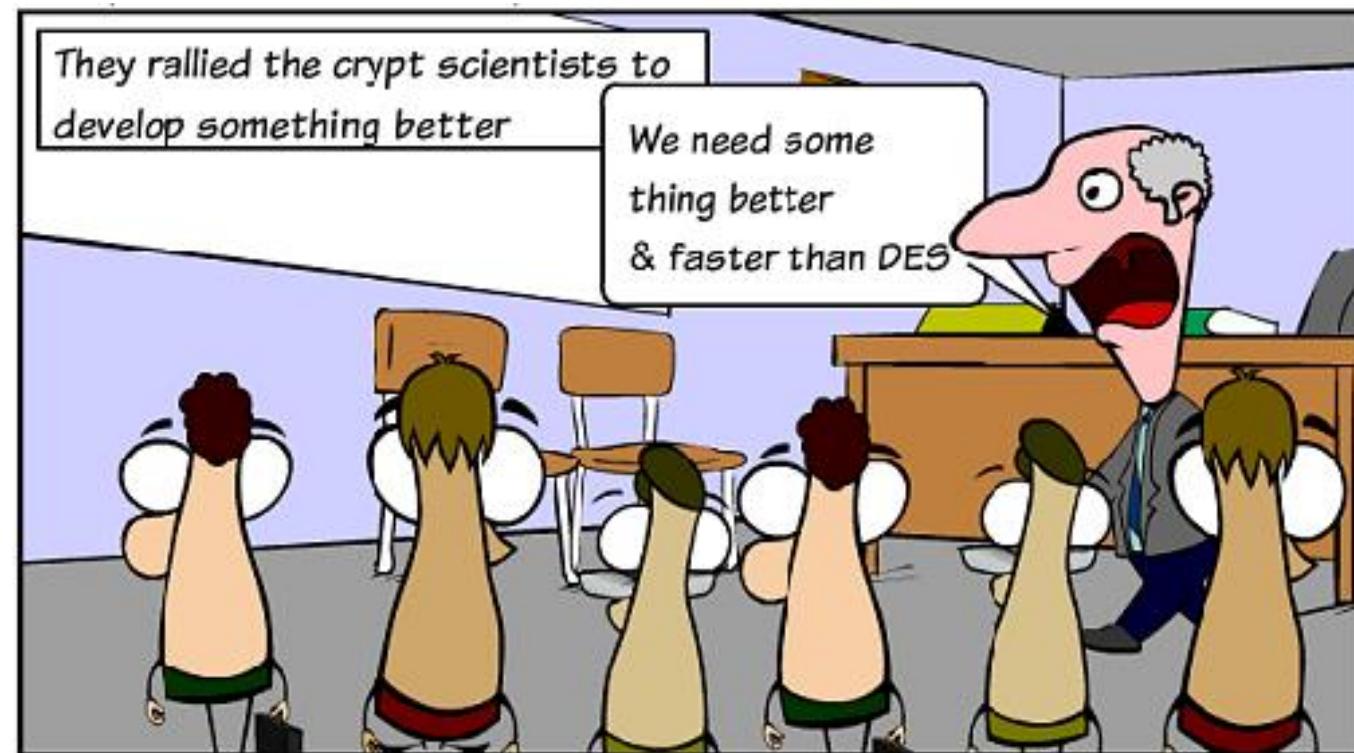
4. Режимы виконання блокових шифрів

1. Історія появи AES

У 1997 р. NIST оголосив конкурс на **новий блоковий симетричний стандарт шифрування**

Алгоритм повинен:

- 1) бути **симетричним**;
- 2) бути **блоковим**;
- 3) мати довжину блока 128 біт і підтримувати **три довжини** ключа: 128, 192 і 256 біт.



1. Історія появи AES

| Алгоритми-фіналісти | | |
|---------------------|---------------------|------------|
| Алгоритм | Хто створив | Країна |
| MARS | IBM | US |
| RC6 | R.Rivest & Co | US |
| Rijndael | V.Rijmen & J.Daemen | BE |
| Serpent | Universities | IS, UK, NO |
| TwoFish | B.Schneier & Co | US |

1. Історія появи AES

У жовтні 2000 р. конкурс завершився. Переможцем став бельгійський алгоритм **Rijndael**, після чого був затверджений як стандарт та отримав назву **AES** (2001 рік)

Автори шифру **Rijndael** – бельгійські криптографи **Вінсент Реймен** та **Йоан Дамен**



Йоан
Дамен

Вінсент
Реймен

2. Математична база

Поле Галуа

Скінченне поле $GF(2^8)$ складається з многочленів вигляду

$$a(x) = a_7x^7 + a_6x^6 + a_5x^5 + a_4x^4 + a_3x^3 + a_2x^2 + a_1x + a_0,$$

де $a_i \in \{0,1\}$.

У вигляді многочлена $a(x)$ скінченого поля $GF(2^8)$ можна подати будь-який байт, що складається з бітів $a_7a_6a_5a_4a_3a_2a_1a_0$.

Приклад 2.1:

Байт: 01011010.

$$\begin{aligned} \text{Многочлен: } & 0 \cdot x^7 + 1 \cdot x^6 + 0 \cdot x^5 + 1 \cdot x^4 + 1 \cdot x^3 + 0 \cdot x^2 + 1 \cdot x^1 + 0 = \\ & = x^6 + x^4 + x^3 + x. \end{aligned}$$

2. Математична база

Додавання байтів

$$\forall a(x), b(x) \in GF(2^8)$$

$$a(x) + b(x) = c(x) = c_7x^7 + c_6x^6 + c_5x^5 + c_4x^4 + c_3x^3 + c_2x^2 + c_1x + c_0,$$

$$\text{де } c_i = a_i \oplus b_i$$

Приклад 2.2:

У двійковій формі:

$$\begin{array}{r} \oplus \quad 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \\ \quad 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \\ \hline \quad 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \end{array}$$

У вигляді многочленів додавання коефіцієнтів при однакових степенях відбувається за модулем 2 ($1 \cdot x^7 + 1 \cdot x^7 = (1 \oplus 1) \cdot x^7 = 0 \cdot x^7$):

$$(x^7 + x^5 + x^4 + 1) + (x^7 + x^3 + x^2 + x + 1) = x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x$$

2. Математична база

Множення байтів

Для множення у полі $GF(2^8)$ в AES використовується нерозкладний многочлен $m(x) = x^8 + x^4 + x^3 + x + 1$

Два елементи поля $GF(2^8)$ множать за модулем $m(x)$ так:

- 1) Множать як звичайні многочлени;
- 2) Проміжний результат ділять на $m(x)$ і за остаточний результат приймають остачу від ділення.

