

## 4. ВЛАСТИВОСТІ РІДИН

- Рідини зберігають об'єм, але не зберігають форму (набувають форму посудини, в яку їх вміщують).
- Основна властивість рідини — плинність.

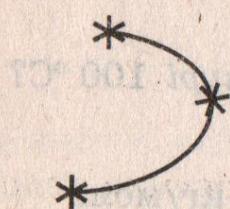


Рис. 161

**Характер молекулярного руху:** молекули коливаються відносно положення рівноваги і «перестрибують» в інші позиції (рис. 161). Час «осідлого» життя більший за час переміщень. Молекули розташовані на порівняно невеликих відстанях, тому властивості рідини зумовлюються силами взаємодії молекул.

Під дією сил поверхневого натягу рідина в стані невагомості чи в малій кількості (крапля) набуває форму кулі, оскільки при цьому є мінімальною площа вільної поверхні, а значить, і поверхневої енергії — адже всяка система прагне до стану з мінімальною потенціальною енергією.

### 4.1. Особливості поверхневого шару рідини

Найбільш характерною властивістю рідкого стану є наявність різкої межі, яка розділяє рідину і її пару.

Молекули рідини, що знаходяться на її поверхні, притягуються молекулами, які

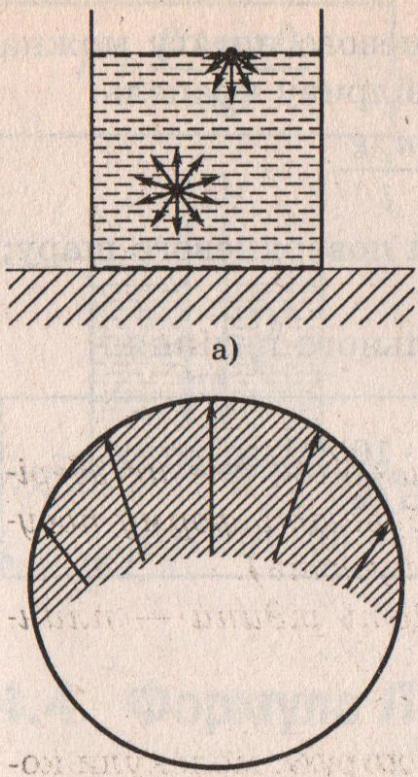


Рис. 162, а, б

є всередині рідини. Притягання молекул пари, які знаходяться над поверхнею, є мізерно малим. Під впливом рівнодіючої сили притягання молекули поверхневого шару втягуються всередину рідини, число молекул на поверхні зменшується і площа поверхні скорочується. На поверхні залишається така кількість молекул, при якій її площа виявляється мінімальною для даного об'єму рідини (рис. 162, а).

**Сила поверхневого натягу** — це сила, яка діє на межі стикання рідини з твердим тілом перпендикулярно межі по дотичній до поверхні рідини (рис. 162, б).

## 4.2. Поверхнева енергія.

### Поверхневий натяг

$$\sigma = \frac{F_h}{l_{\text{межі}}}$$

**Поверхневим натягом** називається величина, вимірювана відношенням модуля сили поверхневого натягу до довжини межі поверхні плівки:

$$\sigma = \frac{F_h}{l_{\text{межі}}}.$$

У СІ поверхневий натяг виражається в ньютонах на метр:  $[\sigma] = \text{Н}/\text{м}$ .

Величина поверхневого натягу залежить від виду рідини і її температури.

Енергія поверхневого шару рідини площею  $S$ :

$$P = \sigma \cdot S.$$

$$P = \sigma \cdot S$$

$$A = \sigma \Delta S = \Delta P$$

Робота при зміні площині поверхневого шару плівки

$$A = \sigma \Delta S = \Delta P.$$

Величину поверхневого натягу можна визначити методом відриву крапель:

$$\sigma = \frac{m_k g}{l},$$

де  $l$  — довжина межі поверхневого шару;  
 $m_k$  — маса краплі;  
 $g$  — прискорення вільного падіння.

