

## Тема 6. Аналітична геометрія

### Самостійна робота

Вам необхідно протягом пари за розкладом виконати завдання свого варіанта і одразу не пізніше ніж за 10 хвилин після закінчення заняття надіслати фото-звіт своєї роботи на адресу [kvm\\_grm@znu.edu.ua](mailto:kvm_grm@znu.edu.ua)

Рівняння прямої на площині, незалежно від способу його отримання, завжди слід подавати у вигляді загального рівняння прямої, наприклад  $x + 2y + 7 = 0$ .

Отримавши в п.1e) відповідь, що виражається ірраціональним числом, знайдіть наближене значення шуканої відстані з точністю до сотих.

Рівняння площини, незалежно від способу його отримання, завжди слід подавати у вигляді загального рівняння площини, наприклад  $x + 2y + z - 2 = 0$ .

Рівняння прямої у просторі, незалежно від способу отримання, завжди слід подавати у вигляді канонічних рівнянь прямої, наприклад  $\frac{x+1}{1} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z+3}{2}$ .

**В кінці звіту ЗАПИШІТЬ відповідь до кожного пункту завдань 1 та 2.**

1. Дано три вершини трикутника  $ABC$ :

$$A(-2; 4), B(3; 1), C(10; 7).$$

Знайти:

- рівняння сторони  $(AB)$ ;
- рівняння висоти  $(CM)$ ;
- рівняння медіани  $(AK)$ ;
- точку  $N$  перетину медіани  $AK$  і висоти  $CM$ ;
- рівняння прямої  $l$ , що проходить через вершину  $C$  паралельно стороні  $AB$ ;
- відстань від точки  $C$  до прямої  $AB$  (через нормальне рівняння прямої).

2. Дано чотири точки  $A_1(3; 1; 4)$ ,  $A_2(-1; 6; 1)$ ,  $A_3(-1; 1; 6)$ ,  $A_4(0; 4; -1)$

Скласти рівняння:

- площини  $A_1A_2A_3$ ;
- прямої  $A_1A_2$ ;
- прямої  $A_4M$ , перпендикулярної до площини  $A_1A_2A_3$ ;
- прямої  $A_3N$ , паралельної до прямої  $A_1A_4$ .

<p><b>Бикан Максим</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(-3; -2)</math>, <math>B(14; 4)</math>, <math>C(6; 8)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіани <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіани <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(3; -1; 2)</math>, <math>A_2(-1; 0; 1)</math>, <math>A_3(1; 7; 3)</math>, <math>A_4(8; 5; 8)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>
<p><b>Бриженюк Дмитро</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(1; 7)</math>, <math>B(-3; -1)</math>, <math>C(11; -3)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіани <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіани <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(3; 5; 4)</math>, <math>A_2(5; 8; 3)</math>, <math>A_3(1; 2; -2)</math>, <math>A_4(-1; 0; 2)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>

<p>Вальорко Олександр</p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(1; 0)</math>, <math>B(-1; 4)</math>, <math>C(9; 5)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіани <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіани <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(2; 4; 3)</math>, <math>A_2(1; 1; 5)</math>, <math>A_3(4; 9; 3)</math>, <math>A_4(3; 6; 7)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>
<p>Грабінський Давид</p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(1; -2)</math>, <math>B(7; 1)</math>, <math>C(3; 7)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіани <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіани <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(9; 5; 5)</math>, <math>A_2(-3; 7; 1)</math>, <math>A_3(5; 7; 8)</math>, <math>A_4(6; 9; 2)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>

<p><b>Данчук Ілля</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(-2; -3)</math>, <math>B(1; 6)</math>, <math>C(6; 1)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіани <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіани <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(0; 7; 1)</math>, <math>A_2(2; -1; 5)</math>, <math>A_3(1; 6; 3)</math>, <math>A_4(3; -9; 8)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>
<p><b>Держанівська Анастасія</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(-4; 2)</math>, <math>B(-6; 6)</math>, <math>C(6; 2)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіани <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіани <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(5; 5; 4)</math>, <math>A_2(1; -1; 4)</math>, <math>A_3(3; 5; 1)</math>, <math>A_4(5; 8; -1)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>