2. Математична база

Приклад 2.3:

$$(x^6 + x^5 + x^4 + x^2) \cdot (x^7 + x^5 + x^4 + x) = x^{13} + x^{11} + x^{10} + x^7 + x^{12} + x^{10} + x^9 + x^6 + x^{11} + x^9 + x^8 + x^5 + x^9 + x^7 + x^6 + x^3 = x^{13} + x^{12} + x^9 + x^8 + x^5 + x^3$$

$$\begin{array}{r|l} x^{13} + x^{12} + x^9 + x^8 + x^5 + x^3 & x^8 + x^4 + x^3 + x + 1 \\ x^{13} + x^9 + x^8 + x^6 + x^5 & \hline x^{12} + x^6 + x^3 & \\ x^{12} + x^8 + x^7 + x^5 + x^4 & \\ \hline x^8 + x^7 + x^6 + x^5 + x^4 + x^3 & \\ x^8 + x^4 + x^3 + x + 1 & \\ \hline x^7 + x^6 + x^5 + x + 1 & \end{array}$$

$$(x^{13} + x^{12} + x^9 + x^8 + x^5 + x^3) \bmod (x^8 + x^4 + x^3 + x + 1) = x^7 + x^6 + x^5 + x + 1$$

3. Алгоритм AES

Основним елементом, яким оперує AES, є **байт** – послідовність **8 біт**, що обробляються як єдине ціле (в **шістнадцятковій** системі числення)

Розмір блоку **128** біт

Довжина ключа може бути **128, 192** або **256** бітів

AES базується на архітектурі **SQUARE** (КВАДРАТ), для якої характерно:

- 1) представлення блоку у вигляді масиву байтів;
- 2) шифрування за один раунд всього блоку даних;
- 3) виконання криптографічних перетворень, як над окремими байтами, так і над рядками і стовпцями.

3. Алгоритм AES

Блок проміжного результату називають
станом

Матриця стану має 4 рядки та 4 стовпці (Nb)

$$\begin{pmatrix} S_{0,0} & S_{0,1} & S_{0,2} & S_{0,3} \\ S_{1,0} & S_{1,1} & S_{1,2} & S_{1,3} \\ S_{2,0} & S_{2,1} & S_{2,2} & S_{2,3} \\ S_{3,0} & S_{3,1} & S_{3,2} & S_{3,3} \end{pmatrix}$$

Приклад 3.4:

Відкритий текст: A SECRET MESSAGE

У шістнадцятковому вигляді:

41 20 53 45 43 52 45 54 20 4D 45 53 53 41 47 45

| | | | |
|----|----|----|----|
| 41 | 43 | 20 | 53 |
| 20 | 52 | 4D | 41 |
| 53 | 45 | 45 | 47 |
| 45 | 54 | 53 | 45 |

3. Алгоритм AES

Ключ: матриця байтів, яка має 4 рядки і кількість стовпців (Nk), що дорівнює довжині ключа, поділеній на 32

Матриця ключа при $Nk=4$:

$$\begin{pmatrix} k_{0,0} & k_{0,1} & k_{0,2} & k_{0,3} \\ k_{1,0} & k_{1,1} & k_{1,2} & k_{1,3} \\ k_{2,0} & k_{2,1} & k_{2,2} & k_{2,3} \\ k_{3,0} & k_{3,1} & k_{3,2} & k_{3,3} \end{pmatrix}$$

3. Алгоритм AES

Кількість раундів шифрування N_r залежить від значень N_k

| | N_k (Довжина ключа) | N_b (Довжина блоку) | N_r (Кількість раундів) |
|----------------|-----------------------------|-----------------------------|---------------------------------|
| AES-128 | 4 (128) | 4 (128) | 10 |
| AES-192 | 6 (192) | | 12 |
| AES-256 | 8 (256) | | 14 |

3. Алгоритм AES

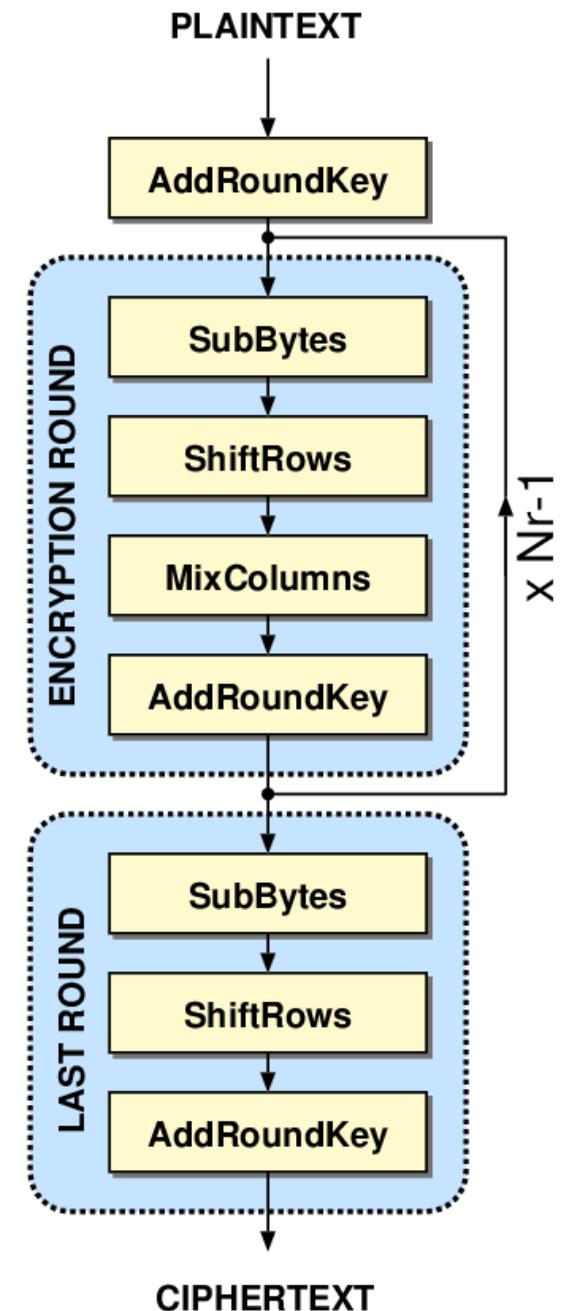
Зашифрування за алгоритмом AES

I. Початкове додавання раундового ключа

II. $Nr-1$ раундів, кожен з яких складається з чотирьох етапів:

1. Підстановка байтів;
2. Зсув рядків;
3. Перемішування стовпців;
4. Додавання раундового ключа

III. Завершальний раунд Nr , в якому пропускається перемішування стовпців



3. Алгоритм AES

Підстановка байтів

1. Якщо байт ненульовий, до нього шукають обернений відносно множення в полі $GF(2^8)$. Якщо ж байт нульовий, оберненого не існує. Тому нульовому байту 00000000 відповідає він сам.