### Цікаві факти

Поверхневий натяг при  $20^{\circ}\text{C}$ : води —  $7,2 \cdot 10^{-2} \text{ Н/м}$ ; ртуті —  $47 \cdot 10^{-2} \text{ Н/м}$ ; мильного розчину —  $\approx 4 \cdot 10^{-2} \text{ Н/м}$ .

Поверхневий натяг крові людини при  $36,7^{\circ}\text{C}$  —  $60 \cdot 10^{-2} \text{ Н/м}$ .

## 4.3. Явище змочування.

### Капілярні явища

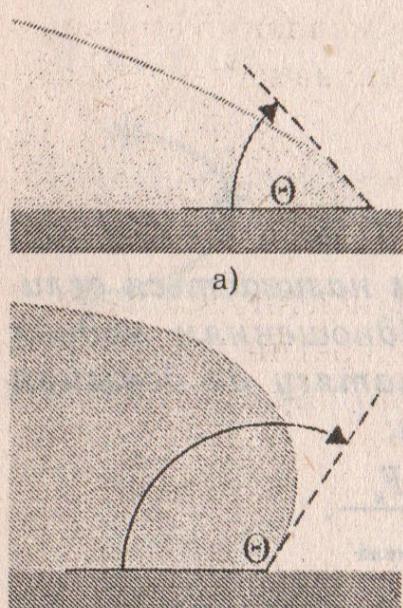


Рис. 163, а, б

Рідина, яка розтікається по твердому тілу, називається **змочуючою** дане тверде тіло (вода по склу і т. п.). При цьому рівнодіюча сила притягання молекул на межі зіткнення з молекулами рідини менша, ніж з молекулами твердого тіла (рис. 163, а).

Рідина, котра не розтікається, а стягується міжмолекулярними силами в краплі, називається **незмочуючою** дане тверде тіло (вода на жирній поверхні і т. п.). Рівнодіюча сила притягання молекул на межі зіткнення з молекулами рідини більша, ніж з молекулами твердого тіла (рис. 163, б).

$\theta$  — крайовий кут.

При повному змочуванні  $\theta = 0$ .

При повному незмочуванні  $\theta = \pi$ .

**Змочування** — це трифазне явище, оскільки воно відбувається на межі трьох фаз: твердої, рідкої і газоподібної.

У тонкій трубці — капілярі — у разі змочування рідина піднімається по стінці, утворюєтьсяувігнута поверхня рідини (увігнутий меніск) (рис. 164, а).

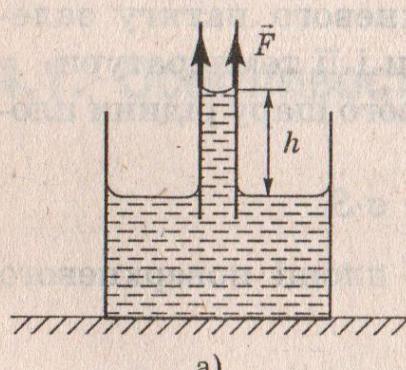


Рис. 164, а

$$h = \frac{2\sigma \cos \theta}{\rho g r}$$

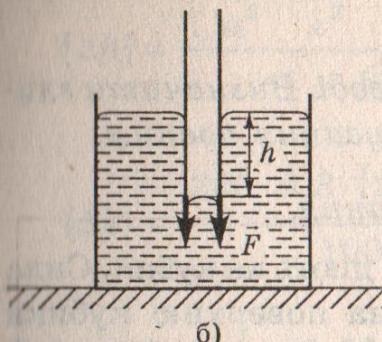


Рис. 164, б

Висота підйому рідини в трубці:

$$h = \frac{2\sigma \cos \theta}{\rho g r},$$

де  $\sigma$  — поверхневий натяг;

$r$  — радіус трубки;

$\rho$  — густина рідини.

Незмочуюча рідина опускається в капілярі на  $h$ , меніск при цьому опуклий (рис. 164, б).