<p><b>Єфіменко Дмитро</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(4; -3)</math>, <math>B(7; 3)</math>, <math>C(1; 10)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальнє рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(6; 1; 1)</math>, <math>A_2(4; 6; 6)</math>, <math>A_3(4; 2; 0)</math>, <math>A_4(1; 2; 6)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>
<p><b>Заглада Владислав</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(4; -4)</math>, <math>B(8; 2)</math>, <math>C(3; 8)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальнє рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(7; 5; 3)</math>, <math>A_2(9; 4; 4)</math>, <math>A_3(4; 5; 7)</math>, <math>A_4(7; 9; 6)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>

Карманюк Владислав	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(-3; -3)</math>, <math>B(5; -7)</math>, <math>C(7; 7)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(6; 8; 2)</math>, <math>A_2(5; 4; 7)</math>, <math>A_3(2; 4; 7)</math>, <math>A_4(7; 3; 7)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>
Ковальчук Олександр	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(1; -6)</math>, <math>B(3; 4)</math>, <math>C(-3; 3)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(4; 2; 5)</math>, <math>A_2(0; 7; 1)</math>, <math>A_3(0; 2; 7)</math>, <math>A_4(1; 5; 0)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>

Колодюк Артем	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(-4; 2)</math>, <math>B(8; -6)</math>, <math>C(2; 6)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(4; 4; 10)</math>, <math>A_2(7; 10; 2)</math>, <math>A_3(2; 8; 4)</math>, <math>A_4(9; 6; 9)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>
Круковський Владислав	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(-5; 2)</math>, <math>B(0; -4)</math>, <math>C(5; 7)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(4; 6; 5)</math>, <math>A_2(6; 9; 4)</math>, <math>A_3(2; 10; 10)</math>, <math>A_4(7; 5; 9)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>

Кудрас Олександр	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(4; -4)</math>, <math>B(6; 2)</math>, <math>C(-1; 8)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіани <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіани <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(3; 5; 4)</math>, <math>A_2(8; 7; 4)</math>, <math>A_3(5; 10; 4)</math>, <math>A_4(4; 7; 8)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>
Левкович Ярослав	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(-3; 8)</math>, <math>B(-6; 2)</math>, <math>C(0; -5)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіани <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіани <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(10; 9; 6)</math>, <math>A_2(2; 8; 2)</math>, <math>A_3(9; 8; 9)</math>, <math>A_4(7; 10; 3)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>

<p><b>Лелета Вероніка</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(6; -9)</math>, <math>B(10; -1)</math>, <math>C(-4; 1)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(1; 8; 2)</math>, <math>A_2(5; 2; 6)</math>, <math>A_3(5; 7; 4)</math>, <math>A_4(4; 10; 9)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>
<p><b>Лук'яненко Владислав</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(4; 1)</math>, <math>B(-3; -1)</math>, <math>C(7; -3)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(6; 6; 5)</math>, <math>A_2(4; 9; 5)</math>, <math>A_3(4; 6; 11)</math>, <math>A_4(6; 9; 3)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>

Марченко Олександра	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(-4; 2)</math>, <math>B(6; -4)</math>, <math>C(4; 10)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(7; 2; 2)</math>, <math>A_2(-5; 7; -7)</math>, <math>A_3(5; -3; 1)</math>, <math>A_4(2; 3; 7)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>
Медведєв Данило	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(3; -1)</math>, <math>B(11; 3)</math>, <math>C(-6; 2)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(8; -6; 4)</math>, <math>A_2(10; 5; -5)</math>, <math>A_3(5; 6; -8)</math>, <math>A_4(8; 10; 7)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>

<p><b>Мельник Діана</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(-7; -2)</math>, <math>B(-7; 4)</math>, <math>C(5; -5)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(1; -1; 3)</math>, <math>A_2(6; 5; 8)</math>, <math>A_3(3; 5; 8)</math>, <math>A_4(8; 4; 1)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>
<p><b>Олішевський</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(-1; -4)</math>, <math>B(9; 6)</math>, <math>C(-5; 4)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(1; -2; 7)</math>, <math>A_2(4; 2; 10)</math>, <math>A_3(2; 3; 5)</math>, <math>A_4(5; 3; 7)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>

<p>Орищук Олександр</p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(10; -2)</math>, <math>B(4; -5)</math>, <math>C(-3; 1)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіани <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіани <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальнє рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(4; 2; 10)</math>, <math>A_2(1; 2; 0)</math>, <math>A_3(3; 5; 7)</math>, <math>A_4(2; -3; 5)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>
<p>Роїк Людмила</p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(-3; -1)</math>, <math>B(-4; -5)</math>, <math>C(8; 1)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіани <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіани <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальнє рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(2; 3; 5)</math>, <math>A_2(5; 3; -7)</math>, <math>A_3(1; 2; 7)</math>, <math>A_4(4; 2; 0)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>