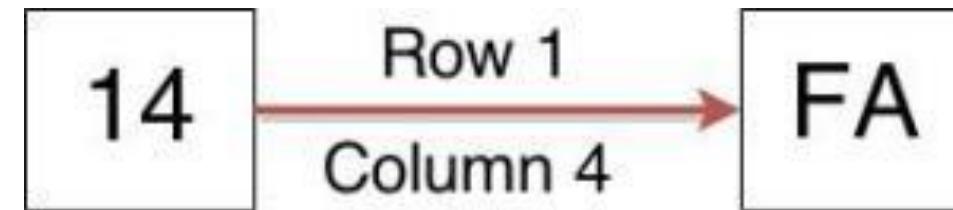
2. Над утвореним байтом виконують перетворення:

$$\begin{pmatrix} y_0 \\ y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ y_4 \\ y_5 \\ y_6 \\ y_7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \\ x_7 \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

3. Алгоритм AES

На основі двох попередніх перетворень створено спеціальну таблицю замін байтів, що називається **S-боксом**

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | A | B | C | D | E | F |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 0 | 63 | 7C | 77 | 7B | F2 | 6B | 6F | C5 | 30 | 01 | 67 | 2B | FE | D7 | AB | 76 |
| 1 | CA | 82 | C9 | 7D | FA | 59 | 47 | F0 | AD | D4 | A2 | AF | 9C | A4 | 72 | C0 |
| 2 | B7 | FD | 93 | 26 | 36 | 3F | F7 | CC | 34 | A5 | E5 | F1 | 71 | D8 | 31 | 15 |
| 3 | 04 | C7 | 23 | C3 | 18 | 96 | 05 | 9A | 07 | 12 | 80 | E2 | EB | 27 | B2 | 75 |
| 4 | 09 | 83 | 2C | 1A | 1B | 6E | 5A | A0 | 52 | 3B | D6 | B3 | 29 | E3 | 2F | 84 |
| 5 | 53 | D1 | 00 | ED | 20 | FC | B1 | 5B | 6A | CB | BE | 39 | 4A | 4C | 58 | CF |
| 6 | D0 | EF | AA | FB | 43 | 4D | 33 | 85 | 45 | F9 | 02 | 7F | 50 | 3C | 9F | A8 |
| 7 | 51 | A3 | 40 | 8F | 92 | 9D | 38 | F5 | BC | B6 | DA | 21 | 10 | FF | F3 | D2 |
| 8 | CD | 0C | 13 | EC | 5F | 97 | 44 | 17 | C4 | A7 | 7E | 3D | 64 | 5D | 19 | 73 |
| 9 | 60 | 81 | 4F | DC | 22 | 2A | 90 | 88 | 46 | EE | B8 | 14 | DE | 5E | 0B | DB |
| A | E0 | 32 | 3A | 0A | 49 | 06 | 24 | 5C | C2 | D3 | AC | 62 | 91 | 95 | E4 | 79 |
| B | E7 | C8 | 37 | 6D | 8D | D5 | 4E | A9 | 6C | 56 | F4 | EA | 65 | 7A | AE | 08 |
| C | BA | 78 | 25 | 2E | 1C | A6 | B4 | C6 | E8 | DD | 74 | 1F | 4B | BD | 8B | 8A |
| D | 70 | 3E | B5 | 66 | 48 | 03 | F6 | 0E | 61 | 35 | 57 | B9 | 86 | C1 | 1D | 9E |
| E | E1 | F8 | 98 | 11 | 69 | D9 | 8E | 94 | 9B | 1E | 87 | E9 | CE | 55 | 28 | DF |
| F | 8C | A1 | 89 | 0D | BF | E6 | 42 | 68 | 41 | 99 | 2D | 0F | B0 | 54 | BB | 16 |



| | | | |
|----|----|----|----|
| EA | 04 | 65 | 85 |
| 83 | 45 | 5D | 96 |
| 5C | 33 | 98 | B0 |
| F0 | 2D | AD | C5 |

| | | | |
|----|----|----|----|
| 87 | F2 | 4D | 97 |
| EC | 6E | 4C | 90 |
| 4A | C3 | 46 | E7 |
| 8C | D8 | 95 | A6 |

3. Алгоритм AES

Зсув рядків

Рядки стану циклічно зсуваються на різні кількості байтів

| <i>Nb</i> | Кількість зсувів | | | |
|-----------|------------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| | 0-го рядка (-) | 1-го рядка (C1) | 2-го рядка (C2) | 3-го рядка (C3) |
| 4 | 0 | 1 | 2 | 3 |

| | | | |
|----|----|----|----|
| 87 | F2 | 4D | 97 |
| EC | 6E | 4C | 90 |
| 4A | C3 | 46 | E7 |
| 8C | D8 | 95 | A6 |



| | | | |
|----|----|----|----|
| 87 | F2 | 4D | 97 |
| 6E | 4C | 90 | EC |
| 46 | E7 | 4A | C3 |
| A6 | 8C | D8 | 95 |

3. Алгоритм AES

Перемішування стовпців

Стовпці стану розглядають як многочлен над полем $GF(2^8)$ та множать за модулем $x^4 + 1$ на фіксований многочлен $c(x)$:

$$c(x) = 03_{16} \cdot x^3 + 01_{16} \cdot x^2 + 01_{16} \cdot x + 02_{16}$$

Якщо $a(x)$ – стовпець до застосування до нього перемішування, а $b(x)$ – після, то перетворення можна записати так:

$$b(x) = c(x) \otimes a(x),$$

або у матричному вигляді:

$$\begin{pmatrix} b_0 \\ b_1 \\ b_2 \\ b_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 02 & 03 & 01 & 01 \\ 01 & 02 & 03 & 01 \\ 01 & 01 & 02 & 03 \\ 03 & 01 & 01 & 02 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} a_0 \\ a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{pmatrix}$$