## 4.4. Формула Лапласа

$$\Delta p = \pm \sigma \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right)$$

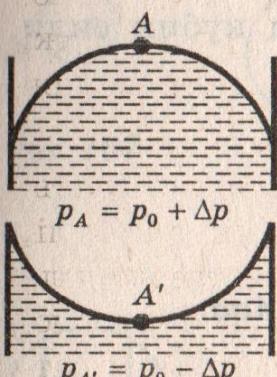


Рис. 165

**Формула Лапласа.**

Додатковий тиск, зумовлений кривизною поверхні рідини, визначається так:

$$\Delta p = \pm \sigma \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right),$$

де  $R_1$  і  $R_2$  — радіуси кривизни двох взаємно перпендикулярних перетинів поверхні рідини; знак «+» — для опуклого меніска, «-» — для ввігнутого.

Тиск у точках  $A$  і  $A'$  вказаній на рис. 165:

$p_0$  — тиск на вільну поверхню.

Якщо  $R_1 = R_2 = R$  (сферична поверхня), то

$$\Delta p = \frac{2\sigma}{R}.$$

Для тонкостінної порожньої сфери (бульбашки), що має дві поверхні — зовнішню і внутрішню, лапласів тиск дорівнює

$$\Delta p = 2 \cdot \frac{2\sigma}{R} = \frac{4\sigma}{R}.$$

$$\Delta p = 2 \cdot \frac{2\sigma}{R} = \frac{4\sigma}{R}$$

## 4.5. Приклади розв'язування задач

### Задача 1.

Пробковий кубик із ребром 2 см плаває у воді. Визначити глибину його занурення у воду, вважаючи змочування повним.

Дано:

$$\begin{aligned}\rho_{\text{пр}} &= 240 \text{ кг/м}^3 \\ \sigma_{\text{в}} &= 7,2 \cdot 10^{-2} \text{ Н/м} \\ \rho_{\text{рід}} &= 1000 \text{ кг/м}^3 \\ \theta &= 0 \\ a &= 2 \cdot 10^{-2} \text{ м}\end{aligned}$$

$$\Delta h - ?$$

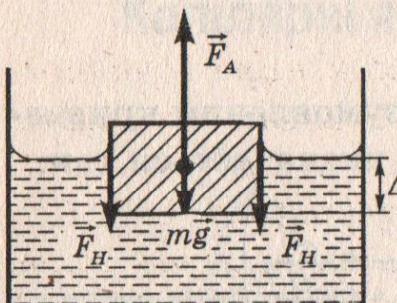


Рис. 166

### Розв'язання:

Розглянемо сили, які діють на кубик. Сила натягу піднімає воду на поверхню кубика (zmочування), діючи на нього вертикально вниз. Сила тяжіння направлена вниз, а архімедова сила — вгору. Оскільки кубик перебуває в рівновазі, то геометрична сума сил, діючих на кубик, дорівнює нулю (рис. 166):

$$\vec{F}_A + m\vec{g} + \vec{F}_H = 0.$$

У проекції на  $Ox$ :

$$F_A - F_H - mg = 0. \quad (1)$$

Розпишемо діючі на кубик сили.  
Сила Архімеда:

$$F_A = \rho_{\text{рід}} g \Delta h \cdot a^2.$$

Сила поверхневого натягу:

$$F_H = \sigma l,$$

де  $l$  — периметр куба. Оскільки  $l = 4a$ , то  $F_H = 4\sigma a$ .

Розпишемо силу тяжіння кубика:

$$mg = \rho_{\text{пр}} g a^3.$$

Підставимо значення сил у рівняння (1):

$$\rho_{\text{рід}} g \Delta h \cdot a^2 - 4\sigma a - \rho_{\text{пр}} g a^3 = 0.$$

Виразимо шукану глибину занурення кубика в рідину  $\Delta h$ :

$$\Delta h = \frac{\rho_{\text{пр}} g a^3 + 4\sigma a}{\rho_{\text{рід}} g a^2}. \quad (2)$$