<p><b>Романовський Вадим</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(-2; -6)</math>, <math>B(-3; 5)</math>, <math>C(4; 0)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіани <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіани <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальнє рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(5; 3; 7)</math>, <math>A_2(-2; 3; 5)</math>, <math>A_3(4; 2; 10)</math>, <math>A_4(1; 2; 7)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>
<p><b>Рудик Дар'я</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(-7; -2)</math>, <math>B(3; -8)</math>, <math>C(-4; 6)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіани <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіани <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальнє рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(4; 3; 5)</math>, <math>A_2(1; 9; 7)</math>, <math>A_3(0; 2; 0)</math>, <math>A_4(5; 3; 10)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>

<p><b>Ряснянський Антон</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(0; 2)</math>, <math>B(-7; -4)</math>, <math>C(3; 2)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальнє рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(3; 2; 5)</math>, <math>A_2(4; 0; 6)</math>, <math>A_3(2; 6; 5)</math>, <math>A_4(6; 4; -1)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>
<p><b>Слепчук Олександр</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(7; 0)</math>, <math>B(1; 4)</math>, <math>C(-8; -4)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальнє рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(2; 1; 6)</math>, <math>A_2(1; 4; 9)</math>, <math>A_3(2; -5; 8)</math>, <math>A_4(5; 4; 2)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>

<p><b>Столярчук Назар</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(1; -3)</math>, <math>B(0; 7)</math>, <math>C(-2; 4)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(2; 1; 7)</math>, <math>A_2(3; 3; 6)</math>, <math>A_3(2; -3; 9)</math>, <math>A_4(1; 2; 5)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>
<p><b>Химич Артем</b></p>	<p><b>1.</b> Дано три вершини трикутника <math>ABC</math>:</p> <p><math>A(-5; 1)</math>, <math>B(8; -2)</math>, <math>C(1; 4)</math>.</p> <p>Знайти:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) рівняння сторони <math>(AB)</math>;</li> <li>б) рівняння висоти <math>(CM)</math>;</li> <li>в) рівняння медіані <math>(AK)</math>;</li> <li>г) точку <math>N</math> перетину медіані <math>AK</math> і висоти <math>CM</math>;</li> <li>д) рівняння прямої <math>l</math>, що проходить через вершину <math>C</math> паралельно стороні <math>AB</math>;</li> <li>е) відстань від точки <math>C</math> до прямої <math>AB</math> (через нормальне рівняння прямої).</li> </ul> <p><b>2.</b> Дано чотири точки <math>A_1(2; -1; 7)</math>, <math>A_2(6; 3; 1)</math>, <math>A_3(3; 2; 8)</math>, <math>A_4(2; -3; 7)</math></p> <p>Скласти рівняння:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>б) прямої <math>A_1A_2</math>;</li> <li>в) прямої <math>A_4M</math>, перпендикулярної до площини <math>A_1A_2A_3</math>;</li> <li>г) прямої <math>A_3N</math>, паралельної до прямої <math>A_1A_4</math>.</li> </ul>

**1.** Дано три вершини трикутника  $ABC$ :

$$A(2; 5), \quad B(-3; 1), \quad C(0; 4).$$

Знайти:

- a) рівняння сторони  $(AB)$ ;
- б) рівняння висоти  $(CM)$ ;
- в) рівняння медіані  $(AK)$ ;
- г) точку  $N$  перетину медіані  $AK$  і висоти  $CM$ ;
- д) рівняння прямої  $l$ , що проходить через вершину  $C$  паралельно стороні  $AB$ ;
- е) відстань від точки  $C$  до прямої  $AB$  (через нормальне рівняння прямої).

**2.** Дано чотири точки  $A_1(0; 4; 5)$ ,  $A_2(3; -2; 1)$ ,  $A_3(4; 5; 6)$ ,

$$A_4(3; 3; 2)$$

Скласти рівняння:

- a) площини  $A_1A_2A_3$ ;
- б) прямої  $A_1A_2$ ;
- в) прямої  $A_4M$ , перпендикулярної до площини  $A_1A_2A_3$ ;
- г) прямої  $A_3N$ , паралельної до прямої  $A_1A_4$ .

Чернієнко Тарас