3. Алгоритм AES

| | | | | | | | | | | | | |
|----|----|----|----|----|----|----|----|---|----|----|----|----|
| 02 | 03 | 01 | 01 | 87 | F2 | 4D | 97 | → | 47 | 40 | A3 | 4C |
| 01 | 02 | 03 | 01 | 6E | 4C | 90 | EC | | 37 | D4 | 70 | 9F |
| 01 | 01 | 02 | 03 | 46 | E7 | 4A | C3 | | 94 | E4 | 3A | 42 |
| 03 | 01 | 01 | 02 | A6 | 8C | D8 | 95 | | ED | A5 | A6 | BC |

$$02_{16} = 0000\ 0010_2 \rightarrow x$$

$$87_{16} = 1000\ 0111_2 \rightarrow x^7 + x^2 + x + 1$$

$$03_{16} = 0000\ 0011_2 \rightarrow x + 1$$

$$6E_{16} = 0110\ 1110_2 \rightarrow x^6 + x^5 + x^3 + x^2 + x$$

$$46_{16} = 0100\ 0110_2$$

$$A6_{16} = 1010\ 0110_2$$

$$(\{02\} \cdot \{87\}) \oplus (\{03\} \cdot \{6E\}) \oplus (\{01\} \cdot \{46\}) \oplus (\{01\} \cdot \{A6\}) = (0000\ 0010 \cdot 1000\ 0111) \oplus (0000\ 0011 \cdot 0110\ 1110) \oplus 0100\ 0110 \oplus 1010\ 0110 = 00010101 \oplus 10110010 \oplus 0100\ 0110 \oplus 1010\ 0110 = 01000111 = 47_{16}$$

$$\{02\} \cdot \{87\} = x \cdot (x^7 + x^2 + x + 1) = (x^8 + x^3 + x^2 + x) \bmod (x^8 + x^4 + x^3 + x + 1) = x^4 + x^2 + 1$$

$$\begin{array}{r|l} x^8 + & x^3 + x^2 + x & x^8 + x^4 + x^3 + x + 1 \\ x^8 + x^4 + x^3 + & x + 1 & \hline x^4 + & x^2 + 1 & 1 \end{array}$$

$$\{03\} \cdot \{6E\} = (x + 1) \cdot (x^6 + x^5 + x^3 + x^2 + x) = x^7 + x^6 + x^4 + x^3 + x^2 + x^6 + x^5 + x^3 + x^2 + x = x^7 + x^5 + x^4 + x$$

3. Алгоритм AES

Додавання раундового ключа

Виконується **побітове додавання** за модулем 2 раундового ключа до відповідних бітів, отриманих у попередньому раунді

Раундовий ключ
отримують з
розширеного ключа
шифру

| | | | |
|----|----|----|----|
| 47 | 40 | A3 | 4C |
| 37 | D4 | 70 | 9F |
| 94 | E4 | 3A | 42 |
| ED | A5 | A6 | BC |

 \oplus

| | | | |
|----|----|----|----|
| DC | 9B | 97 | 38 |
| 90 | 49 | FE | 81 |
| 37 | DF | 72 | 15 |
| B0 | E9 | 3F | A7 |

 $=$

| | | | |
|----|----|----|----|
| 9B | DB | 34 | 74 |
| A7 | 9B | 8E | 1E |
| A3 | 3B | 48 | 57 |
| 5D | 4C | 99 | 1B |

3. Алгоритм AES

Розширення ключа

1. Перші Nk 4-байтових слів $W[i]$ послідовно вибираються з ключа шифру: 0-е слово – перші чотири байти, 1-е слово – другі чотири байти і т.д

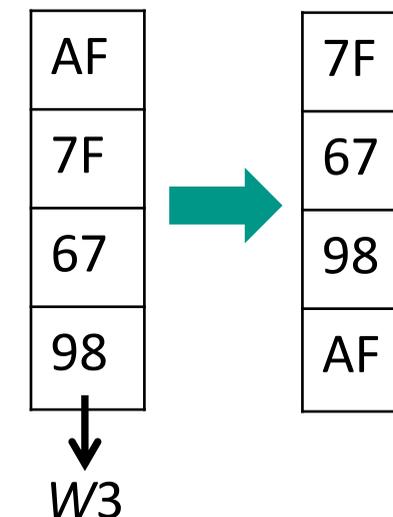
2. Якщо i кратне Nk :

2. 1. У слові $W[i - 1]$ виконують циклічний зсув байтів за схемою:

$(a, b, c, d) \rightarrow (b, c, d, a)$ де a, b, c, d – байти

| | | | |
|----|----|----|----|
| 0F | 47 | 0C | AF |
| 15 | D9 | B7 | 7F |
| 71 | E8 | AD | 67 |
| C9 | 59 | D6 | 98 |

↓ ↓ ↓ ↓
 W_0 W_1 W_2 W_3



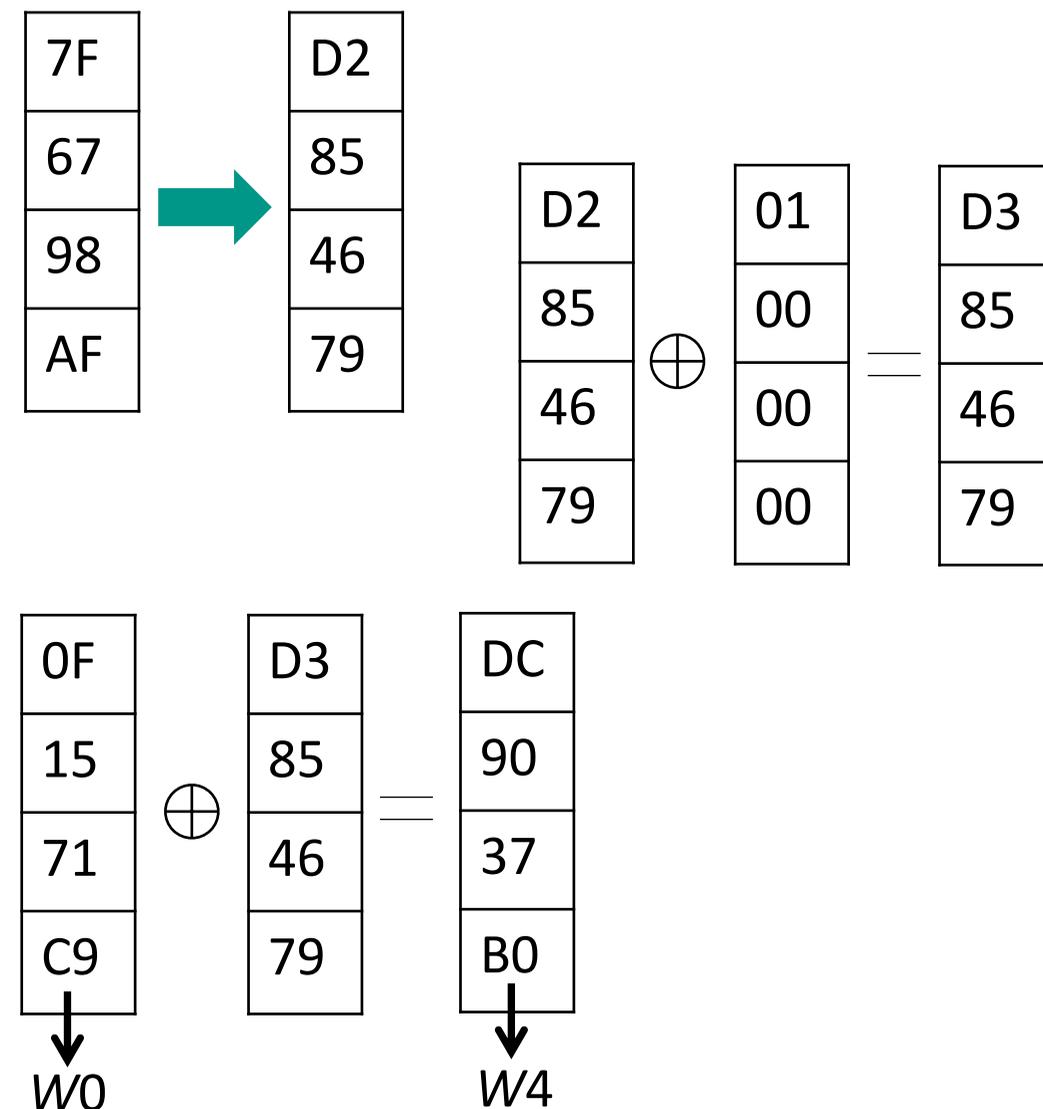
3. Алгоритм AES

Розширення ключа

2.2. До кожного з 4-х байтів одержаного слова застосовують S-бокс

2.3. До результату додають раундову сталу $Rcon$ за модулем 2

3. Решту слів $W[i]$ визначають за формулою:
$$W[i] = W[i - Nk] \oplus W[i - 1]$$



3. Алгоритм AES

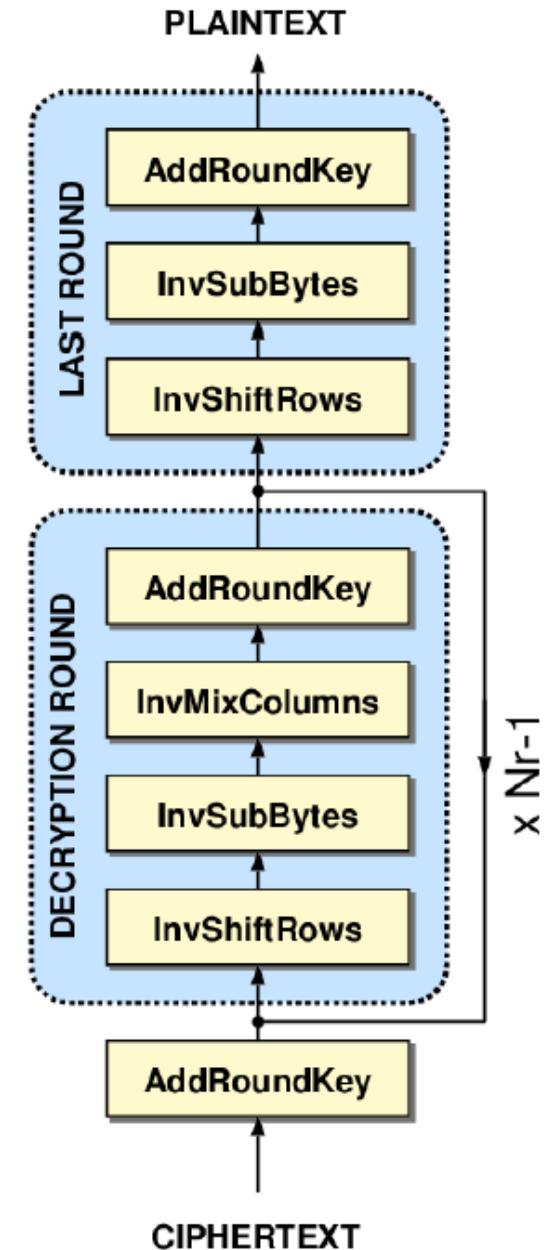
Дешифрування за алгоритмом AES

I. Перед першим раундом дешифрування виконується операція додавання з ключем

II. $Nr-1$ раундів, кожен з яких кожен з яких здійснює такі операції:

1. Зсув рядків в зворотному порядку;
2. Обернена операція до операції підстановки байтів;
3. Процедура, зворотна процедурі перемішування стовпців;
4. Додавання раундового ключа

III. Завершальний раунд Nr , в якому пропускається перемішування стовпців



3. Алгоритм AES

Зсув рядків в зворотному порядку

Байти в останніх трьох рядках матриці зсуваються циклічно **вліво** на різне число байт

| Nb | Кількість зсувів | | | |
|------|----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| | 0-го рядка (-) | 1-го рядка (C1) | 2-го рядка (C2) | 3-го рядка (C3) |
| 4 | 0 | 1 | 2 | 3 |

3. Алгоритм AES

Обернена операція до операції підстановки байтів

Байти матриці замінюються новими значеннями за таблицею зворотної заміни, що є інвертованим S-боксом