Скорочуючи на  $a$  чисельник і знаменник виразу (2), дістанемо:

$$\Delta h = \frac{\rho_{\text{пр}} g a^2 + 4\sigma}{\rho_{\text{рід}} g a}.$$

*Обчислення:*

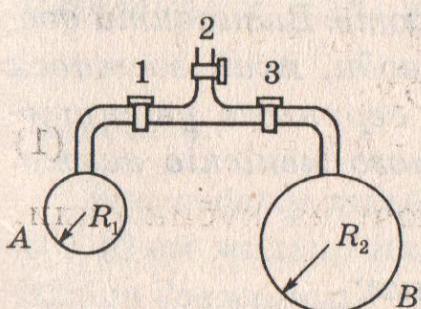
$$[\Delta h] = \frac{\left( \frac{\text{КГ}}{\text{М}^3} \cdot \frac{\text{М}}{\text{с}^2} \cdot \text{М}^2 + \frac{\text{Н}}{\text{М}} \right) \cdot \text{М}^3 \cdot \text{с}^2}{\text{КГ} \cdot \text{М} \cdot \text{М}} = \text{М},$$

$$\{\Delta h\} = \frac{240 \cdot 9,8 \cdot (2 \cdot 10^{-2})^2 + 4 \cdot 7,2 \cdot 10^{-2}}{1000 \cdot 9,8 \cdot 2 \cdot 10^{-2}} \approx 6,2 \cdot 10^{-3}.$$

СЯ

*Відповідь:  $\Delta h = 0,62$  см.*

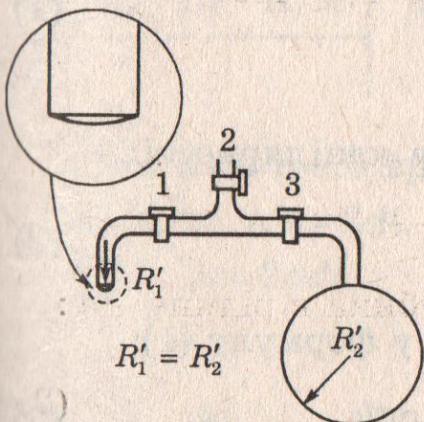
### Задача 2.



Rис. 167

На протилежних кінцях трубки-трійника видули дві мильні бульбашки *A* і *B* різних діаметрів, після чого вихідний отвір трубки закрили (рис. 167). Що станеться з бульбашками, якщо залишили їх самих, захистивши від зовнішніх впливів (відкрити краны 1 і 3)?

*Аналіз і розв'язання:*



Rис. 168

Об'єм бульбашки *A* зменшуватиметься, а об'єм бульбашки *B* — збільшуватиметься, оскільки лапласовий тиск  $p_1 = \frac{4\sigma}{R_1}$  більший від лапласового

тиску  $p_2 = \frac{4\sigma}{R_2}$  (більшому радіусу відповідає менший лапласовий тиск).

Рівновага настане, коли тиск всередині бульбашок (лапласові тиски) зрівняється, тобто коли поверхні обох плівок (радіус кульового сегмента першої плівки  $R'_1$  і радіус кулі другої плівки  $R'_2$ ) будуть мати однакову кривизну:  $R'_1 = R'_2$  (рис. 168).

### Задача 3.

Під час посухи на поверхні землі утворюється тверда кора. Чи треба зберігати її, щоб запобігти висиханню нижніх шарів землі?

*Аналіз і розв'язання:*

Ні, ґрунт слід розрихлювати, щоб перешкодити підйому ґрунтової води по капілярах, які утворюються у верхніх затверділих шарах ґрунту.

### Задача 4.

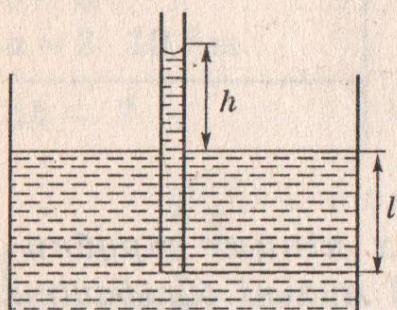


Рис. 169

У капілярній трубці, зануреній вертикально в воду на глибину  $l$ , вода піднялась на висоту  $h$  (рис. 169). Трубку закривають знизу пальцем, виймають із води і знову відкривають. Визначити довжину  $x$  стовпчика води, який зостався в трубці. Кривизну верхнього увігнутого і нижнього опуклого менісків вважати однаковою.

Дано:

капіляр

$l$

$h$

$$\rho_{\text{рід}} = 10^3 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$$

змочування

$x - ?$

*Розв'язання:*

Оскільки скляна трубка є капіляром, то з'являється надлишковий лапласовий тиск, зумовлений кривизною меніску:

$$p_{\text{л}} = \frac{2\sigma}{R}, \quad (1)$$

де  $R$  — радіус капіляра.