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | A | B | C | D | E | F |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 0 | 52 | 09 | 6A | D5 | 30 | 36 | A5 | 38 | BF | 40 | A3 | 9E | 81 | F3 | D7 | FB |
| 1 | 7C | E3 | 39 | 82 | 9B | 2F | FF | 87 | 34 | 8E | 43 | 44 | C4 | DE | E9 | CB |
| 2 | 54 | 7B | 94 | 32 | A6 | C2 | 23 | 3D | EE | 4C | 95 | 0B | 42 | FA | C3 | 4E |
| 3 | 08 | 2E | A1 | 66 | 28 | D9 | 24 | B2 | 76 | 5B | A2 | 49 | 6D | 8B | D1 | 25 |
| 4 | 72 | F8 | F6 | 64 | 86 | 68 | 98 | 16 | D4 | A4 | 5C | CC | 5D | 65 | B6 | 92 |
| 5 | 6C | 70 | 48 | 50 | FD | ED | B9 | DA | 5E | 15 | 46 | 57 | A7 | 8D | 9D | 84 |
| 6 | 90 | D8 | AB | 00 | 8C | BC | D3 | 0A | F7 | E4 | 58 | 05 | B8 | B3 | 45 | 06 |
| 7 | D0 | 2C | 1E | 8F | CA | 3F | 0F | 02 | C1 | AF | BD | 03 | 01 | 13 | 8A | 6B |
| 8 | 3A | 91 | 11 | 41 | 4F | 67 | DC | EA | 97 | F2 | CF | CE | F0 | B4 | E6 | 73 |
| 9 | 96 | AC | 74 | 22 | E7 | AD | 35 | 85 | E2 | F9 | 37 | E8 | 1C | 75 | DF | 6E |
| A | 47 | F1 | 1A | 71 | 1D | 29 | C5 | 89 | 6F | B7 | 62 | 0E | AA | 18 | BE | 1B |
| B | FC | 56 | 3E | 4B | C6 | D2 | 79 | 20 | 9A | DB | C0 | FE | 78 | CD | 5A | F4 |
| C | 1F | DD | A8 | 33 | 88 | 07 | C7 | 31 | B1 | 12 | 10 | 59 | 27 | 80 | EC | 5F |
| D | 60 | 51 | 7F | A9 | 19 | B5 | 4A | 0D | 2D | E5 | 7A | 9F | 93 | C9 | 9C | EF |
| E | A0 | E0 | 3B | 4D | AE | 2A | F5 | B0 | C8 | EB | BB | 3C | 83 | 53 | 99 | 61 |
| F | 17 | 2B | 04 | 7E | BA | 77 | D6 | 26 | E1 | 69 | 14 | 63 | 55 | 21 | 0C | 7D |

3. Алгоритм AES

Процедура, зворотна процедурі перемішування стовпців

Стовпці стану розглядають як многочлен над полем $GF(2^8)$ та множать за модулем x^4+1 на фіксований многочлен $c^{-1}(x)$:

Якщо $b(x)$ – стовпець до застосування до нього процедури, а $a(x)$ – після, то перетворення можна записати так:
 $a(x) = c(x) \otimes b(x)$,
або у матричному вигляді:

$$c^{-1}(x) = 0b_{16} \cdot x^3 + 0d_{16} \cdot x^2 + 09_{16} \cdot x + 0e_{16}$$

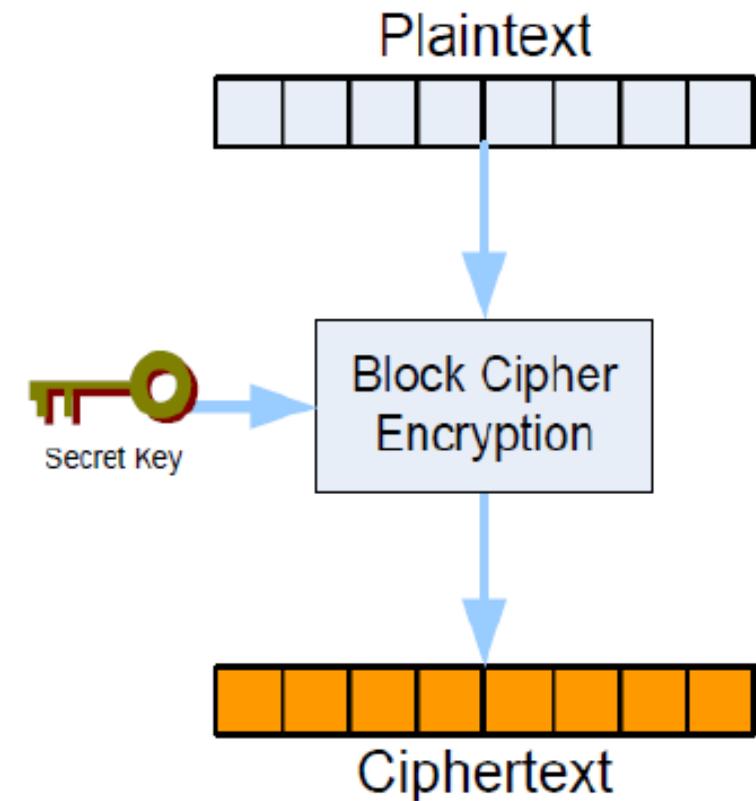
$$\begin{pmatrix} a_0 \\ a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0e & 0b & 0d & 09 \\ 09 & 0e & 0b & 0d \\ 0d & 09 & 0e & 0b \\ 0b & 0d & 09 & 0e \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} b_0 \\ b_1 \\ b_2 \\ b_3 \end{pmatrix}$$

3. Алгоритм AES

AES Visualization

4. Режими виконання блокових шифрів

Режим шифрування – метод застосування блочного шифру, що дозволяє перетворити послідовність блоків відкритих даних у послідовність блоків зашифрованих даних



4. Режими виконання блокових шифрів

Режим простої заміни (ECB, Electronic Coding Book)

Кожен блок P_i шифрується **окремо** та **незалежно** від інших блоків алгоритмом E_k та ключем k

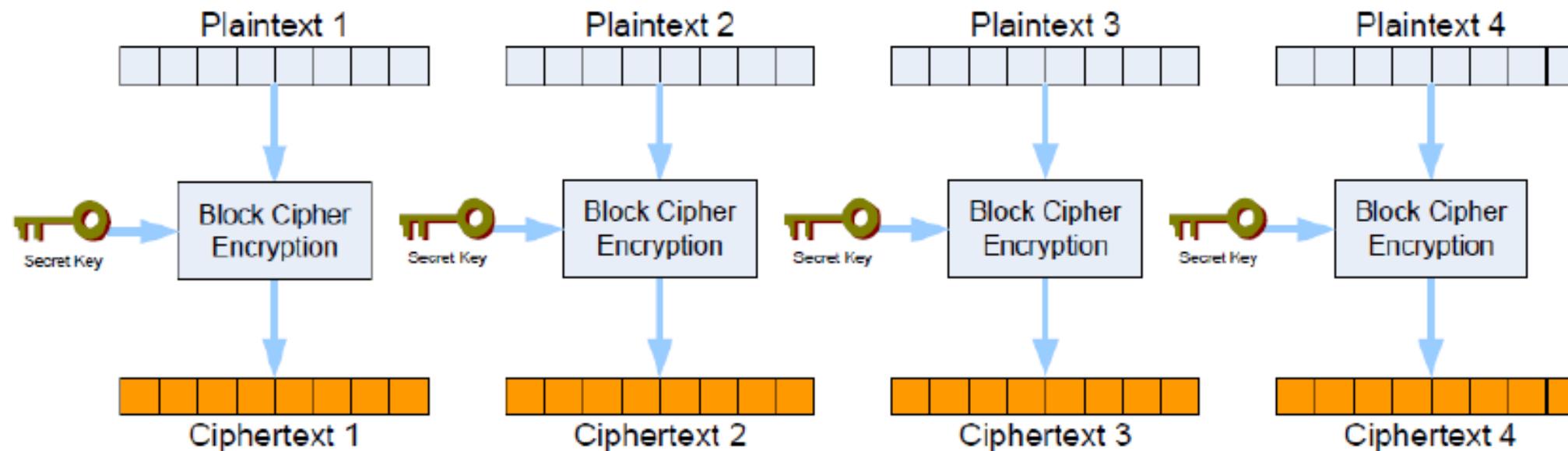
$$C_i = E_k(P_i)$$

$$P_i = D_k(C_i)$$

4. Режими виконання блокових шифрів

Режим простої заміни (ECB, Electronic Coding Book)

- + Незалежне (паралельне) шифрування блоків
- При використанні одного ключа ідентичні блоки відкритого тексту шифруються в ідентичні блоки зашифрованого тексту
- Перестановка блоків зашифрованого тексту спричинює перестановку відповідних блоків відкритих текстів



4. Режим виконання блокових шифрів

Режим зв'язування блоків (CBC, Cipher Block Chaining)

Кожен блок P_i додається за модулем 2 з **попередньо зашифрованим** блоком C_{i-1} , а потім результат передається на вхід функції E_k .

Для шифрування P_1 використовують вектор ініціалізації IV (**Initialization Vector**) – послідовність випадкових символів розміром n

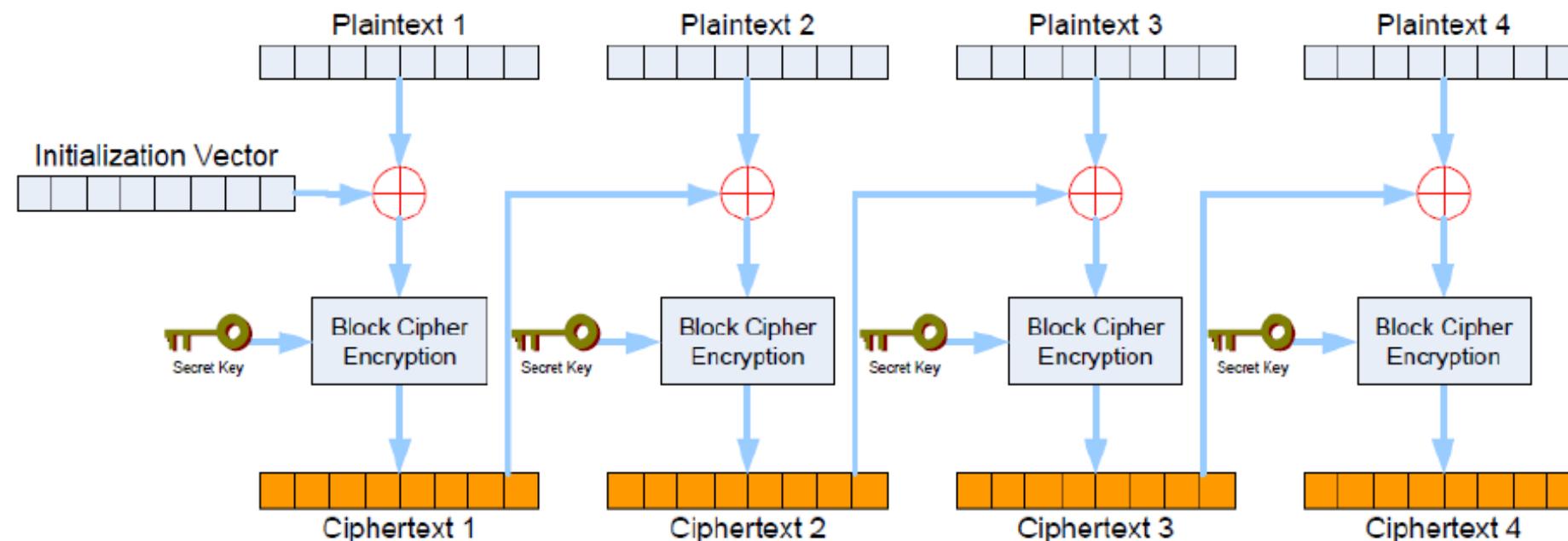
$$C_1 = E_k(P_1 \oplus IV)$$
$$C_i = E_k(P_i \oplus C_{i-1})$$

$$P_1 = D_k(C_1) \oplus IV$$
$$P_i = D_k(C_i) \oplus C_{i-1}$$

4. Режими виконання блокових шифрів

Режим зв'язування блоків (CBC, Cipher Block Chaining)

- + Блоки з ідентичними початковими даними перетворюються у блоки із різними зашифрованими даними
- Помилка в одному блоці може поширюватися на інші блоки



4. Режими виконання блокових шифрів

Режим зв'язування блоків (CBC, Cipher Block Chaining)

Останній блок шифротексту в CBC залежить від IV , ключів і всіх бітів відкритого тексту, тому він може використовуватися для автентифікації повідомлення та відправника і називається **кодом автентифікації повідомлення** або **MAC** (Message Authentication Code)



4. Режими виконання блокових шифрів

Режим зі зворотнім зв'язком по шифротексту (CFB, Cipher Feedback)

CFB перетворює блоковий шифр у **потоковий**, що самосинхронізується.

Попередньо зашифрований блок C_{i-1} **шифрується** ще раз і додається за модулем 2 з P_i