Для визначення  $R$  використовуємо закон капілярності:

$$h = \frac{2\sigma}{\rho g R}. \quad (2)$$

Виразимо  $R$  із формулі (2) і підставимо у формулу (1):

$$R = \frac{2\sigma}{\rho g h} \Rightarrow p_{\text{л}} = \frac{2\sigma}{2\sigma} \rho g h = \rho g h. \quad (3)$$

Лапласів тиск дорівнює гідростатичному тиску стовпчика рідини висотою  $h$ . Коли трубку виймаємо з води, утворюється два меніски. Лапласів тиск збільшується, а значить збільшується висота стовпчика води в капілярі. Визначимо цю висоту. Коли

трубку відкриваємо, вода з капіляра виливається доти, поки внизу не утвориться опуклий меніск. Лапласів тиск напрямлений вгору і дорівнює:

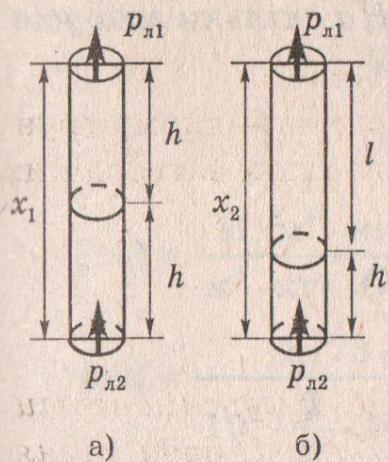


Рис. 170, а, б

$$p_A = p_{A1} + p_{A2};$$

а) якщо  $l > h$ , то (рис. 170, а)

$$p_L = 2p_A = \rho g x_1,$$

$$2\rho gh = \rho g x_1,$$

$$x_1 = 2h;$$

б) якщо  $l < h$ , то (рис. 170, б)

$$p_{A1} + p_{A2} = \rho g x_2,$$

$$\rho gh + \rho gl = \rho g x_2,$$

$$x_2 = l + h.$$

Відповідь:  $x_1 = 2h$ , якщо  $l > h$ ;  $x_2 = l + h$ , якщо  $l < h$ .

### Задача 5.

Яку роботу треба здійснити, щоб розтягнути на відстань  $d = 10$  см мильну плівку на дротяній рамці з рухомою перекладиною довжиною  $l = 5$  см?

Дано:

$$d = 10 \text{ см}$$

$$l = 5 \text{ см}$$

$$\sigma = 40 \cdot 10^{-3} \text{ Н/м}$$

$$A - ?$$

С1:

$$d = 0,1 \text{ м}$$

$$l = 0,05 \text{ м}$$

$$\sigma = 40 \cdot 10^{-3} \text{ Н/м}$$

Розв'язання:

Робота  $A$  дорівнює збільшенню енергії вільної поверхні рідини:

$$A = \sigma \Delta S.$$

Оскільки треба враховувати збільшення поверхні з обох боків плівки, то  $\Delta S = 2dl$ .

Тоді  $A = 2\sigma dl$ .

*Обчислення:*

$$[A] = \frac{\text{Н}}{\text{м}} \cdot \text{м} \cdot \text{м} = \text{Н} \cdot \text{м} = \text{Дж},$$

$$\{A\} = 2 \cdot 40 \cdot 10^{-3} \cdot 0,1 \cdot 5 \cdot 10^{-2} = 4 \cdot 10^{-4}.$$

Відповідь:  $A = 400 \text{ мкДж}$ .

### Задача 6.

Яка кількість теплоти виділиться в навколошнє середовище, якщо при злитті крапельок діаметром 1 мкм вийде 1 кг чистої води при тій же самій температурі? На скільки градусів нагрілась би вода, якби не було тепловіддачі?