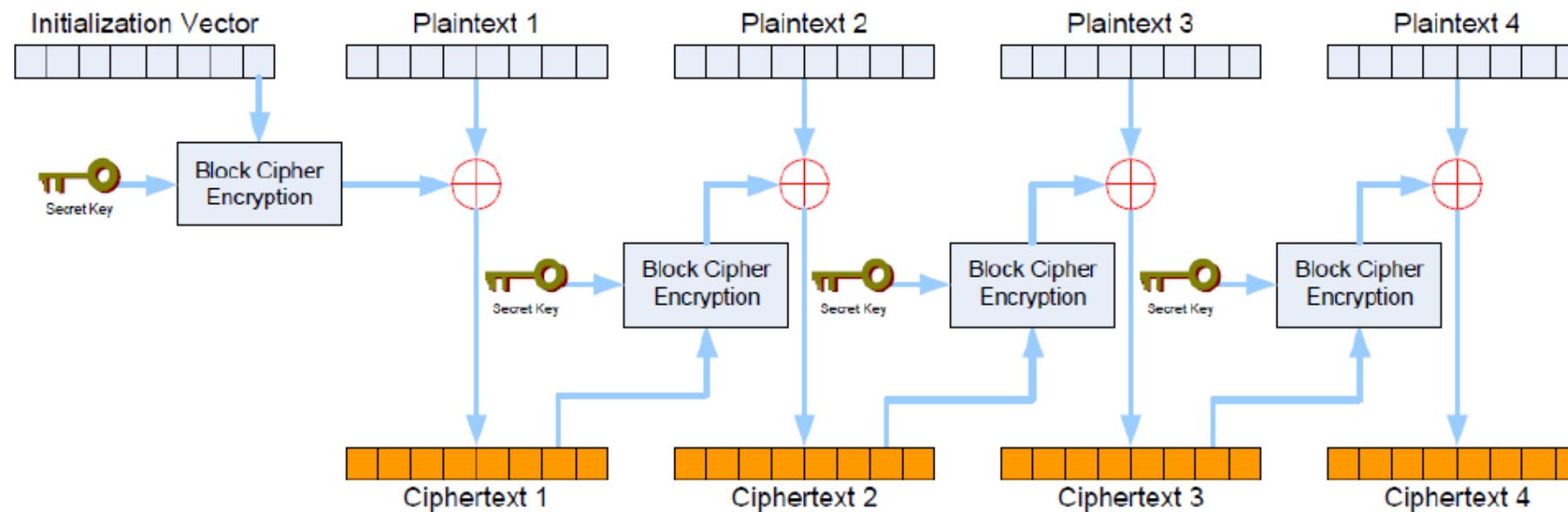
$$C_1 = P_1 \oplus E_k(IV)$$
$$C_i = P_i \oplus E_k(C_{i-1})$$

$$P_1 = C_1 \oplus D_k(IV)$$
$$P_i = C_i \oplus D_k(C_{i-1})$$

4. Режими виконання блокових шифрів

Режим зі зворотнім зв'язком по шифротексту (CFB, Cipher Feedback)

- + Можливість шифрувати блоки довжиною **менше n** біт (не потрібне доповнення блоків)
- + – Помилка у відкритих даних впливає на всі подальші зашифровані дані, але **самоусувається** в ході розшифрування



4. Режими виконання блокових шифрів

Режим зі зворотнім зв'язком по виходу (OFB, Output Feedback)

OFB перетворює блоковий шифр у синхронний **потоківий шифр**. Операції виконуються із підмножиною бітів O_{i-1} , що являє собою частину **попередньо зашифрованого** блоку C_{i-1} . Результат одразу передається на наступний крок та додається за модулем 2 з P_i

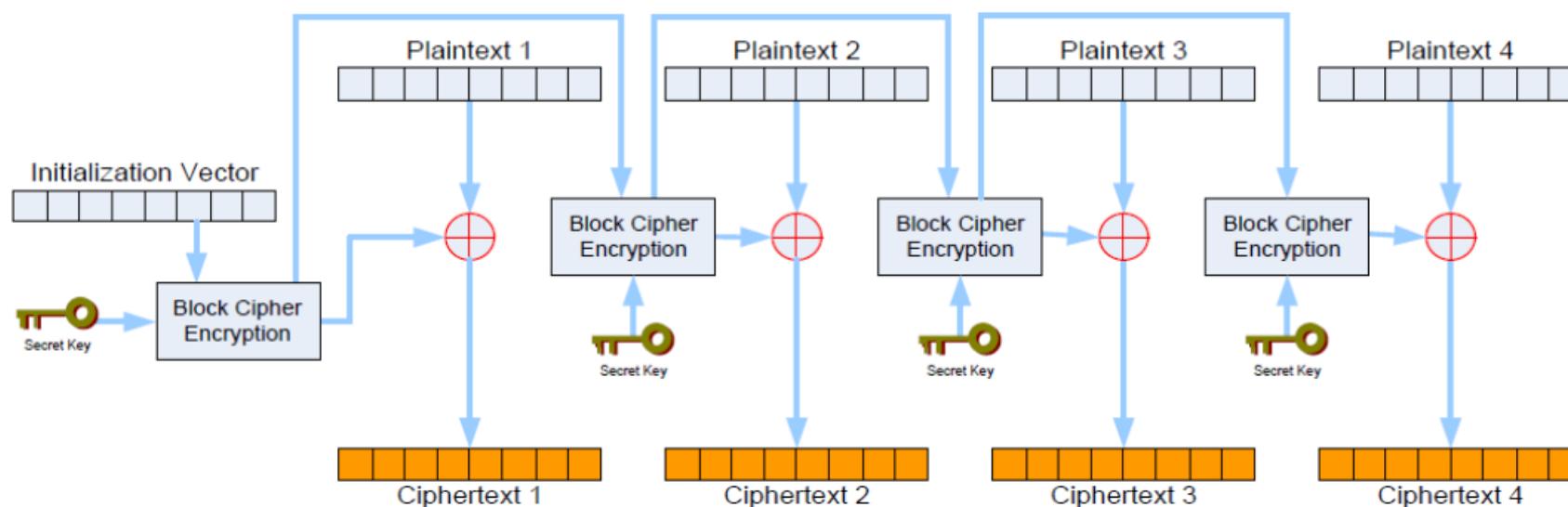
$$C_1 = P_1 \oplus E_k(IV)$$
$$C_i = P_i \oplus E_k(O_{i-1})$$

$$P_1 = C_1 \oplus D_k(IV)$$
$$P_i = C_i \oplus D_k(O_{i-1})$$

4. Режими виконання блокових шифрів

Режим зі зворотнім зв'язком по виходу (OFB, Output Feedback)

- + Можливість шифрувати блоки довжиною **менше n** біт (не потрібне доповнення блоків)
- + Помилка у відкритих даних не впливає на всі подальші зашифровані дані
- Не дозволяє одночасно шифрувати декілька блоків



4. Режими виконання блокових шифрів

Режим лічильника (CTR, Counter Mode)

Лічильник Ctr_{i-1} може бути будь-якими значеннями (послідовністю), що не повторюються. Найпоширенішими є прості лічильники, що на кожному кроці збільшуються на 1.

Лічильник зашифровується та додається за модулем 2 з P_i

$$C_i = P_i \oplus E_k(Ctr_{i-1})$$

$$Ctr_{i-1} = IV | \text{Nonce}$$

$$P_i = C_i \oplus D_k(Ctr_{i-1})$$

4. Режими виконання блокових шифрів

Режим лічильника (CTR, Counter Mode)

- + Блоки незалежні один від одного — вони залежать тільки від значень лічильника (не поширюється помилка)
- Потрібен синхронний лічильник для відправника та отримувача