Дано:

$$\begin{aligned}m &= 1 \text{ кг} \\ \rho_{\text{в}} &= 10^3 \text{ кг/м}^3 \\ c_{\text{в}} &= 4200 \text{ Дж/(кг} \cdot \text{К)} \\ d &= 1 \text{ мкм} \\ \sigma &= 73 \cdot 10^{-3} \text{ Н/м}\end{aligned}$$

$$\Delta t - ?$$

СІ:

$$\begin{aligned}m &= 1 \text{ кг} \\ \rho_{\text{в}} &= 10^3 \text{ кг/м}^3 \\ c_{\text{в}} &= 4200 \text{ Дж/(кг} \cdot \text{К)} \\ d &= 10^{-6} \text{ м} \\ \sigma &= 73 \cdot 10^{-3} \text{ Н/м}\end{aligned}$$

*Розв'язування:*

Краплі, порівняно з водою, яка міститься в одній посудині, мають значно більшу поверхневу енергію. Ця надлишкова енергія

$$P = \sigma_{\text{в}} \Delta S. \quad (1)$$

Визначимо  $\Delta S$ :

$$\Delta S = Sn,$$

де  $S$  — поверхня однієї краплі;

$n$  — кількість крапель.

$$S = 4\pi R^2, \quad n = \frac{V}{V_1},$$

де  $V$  і  $V_1$  — відповідно об'єм 1 кг води і краплі.

Підставимо значення  $\Delta S$  у формулу (1):

$$P = 4\pi R^2 \frac{V}{V_1} \sigma_{\text{в}}.$$

Визначимо  $V$  і  $V_1$

$$V = \frac{m}{\rho_{\text{в}}}; \quad V_1 = \frac{4}{3} \pi R^3,$$

тоді

$$P = \frac{4\pi R^2 m \sigma_{\text{в}}}{\rho_{\text{в}} \frac{4}{3} \pi R^3} = \frac{3m \sigma_{\text{в}}}{\rho_{\text{в}} R}.$$

Розрахуємо, наскільки підвищилася б температура води, якби не було теплообміну з навколошнім середовищем.

$$Q = c_{\text{B}} m \Delta t \Rightarrow \Delta t = \frac{Q}{c_{\text{B}} m}.$$

Згідно із законом збереження енергії  $Q = \Pi$ , тоді

$$\Delta t = \frac{3m\sigma_{\text{B}}}{\rho_{\text{B}} R c_{\text{B}} m} = \frac{3\sigma_{\text{B}}}{\rho_{\text{B}} R c_{\text{B}}}.$$

*Обчислення:*

$$[\Delta t] = \frac{\text{Н} \cdot \text{м}^3 \cdot \text{кг} \cdot \text{К}}{\text{м}^2 \cdot \text{кг} \cdot \text{м} \cdot \text{Дж}} = \text{К},$$

$$\{\Delta t\} = \frac{3 \cdot 73 \cdot 10^{-3}}{10^3 \cdot \frac{1}{2} \cdot 10^{-6} \cdot 4200} = 0,1.$$

*Відповідь:*  $\Delta t = 0,1 \text{ }^{\circ}\text{C}$ ,  $\Delta T = 0,1 \text{ К}$ .

### Задача 7.

Яку роботу проти сил поверхневого натягу треба виконати, щоб видути мильну бульбашку радіусом  $R$ ? Чому дорівнює надлишковий тиск усередині бульбашки?

*Розв'язування:*

Мильна бульбашка являє собою дуже тонку плівку мильної води приблизно сферичної форми. Ця плівка має дві поверхні — зовнішню і внутрішню. Нехтуючи товщиною плівки і вважаючи тому радіуси обох сфер однаковими, знайдемо їх спільну площину:

$$S = 4\pi R^2 + 4\pi R^2 = 8\pi R^2. \quad (1)$$

Збільшення поверхневої енергії пов'язане зі збільшенням  $\Delta S$ :

$$\Delta\Pi = \sigma \Delta S. \quad (2)$$

Виконана під час видування бульбашки робота проти сил поверхневого натягу іде на збільшення поверхневої енергії на  $\Delta\Pi$ . Таким чином, із (1) і (2) дістанемо:

$$A = \Delta\Pi = 8\pi R^2 \sigma.$$

Надлишковий (порівняно із зовнішнім) тиск всередині бульбашки дорівнює:

$$\Delta p = \frac{4\sigma}{R}.$$